

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение
высшего образования
«Казанский (Приволжский) федеральный университет»
Институт вычислительной математики и информационных технологий

УТВЕРЖДАЮ

Заместитель председателя
приемной комиссии - первый
проректор



Р.Г. Минзарипов
2018 г.

ПРОГРАММА ВСТУПИТЕЛЬНОГО ИСПЫТАНИЯ

Направление подготовки: «Информационные системы и технологии»
Магистерская программа: «Технологии разработки информационных систем»
Форма обучения: очное

Вступительное испытание состоит из двух этапов: ответа на вопросы билета, собеседования и оценки портфолио, представленного абитуриентом.

Вступительное испытание должно выявить:

- 1) четкое знание определений и теорем, предусмотренных программой экзамена;
- 2) умение доказывать эти теоремы;
- 3) способность точно и сжато выражать мысль в письменном изложении;
- 4) навыки практического применения указанных теоретических положений.
- 5) уровень мотивированности абитуриента, его лидерские качества, возможности профессионального и личностного роста.

Критерии оценки ответа на вопросы билета вступительного экзамена

Каждый экзаменационный билет состоит из 2 вопросов.

Первый из указанных в билете вопросов предполагает раскрытие основных теоретических знаний абитуриентов в области математики и информатики. При ответе на него необходимо дать краткую характеристику указанных понятий, привести примеры, раскрывающие суть теоретических понятий и положений, доказать свойство или теорему, если они указаны в билете.

Второй вопрос билета практического характера и предполагает решение задачи или представленной проблемы.

Считается, что ответ удовлетворяет заданному в билетах вопросу, если:

1. Раскрыто содержание теоретических понятий в первом вопросе, указаны основные теоретические положения и теоремы (с полным доказательством) по данному вопросу (40 баллов).
2. Решена задача или предложенная проблема, сформулированная во втором вопросе билета (40 баллов).

Инструкция по ответу на вопросы билета вступительного экзамена

Ответы на указанные в билете вопросы выполняются письменно с указанием номера билета и вопроса в нем.

Ответ на первый вопрос должен быть четким и сформулирован согласно известным определениям и положениям математических наук. Если для раскрытия содержания теоретического вопроса приводится практический пример, то он должен показывать применение указанных в ответе теоретических положений на практике.

При ответе на второй вопрос билета следует привести решение указанной задачи или предложенной проблемы. Обосновать свое решение.

Устный этап

Проводится в тот же день сразу после письменного этапа. На устном этапе проводится собеседование и оценивается портфолио поступающего. На собеседовании абитуриент может аргументированно обосновать свой ответ на билет, если у членов комиссии возникли вопросы, и рассказать о своем портфолио, которое может включать в себя:

1) диплом с отличием по профильному направлению. Утверждается при наличии копии диплома (до 4 баллов).

2) наличие публикаций—за наличие публикаций по направлению подготовки в магистратуре (в журналах Scopus или Web of Science), по публикациям списков ВАК и РИНЦ. Подтверждение: либо сама публикация, либо уведомление о принятии статьи на публикацию (до 9 баллов).

3) проявление исследовательской активности в годы учебы – участие в научных конференциях (должно подтверждаться тезисами/публикациями), студенческих олимпиадах (дипломы/грамоты) , именные стипендии (сертификат), выигранные гранты (сертификат/свидетельство о выигранном гранте), участие в общественной жизни института (должно подтверждаться дипломами или грамотами) (до 4 баллов).

4) опыт практической реализации выполненных курсовых и дипломных работ на предприятии или организации (подтверждается актом внедрения) (до 3 баллов).

Всего за портфолио не более 20 баллов.

Инструкция по оформлению портфолио

Портфолио оформляется в соответствии с нижеприведенной структурой самим поступающим на бумажном носителе и передается в директорат института Вычислительной математики и информационных технологий непосредственно в утвержденные даты вступительных испытаний, без возможности последующего дополнения и корректировки.

Ответственность за достоверность информации представленной в портфолио несет абитуриент, поступающий в магистратуру. При оформлении следует соблюдать аккуратность и достоверность данных.

Структура портфолио личных достижений:

1. Титульный лист портфолио;
2. Описание
3. копии документов:

Все документы в портфолио предоставляются в виде копий документов, поданное портфолио остается в институте Вычислительной математики и информационных технологий.

Оригиналы документов не принимаются.

Минимум баллов для получения положительной суммарной оценки за ответ на билет и по итогам собеседования составляет 40 баллов. Максимум

баллов за ответ на билет составляет 100 баллов.

В случае, если на одно бюджетное место претендуют несколько абитуриентов с одинаковым количеством баллов, полученных на вступительных испытаниях, комиссией рассматриваются индивидуальные достижения поступающего с точки зрения профиля программ магистратуры и средний балл по диплому о высшем образовании.

Основные разделы

Численные методы

Алгебраическое интерполирование. Исследование существования и единственности интерполяционного полинома. Интерполяционный полином Лагранжа.

Интерполяционные квадратурные формулы.

Метод Гаусса решения систем линейных уравнений. Применение метода Гаусса к вычислению определителя и обратной матрицы.

Математический анализ

Теорема Вейерштрасса о существовании предела у монотонной ограниченной последовательности.

Дифференцирование функции одной переменной в точке. Правила нахождения производной функции в точке (формулы для суммы, произведения, отношения, суперпозиции двух функций, формула производной для обратной функции) с выводом формул. Основные теоремы дифференциального исчисления (теорема Ролля, теорема Коши, формула Лагранжа).

Правило Лопиталья.

Определение интеграла Римана от функции на отрезке. Необходимое условие интегрируемости.

Теорема о существовании интеграла от непрерывной на отрезке функции.

Теорема о среднем значении для определенного интеграла.

Определение числового ряда. Критерий Коши сходимости ряда.

Признак сравнения для рядов с неотрицательными членами.

Признак Даламбера сходимости числового ряда.

Радикальный признак Коши сходимости числового ряда.

Ряд Лейбница.

Определение степенного ряда. Первая теорема Абеля. Нахождение радиуса сходимости степенного ряда. Определение области сходимости степенного ряда.

Дифференциальные уравнения и уравнения математической физики

Уравнения в полных дифференциалах. Интегрирующий множитель.

Теорема существования и единственности решения задачи Коши.

Фундаментальная система решений линейного дифференциального уравнения. Метод вариации произвольных постоянных.

Алгебра и геометрия

Определитель матрицы. Обратная матрица. Формула для элементов обратной матрицы.

Правило Крамера для решения системы линейных уравнений. Случай однородной системы.

Общее решение совместной неоднородной системы уравнений.

Вычисление длины вектора и угла между векторами, заданными координатами в ортонормированной базе, с помощью скалярного произведения.

Каноническое уравнение прямой в пространстве. Условие параллельности и пересечения двух прямых.

Квадратичные формы. Замена переменных. Канонический вид квадратичной формы. Закон инерции

Дискретная математика

Функции алгебры логики. Реализация функций формулами. Канонические формы представления функций (ДНФ, КНФ, СДНФ, СКНФ, полином Жегалкина).

Полнота систем функций алгебры логики. Критерий функциональной полноты.

Проблематика теории кодирования. Алфавитное кодирование. Проблема однозначности кодирования. Префиксные коды.

Коды с минимальной избыточностью (Коды Хаффмана).

Помехоустойчивое кодирование. Коды Хемминга.

Языки, грамматики и их классификация. Примеры контекстно-свободных грамматик.

Обходы графа в глубину и в ширину. Вычисление числа компонент связности графа.

Алгоритмы поиска путей в графе.

Алгоритмы нахождения минимального остова графа.

Теория вероятностей и математическая статистика

Функция распределения вероятностей и ее свойства.

Независимость случайных величин; критерий их независимости.

Закон больших чисел Чебышева.

Центральная предельная теорема для сумм независимых одинаково распределенных случайных величин.

Методы оптимизации и исследование операций

Задача линейного программирования. Формы записи ЗЛП. Приведение задачи линейного программирования к каноническому виду.

Симплекс-метод решения ЗЛП.

Транспортная задача. Метод потенциалов.

Методы безусловной минимизации выпуклых функций (метод наискорейшего спуска, метод покоординатного спуска, метод Ньютона).

Основы программирования

Алгоритмы и языки их описания.

Алгоритмы сортировки. Оценка вычислительной сложности алгоритмов сортировки.

Алгоритмы поиска. Оценка вычислительной сложности алгоритмов поиска.

Основные средства и особенности процедурных языков программирования.

Процедуры и функции. Описание и использование.

Рекурсивные функции и их особенности.

Механизмы управления памятью.

Механизмы создания новых типов данных (структуры и классы).

Символьные строки и алгоритмы их обработки.

Линейные списки и алгоритмы их обработки.

Принципы объектно-ориентированного программирования (инкапсуляция, наследование и полиморфизм).

Классы. Свойства и методы классов, модификаторы доступа к элементам классов. Особенности конструкторов и деструкторов как инструментов создания и уничтожения объектов.

Наследование в классах. Реализация принципов наследования и полиморфизма при разработке классов.

Базовые типы в языках программирования.

Абстрактные типы данных – стеки, очереди.

Многопоточное программирование.

Параллельное программирование на основе MPI

Базы данных

Проектирование реляционных баз данных. Метод ER-диаграмм.

Связи между таблицами в базах данных. Ссылочная целостность (схема данных).

Ключи, внешние ключи, индексы (индексно-последовательные файлы, В-деревья, хеш-таблицы).

Запросы к базам данных, их типы.

Основные операторы языка SQL по созданию таблиц, изменению данных, выполнению выборки.

Архитектура информационных систем. Модели «клиент-сервер».

Системное и прикладное программное обеспечение

Назначение и основные функции операционных систем.

Назначение и основные функции файловых систем.

Программные средства для работы в глобальной компьютерной сети INTERNET.

Организация взаимодействия процессов в компьютерных сетях. Стек протоколов TCP/IP.

Проектирование информационных систем

Процессы жизненного цикла разработки программного обеспечения.

Модели жизненного цикла ПО. Спиральная модель и итерационная модели.

Функциональное моделирование. Стандарт IDEF0

Методология моделирования процессов IDEF3

Моделирование потоков данных. DFD

Диаграмма классов UML. Классы, сущности, отношения. Интерфейсы и абстрактные классы

Диаграммы реализации UML.

Моделирование поведения на UML

Диаграммы состояний UML.

Диаграммы деятельности UML.

Диаграмма последовательности UML.

Список литературы

1. Никольский С. М. Курс математического анализа: Учебник.- М.-Т.2.-1991.
2. Иванов М.А. Криптографические методы защиты информации в компьютерных системах и сетях. - М.: КУДИЦ - ОБРАЗ, 2001.
3. Блейхут Р. Теория и практика кодов, контролирующих ошибки. - М.: Мир, 1986.
4. Введение в криптографию /под ред. Ященко В.В. - М.: МЦНМО - ЧеРо,1999.
5. Масленников М. Практическая криптография. - С.-П.: БХВ – Петербург, 2003.
6. Курош А.Г. Курс высшей алгебры. - М.: Наука, 1965. - 431 с.
7. Клини С.К. Математическая логика. - М.: Мир, 1973.
8. Яблонский С.В. Введение в дискретную математику: Учеб. пособие для студ.вузов, обуч. по спец. "Прикл. математика".- М.: Наука,1979 - 1986
9. Ашманов С. А. Линейное программирование: Учеб. пособие. - М.: Наука.-1981.-304 с.
10. Бахвалов Н.С. Численные методы: Учеб.пособие.-М.: Наука.-Т.1.-1973-1987
11. Мейер Д. Теория реляционных баз данных - М.: Мир, 1987
12. Дейтл Х.М. Операционные системы: Основы и принципы - М: Бином, 2009.
13. Братчиков И.П. Синтаксис языков программирования. - М.; Наука, 1975. - 232 с.
14. Вайнгартен Ф. Трансляция языков программирования. - М.: Мир, 1977. - 192 с.
15. Ахо А., Ульман Дж. Теория синтаксического анализа, перевода и компиляции - М.: Мир, 1978.
16. Карчевский М.М. Лекции по уравнениям математической физики: Учебное пособие. – 2-е изд., испр. – СПб.: Издательство «Лань», 2016. – 164 с.
17. Владимиров В.С., Вашарин А.А., Каримова Х.Х., Михайлов В.П., Сидоров Ю.В., Шабунин М.И. Сборник задач по уравнениям математической физики: 4-е изд. – М.: ФИЗМАТЛИТ, 2003. – 288 с.
18. Глазырина Л.Л., Карчевский М.М. Введение в численные методы: учебное пособие. – Казань: Казан. ун-т, – 2012. – 122 с.
19. Самарский А.А., Гулин А.В. Численные методы: Учебное пособие для вузов. – М.: Наука. Гл. ред. физ.-мат. лит., 1989. – 432 с.
20. Бахвалов Н.С., Лапин А.В., Чижонков Е.В. Численные методы в задачах и упражнениях: Учебное пособие. – 2-е изд., перераб. и доп. – М.: БИНОМ. Лаборатория знаний, 2010. – 240 с.
21. Вирт, Н. Алгоритмы и структуры данных. / Никлаус Вирт; пер. с англ. Ф. В. Ткачев. - М.: ДМК Пресс, 2010. - 272 с.

22. Кубенский А.А. Структуры и алгоритмы обработки данных: объектно-ориентированный подход и реализация на С++. - СПб.: БХВ-Петербург, 2004. - 464 с.
23. Стивен Прата. Язык программирования С++. Лекции и упражнения: Пер. с англ. – М: ООО «И.Д. Вильямс», 2012. – 1248 с.
24. Крэнке Д. Теория и практика построения баз данных. – СПб: Питер, 2003. – 800 с.
25. Гарсиа-Молина Г., Ульман Дж., Уидом Дж. Системы баз данных. Полный курс: Пер. с англ. – М.: Издательский дом «Вильямс», 2003. – 1088 с.
26. Элиенс, А. Принципы объектно-ориентированной разработки программ / А. Элиенс. – М.: Издательский дом «Вильямс», 2002. – 496 с.
27. Фаулер, М. Архитектура корпоративных программных приложений / М. Фаулер. – М.: Издательский дом «Вильямс», 2004. – 544 с.
28. Ларман, К. Применение UML и шаблонов проектирования: Уч. Пос / К. Ларман. - М.: Издательский дом «Вильямс», 2001. - 496 с.

Примеры задач

1. Определить область сходимости степенного ряда

$$(x-2) + \frac{1}{2^2}(x-2)^2 + \frac{1}{3^2}(x-2)^3 + \dots + \frac{1}{n^2}(x-2)^n + \dots$$

2. Решить уравнение

$$3y'^2 = 4yy' + y^2$$

3. Найти плотность вероятности, математическое ожидание и дисперсию с.в. X , которая задана функцией распределения $F(x)$

$$F(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x \leq 0 \\ x/3, & \text{при } 0 < x \leq 3 \\ 1, & \text{при } x > 3 \end{cases}$$

4. С каким шагом следует составить таблицу функции $\sin(x)$ на отрезке $[0, \pi/2]$, чтобы погрешность кусочно-линейной интерполяции не превосходила величины $10^{-6}/2$?

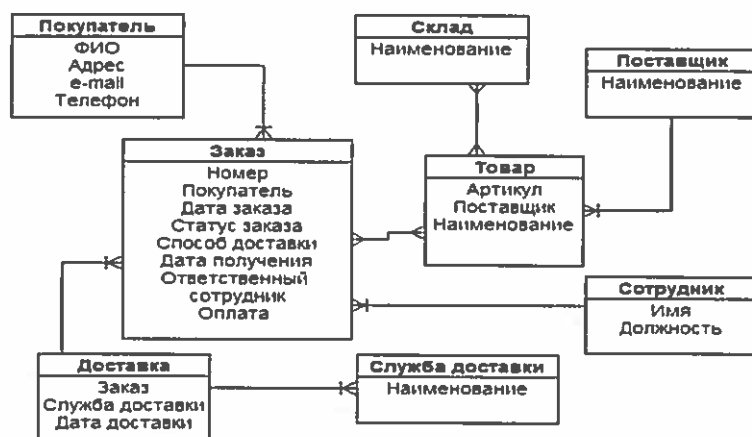
5. Вычислить интеграл $\int_0^1 \exp(x^2) dx$ по формуле Ньютона–Котеса с узлами 0, 0.25, 0.5, 0.75, 1 и оценить погрешность.

6. Для решения системы $Ax=b$ с матрицей $A = \begin{pmatrix} \alpha & \beta & 0 \\ \beta & \alpha & \beta \\ 0 & \alpha & \beta \end{pmatrix}$ применяется метод Якоби. Найти все значения параметров α и β , обеспечивающие сходимость с произвольного начального приближения.

7. Дано целое число N и набор из N целых чисел, содержащий, по крайней мере два нуля. Вывести сумму чисел из данного набора, расположенных между последними двумя нулями. Если последние два нуля идут подряд, вывести 0.

8. Дано целое число N и набор из N целых чисел. Найти номера первого минимального и последнего максимального элемента из данного набора и вывести их в указанном порядке.

9. На диаграмме представлена ER-модель интернет-магазина.



Введите новую сущность, так чтобы в диаграмме не было связи многие ко многим.

10. Решается задача нахождения подстроки в строке. Строка имеет длину N , искомая подстрока - длину M . Рассматриваются два алгоритма. Время работы первого составляет приблизительно $2 \cdot N \cdot M$ элементарных операций, время работы второго составляет около $50 \cdot M + 38 \cdot N$ элементарных операций. Задача состоит в поиске вхождений слова «Ржевский» в тексте романа Л.Н. Толстого «Война и мир», длина которого составляет примерно 3.5 миллиона символов. Какая из двух указанных реализаций алгоритмов будет наиболее эффективной?

11. Составить экономико-математическую модель и решить задачу линейного программирования симплекс-методом.

Фирма планирует оптовые поставки телевизоров и видеомагнитофонов. Для годовой поставки тысячи телевизоров необходимо 2 квадратных метра площадей на складе, 6 вагонов и 7 человек персонала. Для поставки тысячи видеомагнитофонов необходимо 4 квадратных метра площадей на складе, 5 вагонов и 3 человека персонала. Прибыль с тысячи телевизоров равна 5 миллионов рублей, а прибыль с тысячи видеомагнитофонов – 1 млн. руб. Фирма располагает складами с общей площадью 1520 квадратных метров, количество вагонов у фирмы равно 2320 и количество рабочих – 2310 человек. Определить оптимальную с точки зрения получения прибыли годовую партию поставки (количество телевизоров и видеомагнитофонов).

12. Решить транспортную задачу методом потенциалов

$a_i \backslash b_j$	150	130	150	140
200	7	8	1	2
180	4	5	9	8
190	9	2	3	6

Также возможны и другие виды задач.

Далее указан примерный перечень классов задач по темам теоретической части данной программы:

Базы данных

- написание программ к заданным базам данных;
- построение и анализ ER-диаграмм баз данных;
- построение типовых вариантов индексов (индексно-последовательные файлы, B-деревья, Хеш-таблицы) и др.

Математический анализ

- нахождение производной функции одной переменной в точке;
- вычисление определенных интегралов;
- исследование несобственных интегралов на сходимость;
- исследование числовых рядов на сходимость;
- определение области сходимости степенных рядов.

Дискретная математика

- построение кода Хаффмана;
 - коды Хемминга;
 - построение функций алгебры логики в канонических формах;
- Также возможно применения алгоритмов решения задач на графах и др.

Теория вероятностей и математическая статистика

- определение вероятности событий;
- построение функции распределения;
- нахождение числовых характеристик случайных величин

Численные методы

- построение интерполяционных множеств;
- приближенное вычисление функций при помощи квадратурных формул;
- метод Гаусса решения систем линейных алгебраических уравнений;
- метод Якоби решения систем линейных уравнений и др.

Алгебра и геометрия

- использование квадратичных форм;
- понятие и свойства линейного оператора, линейной зависимости и линейной независимости элементов;
- вычисление ранга матриц;
- решение систем линейных уравнений и др.

Дифференциальные уравнения и уравнения математической физики

- решение дифференциальных уравнений 1 и 2 порядков;
- решение задачи Коши;
- приведение уравнений к каноническому виду;
- краевые задачи для уравнений 2 порядка, задача Коши для уравнения колебания струны и др.

Методы оптимизации и исследование операций

- построение моделей оптимизационных задач;
- исследование выпуклости функций и множеств;
- безусловную минимизацию и др.

Основы программирования

- написание программ с использованием алгоритмов сортировки и поиска;
- работу с массивами, списками, очередями, стеками, двоичными деревьями, файлами;
- использование принципов объектно-ориентированного программирования и др.