

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«КАЗАНСКИЙ (ПРИВОЛЖСКИЙ) ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Учебно-методический центр тестирования и подготовки к ЕГЭ и ГИА

УТВЕРЖДАЮ

Проректор по дополнительному  
образованию

И. А. Хайруллин

(подпись)

« 20 » г.



**ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНАЯ ОБЩЕРАЗВИВАЮЩАЯ  
ПРОГРАММА**

**«Подготовка к ЕГЭ по математике. Базовый курс»**

Объем – 96 академических часов

Организация обучения – заочная с применением дистанционных образовательных технологий, 32 недели

Директор УМЦ

С.И. Ионенко

Казань – 2025

## **1. ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА ПРОГРАММЫ**

### **1.1. Нормативные правовые основания разработки программы**

Нормативную правовую основу разработки программы составляют:

- Федеральный закон от 29 декабря 2012 года № 273-ФЗ «Об образовании в Российской Федерации»;
- Приказ Минпросвещения России от 27 июля 2022 г. № 629 «Об утверждении Порядка организации и осуществления образовательной деятельности по дополнительным общеобразовательным программам»;
- Приказ Минобрнауки РФ от 05 марта 2004 г. № 1089 «Об утверждении федерального компонента государственных образовательных стандартов начального общего, основного общего и среднего (полного) общего образования».

### **1.2. Актуальность программы**

Программа предназначена для подготовки к Единому государственному экзамену по образовательной программе среднего общего образования курса «Математика» (профильный уровень) для школьников. Актуальность заключается в развитии математической культуры школьников и обеспечении их потребностей по усвоению навыков работы с контрольными измерительными материалами Единого государственного экзамена.

### **1.3. Направленность программы – социально-гуманитарная (социально-педагогическая).**

### **1.4. Категории обучающихся**

Настоящая программа предназначена для учащихся старших классов средних общеобразовательных учебных заведений, для студентов старших курсов средних специальных учебных заведений, а также для лиц, уже имеющих полное среднее или среднее специальное образование.

### **1.5. Срок освоения программы – 96 академических часов (32 недели). Период освоения программы: октябрь 2025 г. – май 2026 г.**

### **1.6. Форма обучения – заочная с применением дистанционных образовательных технологий.**

### **1.7. Формы и режим занятий.**

Занятия содержат теоретическую и практическую части. Теоретическая часть занятия проводится в форме лекции, включающей в себя демонстрацию решений программных задач курса. Практическая часть занятия реализуется в виде самостоятельного математического практикума и последующего совместного разбора сложных заданий. Режим занятий: один день (одно занятие) в неделю, продолжительность одного занятия 3 академических часа.

### **1.8. Цель и задачи программы**

- овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми для успешного прохождения выпускных и вступительных испытаний, продолжения образования и освоения избранной специальности на современном уровне;

- развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для будущей профессиональной деятельности, а также последующего обучения в высшей школе.

### **1.9. Требования к результатам освоения программы**

*В результате освоения программы учащийся*

*должен знать/понимать:*

- значение идей, методов и результатов алгебры и математического анализа для построения моделей реальных процессов и ситуаций;
- возможности геометрии для описания свойств реальных предметов и их взаимного расположения;
- универсальный характер законов логики математических рассуждений;

*должен уметь:*

- выполнять арифметические действия, сочетая устные и письменные приемы, находить значения корня натуральной степени, степени с рациональным показателем, логарифма, пользоваться оценкой и прикидкой при практических расчетах;
- проводить по известным формулам и правилам преобразования буквенных выражений, включающих степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции;
- вычислять значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования;
- описывать по графику поведение и свойства функций, находить по графику функции наибольшие и наименьшие значения;
- решать уравнения, неравенства, используя свойства функций, их графические представления, производную функции;
- решать рациональные, показательные и логарифмические уравнения и неравенства, иррациональные и тригонометрические уравнения, их системы;
- изображать на координатной плоскости множества решений простейших уравнений и их систем;
- решать планиметрические и несложные стереометрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей, объемов);

*должен использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:*

- для практических расчетов по формулам, включая формулы, содержащие степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции,
- для описания с помощью функций различных зависимостей, представления их графически, интерпретации графиков;
- для вычисления объемов и площадей поверхностей пространственных тел при решении практических задач;
- для решения геометрических, физических, экономических и других прикладных задач, в том числе задач на наибольшие и наименьшие значения с применением аппарата математического анализа;
- для построения и исследования простейших математических моделей.

## 2. СОДЕРЖАНИЕ ПРОГРАММЫ

### 2.1. Учебный план

№ п/п	Наименование разделов и дисциплин (модулей)	Всего ауд. часов	в том числе		Вид и форма контроля
			лекции	практ. занятия	
1	2	3	4	5	6
1.	<b>Модуль №1.</b> Преобразование выражений	12	4	8	Устный опрос, письменная работа, тестирование
2.	<b>Модуль №2.</b> Решение задач планиметрии	12	4	8	Устный опрос, письменная работа, тестирование
3.	<b>Модуль №3.</b> Использование теории вероятностей и математической статистики при решении задач	12	4	8	Устный опрос, письменная работа, тестирование
4.	<b>Модуль №4.</b> Решение уравнений и неравенств	12	4	8	Устный опрос, письменная работа, тестирование
5.	<b>Модуль №5.</b> Использование функции и ее производной при решении задач	12	4	8	Устный опрос, письменная работа, тестирование
6.	<b>Модуль №6.</b> Решение задач прикладного содержания	12	4	8	Устный опрос, письменная работа, тестирование
7.	<b>Модуль №7</b> Решение задач стереометрии	12	4	8	Устный опрос, письменная работа, тестирование
8.	<b>Модуль №8.</b> Решение вариантов экзаменационных работ по математике и содержательный анализ допущенных ошибок	12	4	8	Письменная работа

	Итого:	96	32	64	
--	--------	----	----	----	--

## 2.2. Календарный учебный график

Период обучения (дни) <sup>1)</sup>	Наименование модуля
октябрь	Модуль №1. Преобразование выражений
ноябрь	Модуль №2. Решение задач планиметрии
декабрь	Модуль №3. Использование теории вероятностей и математической статистики при решении задач
январь	Модуль №4. Решение уравнений и неравенств
февраль	Модуль №5. Использование функции и ее производной при решении задач
март	Модуль №6. Решение задач прикладного содержания
апрель	Модуль №7. Решение задач стереометрии
май	Модуль №8. Решение вариантов экзаменационных работ по математике и содержательный анализ допущенных ошибок

<sup>1)</sup> Дни обучения будут определены в расписании занятий при наборе группы на обучение

## 2.3. Рабочая программа

### Модуль №1. Преобразование выражений

*Занятия № 1– 4*

Тождественные преобразования рациональных выражений. Тождественные преобразования иррациональных выражений. Тождественные преобразования тригонометрических выражений. Тождественные преобразования показательных выражений. Тождественные преобразования логарифмических выражений. Сравнение значений числовых выражений.

### Модуль №2. Решение задач планиметрии

*Занятия № 5-8*

Основные соотношения в прямоугольном треугольнике. Свойства равнобедренного и равностороннего треугольников. Формулы площади треугольника. Свойство биссектрисы угла треугольника. Теорема косинусов. Теорема синусов. Измерение углов, связанных с окружностью. Свойства касательных, секущих и хорд окружности. Вычисление биссектрис, медиан, высот, радиусов вписанной и описанной окружностей треугольников. Свойства и признаки вписанных и описанных четырехугольников. Вписанные и описанные многоугольники. Определение вектора. Сумма и разность векторов. Скалярное произведение векторов. Длина вектора. Угол между векторами. Закрепление умения проводить доказательные рассуждения при решении задач.

### Модуль №3. Использование теории вероятностей и математической статистики при решении задач

*Занятия № 9-12*

Испытания, исходы испытаний, элементарные события. Правило умножения для конечного числа независимых испытаний. Элементы комбинаторики: перестановки, размещения, сочетания. Классическая вероятностная схема. Совместные и несовместные события. Сумма и произведение событий. Теорема о вероятности суммы событий. Противоположные события. Теорема о вероятностях противоположных событий. Схема Бернулли для  $n$  независимых повторений испытания с двумя возможными исходами. Условная вероятность. Математическое ожидание случайной величины.

#### **Модуль №4. Решение уравнений и неравенств**

*Занят ия № 13-16*

Понятие о корнях, множестве решений, области допустимых значений уравнения. Основные методы решения рациональных, иррациональных, тригонометрических, показательных, логарифмических уравнений и уравнений, содержащих знак модуля. Использование равносильных переходов при решении уравнений. Отбор корней уравнения из заданного промежутка. Решение задач, связанных с исследованием количества корней уравнения, содержащего параметры. Понятие о множестве решений, области допустимых значений неравенства. Метод интервалов решения целых и дробно-рациональных неравенств. Основные методы решения показательных, логарифмических неравенств и неравенств, содержащих знак модуля. Использование равносильных переходов при решении неравенств. Использование методов рационализации при решении показательных и логарифмических неравенств. Решение задач, связанных с исследованием количества решений системы неравенств, содержащей параметры.

#### **Модуль №5. Использование функции и ее производной при решении задач**

*Занят ия № 17-20*

Понятие о функции. Область допустимых значений функции. Область определения функции. Правила построения графиков. Координатная плоскость. Производная функции. Правила дифференцирования. Точки экстремума. Максимальное и минимальное значение функции. Первообразная функции. Параметры.

#### **Модуль №6. Решение задач прикладного содержания**

*Занят ия № 21-24*

Формирование умения анализировать реальные числовые данные, осуществлять практические расчёты по формулам; пользоваться оценкой и прикидкой при практических расчётах при решении прикладных задач, в том числе социально-экономического и физического характера. Построение и исследование простейших математических моделей при решении задач на движение, работу, сплавы и смеси. Использование формул для арифметической и геометрической прогрессий при решении задач прикладного содержания. Решение заданий экономического содержания, связанных с начислениями процентов по вкладам и кредитам и оптимизацией производства.

#### **Модуль №7. Решение задач стереометрии**

*Занят ия № 25-28*

. Прямые и плоскости в пространстве. Многогранники. Тела и поверхности вращения. Основные определения, аксиомы и теоремы стереометрии. Нахождение геометрических величин: длины отрезка, расстояния от точки до плоскости, расстояния между скрещивающимися прямыми, угла между плоскостями, угла между прямой и плоскостью, угла между прямыми, площади поверхности, объёма тела. Построение сечений многогранников. Закрепление умения использовать при решении стереометрических задач планиметрические факты и методы; проводить доказательные рассуждения при решении задач

## Модуль №8. Решение вариантов экзаменационных работ по математике и содержательный анализ допущенных ошибок

Занятия № 29-32

Решение и разбор вариантов ФИПИ ЕГЭ по математике.

### 2.4. Оценка качества освоения программы

#### Формы аттестации

Промежуточной и итоговой аттестации не предусмотрено.

Текущий контроль в форме: устного опроса, письменной работы и тестирования.

#### Требования к оценке качества освоения программы

Форма контроля	Критерии оценивания			
	отлично	Хорошо	удовл.	неудовл.
1	2	3	4	5
Устный опрос	В ответе качественно раскрыто содержание темы. Ответ хорошо структурирован. Прекрасно освоен понятийный аппарат. Продемонстрирован высокий уровень понимания материала.	Основные вопросы темы раскрыты. Структура ответа в целом адекватна теме. Хорошо освоен понятийный аппарат. Продемонстрирован хороший уровень понимания материала.	Тема частично раскрыта. Ответ слабо структурирован. Понятийный аппарат освоен частично. Понимание отдельных положений из материала по теме.	Тема не раскрыта. Понятийный аппарат освоен неудовлетворительно. Понимание материала фрагментарное или отсутствует.
Письменная работа	Учащийся выполнил без недочётов не менее 90% от количества предложенных заданий / ИЛИ выполнил все предложенные задания, но допустил 1 из следующих недочётов: - решение	Учащийся выполнил без недочётов от 75% до 90% от количества предложенных заданий / ИЛИ выполнил не менее 90% от количества предложенных заданий и допустил 1 из следующих недочётов / ИЛИ	Учащийся выполнил без недочётов от 56% до 75% от количества предложенных заданий / ИЛИ выполнил от 75% до 90% от количества предложенных заданий и допустил один или два из	Учащийся выполнил менее 56% предложенных заданий.

	<p>недостаточно обосновано;</p> <p>- в решении имеется неточность в указании на используемые свойства, определения, признаки, теоремы;</p> <p>- произведены лишние действия, не ведущие к основному результату решения;</p> <p>- допустил вычислительную ошибку, не влияющую на ход дальнейших рассуждений;</p> <p>- получил неправильный ответ в результате вычислительной ошибки.</p>	<p>выполнил все предложенные задания и допустил 2 из следующих недочётов:</p> <p>- решение недостаточно обосновано;</p> <p>- в решении имеется неточность в указании на используемые свойства, определения, признаки, теоремы;</p> <p>- произведены лишние действия, не ведущие к основному результату решения;</p> <p>- допустил вычислительную ошибку, не влияющую на ход дальнейших рассуждений;</p> <p>- получил неправильный ответ в результате вычислительной ошибки.</p>	<p>следующих недочётов / ИЛИ выполнил не менее 90% от количества предложенных заданий и допустил 2 или 3 из следующих недочётов / ИЛИ выполнил все предложенные задания, но допустил 4 из следующих недочётов:</p> <p>- решение недостаточно обосновано;</p> <p>- в решении имеется неточность в указании на используемые свойства, определения, признаки, теоремы;</p> <p>- произведены лишние действия, не ведущие к основному результату решения;</p> <p>- допустил вычислительную ошибку, не влияющую на ход дальнейших рассуждений;</p> <p>- получил неправильный ответ в результате вычислительной ошибки.</p>	
Тестирование	Учащийся	Учащийся	Учащийся	Учащийся



	<p>выполнил без недочётов не меньше 90% от количества предложенных заданий / ИЛИ выполнил все предложенные задания, но допустил 1 из следующих недочётов:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- решение недостаточно обосновано;</li> <li>- в решении имеется неточность в указании на используемые свойства, определения, признаки, теоремы;</li> <li>- произведены лишние действия, не ведущие к основному результату решения;</li> <li>- допустил вычислительную ошибку, не влияющую на ход дальнейших рассуждений;</li> <li>- получил неправильный ответ в результате вычислительной ошибки.</li> </ul>	<p>выполнил без недочётов от 75% до 90% от количества предложенных заданий / ИЛИ выполнил не менее 90% от количества предложенных заданий и допустил 1 из следующих недочётов / ИЛИ выполнил все предложенные задания и допустил 2 из следующих недочётов:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- решение недостаточно обосновано;</li> <li>- в решении имеется неточность в указании на используемые свойства, определения, признаки, теоремы;</li> <li>- произведены лишние действия, не ведущие к основному результату решения;</li> <li>- допустил вычислительную ошибку, не влияющую на ход дальнейших рассуждений;</li> <li>- получил неправильный</li> </ul>	<p>выполнил без недочётов от 56% до 75% от количества предложенных заданий / ИЛИ выполнил от 75% до 90% от количества предложенных заданий и допустил один или два из следующих недочётов / ИЛИ выполнил не менее 90% от количества предложенных заданий и допустил 2 или 3 из следующих недочётов / ИЛИ выполнил все предложенные задания, но допустил 4 из следующих недочётов:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- решение недостаточно обосновано;</li> <li>- в решении имеется неточность в указании на используемые свойства, определения, признаки, теоремы;</li> <li>- произведены лишние действия, не ведущие к основному результату</li> </ul>	<p>выполнил менее 56% предложенных заданий.</p>
--	--	---	---	---

		ответ в результате вычислительной ошибки.	решения; - допустил вычислительную ошибку, не влияющую на ход дальнейших рассуждений; - получил неправильный ответ в результате вычислительной ошибки.	
--	--	---	--	--

### Оценочные средства

#### Модуль №1. Преобразование выражений

##### 1. Устный опрос: (примеры вопросов)

- 1) Как связаны синус и косинус одного аргумента?
- 2) Назовите основные свойства логарифма.

##### 2. Письменная работа: (примеры заданий)

1) Вычислите:  $64^{-\frac{1}{2}} \cdot \left(3\frac{3}{8}\right)^{-\frac{2}{3}} \cdot \sqrt{324}$ .

2) Найдите значение выражения:  $3^{\log_{27} 64} + \log_2 \log_5 \sqrt[8]{5} + \log_6 72 - \log_6 5 \cdot \log_5 3 \cdot \log_3 2$ .

##### 3. Тестирование: (примеры заданий)

1) Найдите  $\operatorname{tg} \alpha$ , если  $\frac{3 \sin \alpha - 5 \cos \alpha + 2}{\sin \alpha + 3 \cos \alpha + 6} = \frac{1}{3}$ . Дайте краткий ответ к заданию.

2) Найдите значение выражения  $5 \sin(\alpha - 7\pi) - 11 \cos\left(\frac{3\pi}{2} + \alpha\right)$ , если  $\sin \alpha = -0,25$ . Дайте краткий ответ к заданию.

#### Модуль №2. Решение задач планиметрии

##### 1. Устный опрос: (примеры вопросов)

- 1) Назовите признаки подобия треугольников.
- 2) Каким свойством обладает медиана в прямоугольном треугольнике?

##### 2. Письменная работа: (примеры заданий)

1) Острый угол В прямоугольного треугольника ABC равен  $86^\circ$ . Найдите угол между высотой СН и биссектрисой CD, проведёнными из вершины прямого угла. Ответ дайте в градусах.

2) В треугольнике DEF точки  $D_1, E_1, F_1$  – середины сторон EF, DF и DE соответственно, DT – высота,  $\angle EDF = 60^\circ$ ,  $\angle EFD = 45^\circ$ .

а) Докажите, что точки  $D_1, E_1, F_1$  и T лежат на одной окружности.

б) Найдите  $D_1T$ , если  $EF = 2\sqrt{3}$ .

3) Найдите длину вектора  $\vec{a}(6; 8)$ .

### 3. Тестирование: (примеры заданий)

- 1) Четырехугольник ABCD вписан в окружность. Угол ABD равен  $33^{\circ}$ , угол CAD равен  $49^{\circ}$ . Найдите угол ABC. Ответ дайте в градусах, единицы измерений указывать не нужно.
- 2) Высота правильного треугольника равна 144. Найдите радиус окружности, описанной около этого треугольника. Дайте краткий ответ к заданию.

### Модуль №3. Использование теории вероятностей и математической статистики при решении задач

#### 1. Устный опрос: (примеры вопросов)

- 1) Какие события называются несовместными?
- 2) При решении каких вероятностных задач используется схема Бернулли?

#### 2. Письменная работа: (примеры заданий)

- 1) Чтобы пройти в следующий круг соревнований, футбольной команде нужно набрать хотя бы 6 очков в двух играх. Если команда выигрывает, она получает 5 очков, в случае ничьей — 1 очко, если проигрывает — 0 очков. Найдите вероятность того, что команде удастся выйти в следующий круг соревнований. Считайте, что в каждой игре вероятности выигрыша и проигрыша одинаковы и равны 0,3.
- 2) Автоматическая линия изготавливает батарейки. Вероятность того, что готовая батарейка неисправна, равна 0,02. Перед упаковкой каждая батарейка проходит систему контроля. Вероятность того, что система забракует неисправную батарейку, равна 0,97. Вероятность того, что система по ошибке забракует исправную батарейку, равна 0,05. Найдите вероятность того, что случайно выбранная изготовленная батарейка будет забракована системой контроля.

### 3. Тестирование: (примеры заданий)

- 1) Симметричную монету бросают 12 раз. Во сколько раз вероятность события «выпадет ровно 4 орла» меньше вероятности события «выпадет ровно 5 орлов»?
- 2) Маша коллекционирует принцесс из Киндер-сюрпризов. Всего в коллекции 10 разных принцесс, и они равномерно распределены, то есть в каждом очередном Киндер-сюрпризе может с равными вероятностями оказаться любая из 10 принцесс. У Маши уже есть четыре разные принцессы из коллекции. Какова вероятность того, что для получения следующей принцессы Маше придётся купить ещё 2 или 3 шоколадных яйца?

### Модуль №4. Решение уравнений и неравенств

#### 1. Устный опрос: (примеры вопросов)

- 1) В каких случаях происходит сужение ОДЗ при работе с логарифмическими уравнениями?
- 2) В чём суть равносильного перехода при решении уравнений?
- 3) Можно ли умножать обе части неравенства на переменное выражение?

#### 2. Письменная работа: (примеры заданий)

- 1) Решите уравнение  $\sqrt{7+6x} = -x$ .  
Если уравнение имеет более одного корня, в ответе запишите больший из корней.
- 2) а) Решите уравнение  $8\sin^2 x + 2\sqrt{3}\cos\left(\frac{3\pi}{2} - x\right) = 9$ .

б) Найдите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку  $\left[-\frac{5\pi}{2}; -\pi\right]$ .

3) Решите неравенство:  $2^x + \frac{1}{2^{x-5}} < 33$ .

### 3. Тестирование: (примеры заданий)

1) Найдите корень уравнения  $\log_2(x+5) = \log_2(2x-2)$ .

2) Решите уравнение:  $49^{x+0,5} - 8 \cdot 49^{\frac{x}{2}} + 1 = 0$ . Если уравнение имеет более одного корня, в ответе запишите меньший из корней.

3) Решите неравенство:  $\frac{16^x - 4^{x+1} - 3}{4^{x-1} - 1} + \frac{20}{4^x - 6} \leq 4^{x+1}$ .

## Модуль №5. Использование функции и ее производной при решении задач

### 1. Устный опрос: (примеры вопросов)

- 1) Какая область значений функции  $y = x^2$ ?
- 2) Какой алгоритм поиска максимального значения функции?

### 2. Письменная работа: (примеры заданий)

- 1) Найдите точку максимума функции:  $y = \log_2(2 + 2x - x^2) - 2$ .
- 2) Найдите точку минимума функции  $y = 7^{x^2+2x+3}$ .

### 3. Тестирование: (примеры заданий)

- 1) Найдите наибольшее значение функции  $y = \frac{1}{\cos^2 x - 2 \cos x + 5}$  на отрезке  $[-\pi; \pi]$
- 2) Найдите все значения параметра  $a$ , при каждом из которых уравнение  $\frac{4x^2 - a^2}{x^2 + 6x + 9 - a^2} = 0$  имеет ровно два различных корня.

## Модуль №6. Решение задач прикладного содержания

### 1. Устный опрос: (примеры вопросов)

- 1) Что такое средняя скорость движения?
- 2) Каким соотношением связаны производительности работников при совместной работе?

### 2. Письменная работа: (примеры заданий)

- 1) Два человека отправляются из одного и того же места на прогулку до опушки леса, находящейся в 2,3 км от места отправления. Один идёт со скоростью 3 км/ч, а другой — со скоростью 3,9 км/ч. Дойдя до опушки, второй с той же скоростью возвращается обратно. На каком расстоянии от точки отправления произойдёт их встреча?
- 2) Андрей планирует 15-го декабря взять кредит в банке на сумму 900 тысяч рублей на  $(n+1)$  месяц. Условия возврата кредита таковы:  
— 1-го числа каждого месяца долг возрастает на  $r\%$  по сравнению с концом предыдущего месяца;

- со 2-го по 14-е число каждого месяца необходимо выплатить часть долга;
- 15-го числа каждого месяца с 1-го по  $n$ -й долг должен быть на 20 тысяч рублей меньше долга на 15-е число предыдущего месяца;
- 15-го числа  $n$ -го месяца долг составит 300 тысяч рублей;
- к 15-му числу  $(n+1)$ -го месяца кредит должен быть полностью погашен.

Найдите  $r$ , если известно, что общая сумма выплат после полного погашения кредита составит 1272 тысячи рублей.

### 3. Тестирование: (примеры заданий)

- 1) Каждый из двух рабочих одинаковой квалификации может выполнить заказ за 17 часов. Через 5 часов после того, как один из них приступил к выполнению заказа, к нему присоединился второй рабочий, и работу над заказом они довели до конца уже вместе. Сколько часов потребовалось на выполнение всего заказа?
- 2) Из пункта А круговой трассы выехал велосипедист. Через 20 минут он еще не вернулся в пункт А и из пункта А следом за ним отправился мотоциклист. Через 5 минут после отправления он догнал велосипедиста в первый раз, а еще через 46 минут после этого догнал его во второй раз. Найдите скорость мотоциклиста, если длина трассы равна 46 км. Ответ дайте в км/ч.

## Модуль №7. Решение задач стереометрии

### 1. Устный опрос: (примеры вопросов)

- 1) Чем измеряется угол между плоскостями?
- 2) Назовите признак перпендикулярности прямой и плоскости

### 2. Письменная работа: (примеры заданий)

- 1) Через среднюю линию основания треугольной призмы проведена плоскость, параллельная боковому ребру. Площадь боковой поверхности отсечённой треугольной призмы равна 35. Найдите площадь боковой поверхности исходной призмы.
- 2) В правильной четырёхугольной призме  $KLMNK_1L_1M_1N_1$  сторона основания  $KL$  равна 8, а боковое ребро  $KK_1$  равно  $4\sqrt{2}$ . На рёбрах  $LM$  и  $M_1N_1$  отмечены точки  $A$  и  $B$  соответственно, причём  $LA = M_1B = 2$ . Плоскость  $\alpha$  параллельна прямой  $LN$  и содержит точки  $A$  и  $B$ .
  - а) Докажите, что прямая  $K_1M$  перпендикулярна плоскости  $\alpha$ .
  - б) Найдите расстояние от точки  $L$  до плоскости  $\alpha$ .

### 3. Тестирование: (примеры заданий)

- 1) Найдите объем многогранника, вершинами которого являются точки  $B, C, D, B_1$  прямоугольного параллелепипеда  $ABCD A_1B_1C_1D_1$ , у которого  $AB = 4, AD = 5, AA_1 = 6$ .
- 2) Площадь боковой поверхности конуса в два раза больше площади основания. Найдите угол между образующей конуса и плоскостью основания. Ответ дайте в градусах.

## Модуль №8. Решение вариантов экзаменационных работ по математике и содержательный анализ допущенных ошибок

### 1. Письменная работа: (примеры заданий)

Решение вариантов экзаменационных работ по математике, размещенных на сайте ФИПИ на 2025-2026 учебный год.

### **3. ОРГАНИЗАЦИОННО-ПЕДАГОГИЧЕСКИЕ УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ**

#### **3.1. Требования к материально-техническим условиям:**

Освоение курсов предполагает использование следующего материально-технического обеспечения:

- Наличие у учащегося персонального компьютера или ноутбука с частотой процессора не ниже 2500 МГц и оперативной памятью не менее 2 Гбайт и установленной операционной системой Windows или Linux;
- Наличие web-камеры, микрофона и наушников (при отсутствии последних допускается использование колонок);
- Установленный браузер IE версии не менее 9.0, или "Google Chrome", или "Mozilla Firefox" с последними обновлениями и т.п.;
- Подключение к информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» на скорости не менее 1 мбит/сек;
- Установленные программы: пакет видеокodeков, Microsoft Office 2007 (Word, Excel, Power Point) и выше, Libreoffice Writer;
- Для просмотра руководства по системе Adobe Reader или другой PDF-ридер.

#### **3.2. Учебно-методическое и информационное обеспечение**

*Основные источники:*

1. Виленкин Н.Я., Ивашев-Мусатов О.С., Шварцбурд С.И.. Алгебра и начала математического анализа (профильный уровень). Изд-во «Мнемозина», 2021.
2. Колягин Ю.М., Сидоров Ю.В., Ткачева М.В. и др. Алгебра и начала математического анализа (профильный уровень). Изд-во «Мнемозина», 2021.
3. Мордкович А.Г., Семенов П.В., Денищева Л.О. Алгебра и начала мат. анализа. 11 класс. Учебник. Базовый и углубленный уровни. Комплект в 2 частях. Изд-во «Мнемозина», 2021.
4. Атанасян Л.С., Бутузов В.Ф., Кадомцев С.Б. и др. Геометрия (базовый и профильный уровни). Изд-во «Просвещение», 2021.
5. Погорелов А.В. Геометрия (базовый и профильный уровни). Изд-во «Просвещение», 2021.
6. Потоскуев Е.В., Звавич Л.И. Геометрия (профильный уровень). Изд-во «Дрофа», 2021.

*Дополнительные источники:*

1. Яценко И.В., Шестаков С.А. ЕГЭ-2022. Математика. Методические указания. Профильный уровень. ФГОС. – МЦНМО, 2021
2. Садовничий Ю.В. ЕГЭ. Математика. Профильный уровень. Задания с развернутым ответом. – М.: Изд-во «Экзамен», 2021.
3. Потоскуев Е.В. ЕГЭ. Математика. Задания 13, 16. Опорные задачи по геометрии. Планиметрия. Стереометрия / Е.В. Потоскуев. – М.: Изд-во «Экзамен», 2021.

*Программное обеспечение и Интернет-ресурсы*

1. <http://prof.mathege.ru/> Открытый банк заданий ЕГЭ по Математике. Профильный уровень

2. <https://ege.sdamgia.ru/> Образовательный портал для подготовки к экзаменам. Математика профильного уровня
3. <http://fipi.ru/> Официальный сайт Федерального института педагогических измерений
4. <https://obrnadzor.gov.ru/navigator-gia/materialy-dlya-podgotovki-k-egje/> Навигатор ЕГЭ Рособрнадзора
5. <https://resh.edu.ru/> Российская электронная школа

### **3.3. Кадровое обеспечение образовательного процесса**

Требования к квалификации педагогических кадров:

Педагогический состав, обучающий по дополнительной общеобразовательной программе, состоит из специалистов с высшим профессиональным образованием, имеющим стаж педагогической работы по данной специальности не менее 3-х лет.

### **3.4. Условия для функционирования электронной информационно-образовательной среды**

(при реализации программ с использованием дистанционных образовательных технологий)

Электронные информационные ресурсы	Вид занятий	Наименование оборудования, программного обеспечения
<a href="https://edu.kpfu.ru/">https://edu.kpfu.ru/</a>	Лекция/практические занятия/консультации	Компьютер, подключенный к сети Интернет, интернет-браузер

## **4. РУКОВОДИТЕЛЬ И АВТОР(Ы) ПОГРАММЫ**

Руководитель:

Ионенко Сергей Иванович, директор УМЦ тестирования и подготовки к ЕГЭ и ГИА КФУ.

Автор(ы):

Ахмадиев Азат Фаридович, преподаватель математики УМЦ тестирования и подготовки к ЕГЭ и ГИА КФУ.