

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования  
"Казанский (Приволжский) федеральный университет"  
Институт информационных технологий и интеллектуальных систем



УТВЕРЖДАЮ

Проректор по образовательной деятельности КФУ

 Е.А. Турилова

28 февраля 2025 г.

*подписано электронно-цифровой подписью*

## Программа дисциплины

Математический анализ

Направление подготовки: 09.03.04 - Программная инженерия

Профиль подготовки: Современная разработка программного обеспечения

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Год начала обучения по образовательной программе: 2025

## Содержание

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОПОП ВО
2. Место дисциплины (модуля) в структуре ОПОП ВО
3. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся
4. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий
  - 4.1. Структура и тематический план контактной и самостоятельной работы по дисциплине (модулю)
  - 4.2. Содержание дисциплины (модуля)
5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)
6. Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю)
7. Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)
8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", необходимых для освоения дисциплины (модуля)
9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)
10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)
11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)
12. Средства адаптации преподавания дисциплины (модуля) к потребностям обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья
13. Приложение №1. Фонд оценочных средств
14. Приложение №2. Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)
15. Приложение №3. Перечень информационных технологий, используемых для освоения дисциплины (модуля), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем

Программу дисциплины разработал(а)(и): доцент, к.н. Гафиятуллина Л.И. (Кафедра математического анализа, отделение математики), LGafiyatullina@kpfu.ru ; доцент, к.н. Даутова Д.Н. (Кафедра математического анализа, отделение математики), dautovadn@gmail.com ; профессор, д.н. Широкова Е.А. (Кафедра математического анализа, отделение математики), Elena.Shiroкова@kpfu.ru

**1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОПОП ВО**

Обучающийся, освоивший дисциплину (модуль), должен обладать следующими компетенциями:

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции
ОПК-1	Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности

Обучающийся, освоивший дисциплину (модуль):

Должен знать:

Основные определения и приемы математического анализа

Должен уметь:

Ставить и решать задачи методами математического анализа и сводить физические задачи к решению дифференциальных уравнений

Должен владеть:

Владеть приемами дифференцирования, интегрирования и решения дифференциальных уравнений.

Должен демонстрировать способность и готовность:

Овладеть приемами и методами исследований функций одной и нескольких переменных с применением аппарата пределов и производных. Научиться методам приближений функций с помощью частных сумм рядов. Овладеть приемами решений дифференциальных уравнений и систем дифференциальных уравнений. Обучиться методам интегрирования и ознакомиться с приложениями определенных интегралов.

**2. Место дисциплины (модуля) в структуре ОПОП ВО**

Данная дисциплина (модуль) включена в раздел "Б1.О.04.02 Дисциплины (модули)" основной профессиональной образовательной программы 09.03.04 "Программная инженерия (Современная разработка программного обеспечения)" и относится к обязательной части ОПОП ВО.

Осваивается на 1 курсе в 1, 2 семестрах.

**3. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся**

Общая трудоемкость дисциплины составляет 7 зачетных(ые) единиц(ы) на 252 часа(ов).

Контактная работа - 144 часа(ов), в том числе лекции - 72 часа(ов), практические занятия - 0 часа(ов), лабораторные работы - 72 часа(ов), контроль самостоятельной работы - 0 часа(ов).

Самостоятельная работа - 45 часа(ов).

Контроль (зачёт / экзамен) - 63 часа(ов).

Форма промежуточного контроля дисциплины: экзамен в 1 семестре; экзамен во 2 семестре.

**4. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий**

**4.1 Структура и тематический план контактной и самостоятельной работы по дисциплине (модулю)**

N	Разделы дисциплины / модуля	Се- местр	Виды и часы контактной работы, их трудоемкость (в часах)						Само- стоя- тель- ная ра- бота
			Лекции, всего	Лекции в эл. форме	Практи- ческие занятия, всего	Практи- ческие в эл. форме	Лабора- торные работы, всего	Лабора- торные в эл. форме	
N	Разделы дисциплины / модуля	Се- местр	Виды и часы контактной работы, их трудоемкость (в часах)						Само- стоя- тель- ная ра- бота
N	Разделы дисциплины / модуля	Се- местр	Лекции, всего	Лекции в эл. форме	Практи- ческие занятия, всего	Практи- ческие в эл. форме	Лабора- торные работы, всего	Лабора- торные в эл. форме	Само- стоя- тель- ная ра- бота
1.	Тема 1. Пределы последовательностей	1	2	0	0	0	2	0	3
2.	Тема 2. Пределы функций. Непрерывность функций в точке и на отрезке. Сравнение бесконечно малых	1	4	0	0	0	6	0	1
3.	Тема 3. Дифференцируемость функции. Производные, способы дифференцирования	1	4	0	0	0	4	0	1
4.	Тема 4. Производные высших порядков. Формула Тейлора и ее применение	1	4	0	0	0	4	0	1
5.	Тема 5. Приложение теории пределов и производных к исследованию функции	1	4	0	0	0	4	0	1
6.	Тема 6. Числовые и функциональные ряды. Ряды Тейлора	1	6	0	0	0	4	0	4
7.	Тема 7. Функции нескольких переменных. Обобщение понятий предела и условия дифференцируемости. Матрица Якоби. Обобщение формулы Тейлора	1	4	0	0	0	4	0	1
8.	Тема 8. Локальный экстремум функции нескольких переменных. Условный экстремум	1	4	0	0	0	4	0	1
9.	Тема 9. Первообразная. Таблица первообразных. Методы замены переменной и интегрирования по частям. Интегрирование рациональных дробей, некоторых классов тригонометрических функций.	1	4	0	0	0	4	0	5
10.	Тема 10. Дифференциальные уравнения 1-го порядка и задача Коши	2	6	0	0	0	6	0	4
11.	Тема 11. Интеграл Римана. Приложения интеграла Римана по отрезку	2	4	0	0	0	4	0	4
12.	Тема 12. Несобственные интегралы 1го и 2го рода	2	2	0	0	0	2	0	4
13.	Тема 13. Ряды Фурье	2	4	0	0	0	4	0	4
14.	Тема 14. Кратные интегралы	2	6	0	0	0	6	0	4
15.	Тема 15. Криволинейные и поверхностные интегралы. Формулы Грина, Стокса, Гаусса-Остроградского	2	4	0	0	0	6	0	4
16.	Тема 16. Несобственные интегралы, зависящие от параметра	2	5	0	0	0	4	0	1
17.	Тема 17. Эйлера интегралы	2	5	0	0	0	4	0	2
<b>4. Содержание дисциплины (модуля)</b>									
<b>Тема 1. Пределы последовательностей</b>									
Определение и свойства предела последовательности (элементарные, арифметические и основные свойства). Предел монотонной ограниченной последовательности. Критерий Коши существования предела последовательности. Раскрытие неопределенностей различного вида.			2	5	0	0	4	0	2
			0	0	0	0	0	0	45

Число Непера как предел последовательности. Решение примеров на раскрытие неопределенностей. Примеры №№41-150 из задачника Демидовича.

## **Тема 2. Пределы функций. Непрерывность функций в точке и на отрезке. Сравнение бесконечно малых**

Определение предела функции в точке. Первый и второй замечательные пределы. Следствия из второго замечательного предела.

Непрерывность функции в точке. Точки разрыва.

Сравнение бесконечно малых величин.

Свойства функций, непрерывных на отрезке. Раскрытие неопределенностей различного вида с применением замечательных пределов. Примеры №№411-606 из задачника Демидовича.

## **Тема 3. Дифференцируемость функции. Производные, способы дифференцирования**

Условие дифференцируемости функции в точке. Производная. Геометрический смысл производной. Уравнение касательной к кривой в точке. Физический смысл производной.

Вычисление производных с помощью пределов. Производные элементарных функций.

Вычисление производных сложной и обратной функций. Заполнение таблицы производных. Вычисление производных функций, заданных неявно и параметрически. Теоремы Ролля, Коши и Лагранжа. Примеры №№845-1110 из задачника Демидовича.

## **Тема 4. Производные высших порядков. Формула Тейлора и ее применение**

Производные высших порядков. Способы вычисления. Дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора (локальная и с остаточным членом) и ее приложения для приближенных вычислений и для вычисления предела функции в точке на основе локальной формулы Тейлора. Правило Лопиталя. Примеры №№1111-1232, 1318-1410 из задачника Демидовича.

## **Тема 5. Приложение теории пределов и производных к исследованию функции**

Необходимое и достаточное условия монотонности функции на промежутке. Экстремум. Необходимое и достаточное условия экстремума. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке. Условие выпуклости функции. Асимптоты кривой. Приложение производной к решению задач оптимизации.

Примеры №№1268-1290, 1299-1314, 1414-1456, 1556-1590 из задачника Демидовича.

## **Тема 6. Числовые и функциональные ряды. Ряды Тейлора**

Определение суммы числового ряда. Необходимый признак сходимости. Основные свойства рядов.

Знакоположительные ряды, необходимое и достаточное условие сходимости. Признаки сравнения, Даламбера, Коши.

Знакопеременный ряд. Абсолютная сходимость. Признак Лейбница сходимости знакопеременующегося ряда.

Функциональный ряд. Мажорантный признак. Степенной ряд. Интервал сходимости. Формулы для вычисления радиуса сходимости. Проверка сходимости ряда на концах интервала сходимости. Связь суммы ряда с коэффициентами ряда внутри интервала сходимости. Ряд Тейлора и его сумма как предел значений полиномов в формуле Тейлора. Формула Эйлера.

Примеры №№2546-2590, 2626-2645, 2665-2685, 2814-2826, 2851-2868 из задачника Демидовича.

## **Тема 7. Функции нескольких переменных. Обобщение понятий предела и условия дифференцируемости. Матрица Якоби. Обобщение формулы Тейлора**

Функции нескольких переменных. Примеры функций  $2x$  переменных и график такой функции. Понятие окрестности точки в многомерном пространстве. Переход к полярным и сферическим координатам при вычислении пределов функций  $2x$  и  $3x$  переменных. Определение дифференцируемости функции нескольких переменных в точке.

Определение дифференцируемости вектор-функции нескольких переменных в точке. Матрица Якоби. Существование производных 1-го порядка и дифференцируемость. Геометрический смысл производных первого порядка функции двух переменных. Уравнение касательной плоскости к поверхности, заданной явно. Производная по направлению. Градиент. Дифференциалы высших порядков функции нескольких переменных. Формула Тейлора.

Примеры №№3185-3192, 3213-3245, 3458-3468, 3528-3545 из задачника Демидовича.

## **Тема 8. Локальный экстремум функции нескольких переменных. Условный экстремум**

Определение локального экстремума функции нескольких переменных. Необходимый признак локального экстремума. Достаточный признак локального экстремума.

Случаи функции  $2x$  переменных, случаи функции  $3x$  и более переменных.

Метод наименьших квадратов.

Наибольшее и наименьшее значения функции в области.

Условный экстремум. Метод исключения переменных. Метод Лагранжа. Функция Лагранжа и ее исследование. Работа в МАХИМе.

Примеры №№3621-3646, 3654-3666, 3675-3679 из задачника Демидовича.

**Тема 9. Первообразная. Таблица первообразных. Методы замены переменной и интегрирования по частям. Интегрирование рациональных дробей, некоторых классов тригонометрических функций.**

Определение первообразной, множество первообразных --- неопределенный интеграл. Таблица первообразных.

Методы интегрирования: способ замены переменной, способ интегрирования по частям. табличное интегрирование и решение примеров на интегрирование двумя способами.

Разложение рациональной функции на простейшие дроби. Интегрирование простейших дробей.

Интегрирование рациональных дробей от синусов и косинусов, а также частных видов таких дробей. Универсальная тригонометрическая подстановка. Тригонометрические подстановки в интегралах от иррациональностей определенного вида.

Работа в МАХИМе.

**Тема 10. Дифференциальные уравнения 1-го порядка и задача Коши**

Определение дифференциального уравнения, его порядок, общее и частные решения. Примеры применений дифференциальных уравнений при решении практических и производственных задач (логистическое уравнение).

Задача Коши для дифференциального уравнения 1-го порядка. Уравнение с разделяющимися переменными, однородные диф. уравнения 1-го порядка. Линейное уравнение первого порядка, уравнение Бернулли. Уравнение в полных дифференциалах. Интегрирующий множитель. Теорема о существовании и единственности решения задачи Коши для уравнения 1-го порядка. Работа в МАХИМе. Сведение уравнений высших порядков к уравнению 1-го порядка. Постановка задач Коши.

Работа в МАХИМе.

**Тема 11. Интеграл Римана. Приложения интеграла Римана по отрезку**

Определение интеграла Римана по отрезку, вытекающее из задачи о вычислении площади криволинейной трапеции. Свойства интеграла Римана.

Вычисление интеграла Римана с помощью формулы Ньютона-Лейбница. Методы вычисления интеграла Римана.

Приложение интеграла Римана к вычислению площадей областей на плоскости, длин дуг (на плоскости и в пространстве) и объемов по площадям поперечных сечений.

Работа в МАХИМе.

**Тема 12. Несобственные интегралы 1го и 2го рода**

Определение несобственного интеграла 1-го рода (по бесконечному промежутку). Вычисление и теорема сравнения.

Интегральный признак сходимости знакоположительного ряда.

Определение несобственного интеграла 2-го рода (от неограниченной функции). Вычисление и теорема сравнения.

Решение примеров №№ 2334-2382 из Демидовича.

**Тема 13. Ряды Фурье**

Ортогональная тригонометрическая система.

Разложение в ряд по тригонометрической системе периодических функций. Формулы для коэффициентов ряда.

Случаи четной и нечетной функций. Разложения в ряды по косинусам и по синусам.

Случай разрывной функции.

Разложение на произвольном интервале.

Работа в МАХИМе.

**Тема 14. Кратные интегралы**

Понятие о кратных интегралах.

Решение задачи о вычислении объема цилиндриоида. Определение двойного интеграла. Вычисление сведением к повторному интегралу.

Решение задачи о вычислении массы неоднородного тела. Определение тройного интеграла. Вычисление сведением к повторному интегралу.

Замена переменных в кратном интеграле. Решение примеров из Демидовича.

Работа в МАХИМе.

**Тема 15. Криволинейные и поверхностные интегралы. Формулы Грина, Стокса, Гаусса-Остроградского**

Понятие о криволинейном интеграле 1-го рода и 2-го рода. Связь с задачами об определении массы неоднородной нити и о работе силы вдоль кривой. Вычисление сведением к интегралу по отрезку.

Понятие о поверхностном интеграле 1-го рода и 2-го рода. Связь с задачами об определении массы неоднородной оболочки и о потоке вектора через поверхность. Вычисление сведением к двойному интегралу по области значений параметров. Знакомство с теоремами Грина, Стокса, Гаусса-Остроградского. Решение примеров из Демидовича.

**Тема 16. Несобственные интегралы, зависящие от параметра**

Определение несобственного интеграла, зависящего от параметра. Критерий Коши равномерной сходимости, признак Вейерштрасса равномерной сходимости, признак Дирихле равномерной сходимости, непрерывность, дифференцируемость и интегрируемость несобственных интегралов, зависящих от параметра. Интеграл Дирихле, интеграл Эйлера-Пуассона. Решение задач из задачника Демидовича.

### **Тема 17. Эйлеровы интегралы**

Гамма-функция, Бета-функция. Определения эйлеровых интегралов. Свойства эйлеровых интегралов, а именно: обобщение факториала на вещественные числа, формулы, связывающие гамма- и бета-функцию, формула вычисления бета-функции для малых параметров. Решение задач 3843 - 3845, 3851 - 3866 из задачника Демидовича.

## **5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)**

Самостоятельная работа обучающихся выполняется по заданию и при методическом руководстве преподавателя, но без его непосредственного участия. Самостоятельная работа подразделяется на самостоятельную работу на аудиторных занятиях и на внеаудиторную самостоятельную работу. Самостоятельная работа обучающихся включает как полностью самостоятельное освоение отдельных тем (разделов) дисциплины, так и проработку тем (разделов), осваиваемых во время аудиторной работы. Во время самостоятельной работы обучающиеся читают и конспектируют учебную, научную и справочную литературу, выполняют задания, направленные на закрепление знаний и отработку умений и навыков, готовятся к текущему и промежуточному контролю по дисциплине.

Организация самостоятельной работы обучающихся регламентируется нормативными документами, учебно-методической литературой и электронными образовательными ресурсами, включая:

Порядок организации и осуществления образовательной деятельности по образовательным программам высшего образования - программам бакалавриата, программам специалитета, программам магистратуры (утвержден приказом Министерства науки и высшего образования Российской Федерации от 6 апреля 2021 года №245)

Письмо Министерства образования Российской Федерации №14-55-99бин/15 от 27 ноября 2002 г. "Об активизации самостоятельной работы студентов высших учебных заведений"

Устав федерального государственного автономного образовательного учреждения "Казанский (Приволжский) федеральный университет"

Правила внутреннего распорядка федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего профессионального образования "Казанский (Приволжский) федеральный университет"

Локальные нормативные акты Казанского (Приволжского) федерального университета

## **6. Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю)**

Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю) включает оценочные материалы, направленные на проверку освоения компетенций, в том числе знаний, умений и навыков. Фонд оценочных средств включает оценочные средства текущего контроля и оценочные средства промежуточной аттестации.

В фонде оценочных средств содержится следующая информация:

- соответствие компетенций планируемому результату обучения по дисциплине (модулю);
- критерии оценивания сформированности компетенций;
- механизм формирования оценки по дисциплине (модулю);
- описание порядка применения и процедуры оценивания для каждого оценочного средства;
- критерии оценивания для каждого оценочного средства;
- содержание оценочных средств, включая требования, предъявляемые к действиям обучающихся, демонстрируемым результатам, задания различных типов.

Фонд оценочных средств по дисциплине находится в Приложении 1 к программе дисциплины (модулю).

## **7. Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)**

Освоение дисциплины (модуля) предполагает изучение основной и дополнительной учебной литературы. Литература может быть доступна обучающимся в одном из двух вариантов (либо в обоих из них):

- в электронном виде - через электронные библиотечные системы на основании заключенных КФУ договоров с правообладателями;
- в печатном виде - в Научной библиотеке им. Н.И. Лобачевского. Обучающиеся получают учебную литературу на абонементе по читательским билетам в соответствии с правилами пользования Научной библиотекой.

Электронные издания доступны дистанционно из любой точки при введении обучающимся своего логина и пароля от личного кабинета в системе "Электронный университет". При использовании печатных изданий библиотечный фонд должен быть укомплектован ими из расчета не менее 0,5 экземпляра (для обучающихся по ФГОС 3++ - не менее 0,25 экземпляра) каждого из изданий основной литературы и не менее 0,25 экземпляра дополнительной литературы на каждого обучающегося из числа лиц, одновременно осваивающих данную дисциплину.

Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля), находится в Приложении 2 к рабочей программе дисциплины. Он подлежит обновлению при изменении условий договоров КФУ с правообладателями электронных изданий и при изменении комплектования фондов Научной библиотеки КФУ.

**8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", необходимых для освоения дисциплины (модуля)**

Демидович, Б. П. Сборник задач и упражнений по математическому анализу : учебное пособие для вузов - <https://e.lanbook.com/book/426251>

Фихтенгольц, Г. М. Основы математического анализа. Часть 1 : учебник для вузов / Г. М. Фихтенгольц - <https://e.lanbook.com/book/458390>

Широкова Е.А. Математический анализ (базовый уровень): Учебное пособие/ Е.А. Широкова. - Казань: Изд. К(П)ФУ, 2015. -- 144 с. - [https://dspace.kpfu.ru/xmlui/bitstream/handle/net/23805/05\\_32\\_001127.pdf?sequence=1](https://dspace.kpfu.ru/xmlui/bitstream/handle/net/23805/05_32_001127.pdf?sequence=1)

**9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)**

Вид работ	Методические рекомендации
лекции	На лекциях учащиеся знакомятся с теоретическими основами математических разделов и с возможностью пользоваться графической интерпретацией и осуществлять соответствующие подсчеты с применением информационных технологий в пакетах компьютерных программ. Лекции сопровождаются компьютерными визуальными иллюстрациями теоретических положений, построенных с помощью компьютерных технологий и демонстрацией решений отдельных задач с применением пакетов программ.
лабораторные работы	На лабораторных занятиях обучающиеся овладевают базовыми навыками применения математического аппарата для дальнейшего развития и разработки профессиональных умений и навыков. В процессе практических занятий обобщаются, систематизируются, углубляются и конкретизируются теоретические математические знания, вырабатывается способность и готовность использовать теоретические знания на практике, развиваются интеллектуальные умения. Обучающиеся в процессе практических занятий развивают аналитическое мышление, способность самостоятельно применять логические математические приемы к решению учебных задач, в том числе и обращенных к математическим расчетам для профессиональной деятельности. Коллективный характер работы на практическом занятии придает большую уверенность обучающимся, способствует развитию между ними продуктивных деловых взаимоотношений.
самостоятельная работа	Именно на этом этапе проведения самостоятельных работ студент должен добиться достижения цели лабораторного занятия, выполняя еженедельное домашнее задание, основываясь на навыках аудиторной лабораторной работы. Самостоятельная аудиторная работа обучающихся может быть представлена в виде решения математических задач, обсуждения проблемных вопросов, работы с компьютером и т.п. Результатом самостоятельной работы обучающихся на занятии могут быть как письменные (расчеты, заключения, самостоятельные работы и др.), так и устные ответы.
экзамен	При подготовке к экзамену студент обязан руководствоваться списком тем и вопросов, предназначенных к сдаче во время экзамена. При подготовке к каждой теме студент пользуется конспектом лекций и рекомендованной литературой, сопровождая теоретическую подготовку решением типовых задач по данной теме. Рекомендуется также вспомнить операторы, применяемые при решении соответствующих задач на компьютере.

**10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)**

Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем, представлен в Приложении 3 к рабочей программе дисциплины (модуля).

### **11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)**

Материально-техническое обеспечение образовательного процесса по дисциплине (модулю) включает в себя следующие компоненты:

Помещения для самостоятельной работы обучающихся, укомплектованные специализированной мебелью (столы и стулья) и оснащенные компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду КФУ.

Учебные аудитории для контактной работы с преподавателем, укомплектованные специализированной мебелью (столы и стулья).

Компьютер и принтер для распечатки раздаточных материалов.

### **12. Средства адаптации преподавания дисциплины к потребностям обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья**

При необходимости в образовательном процессе применяются следующие методы и технологии, облегчающие восприятие информации обучающимися инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья:

- создание текстовой версии любого нетекстового контента для его возможного преобразования в альтернативные формы, удобные для различных пользователей;
- создание контента, который можно представить в различных видах без потери данных или структуры, предусмотреть возможность масштабирования текста и изображений без потери качества, предусмотреть доступность управления контентом с клавиатуры;
- создание возможностей для обучающихся воспринимать одну и ту же информацию из разных источников - например, так, чтобы лица с нарушениями слуха получали информацию визуально, с нарушениями зрения - аудиально;
- применение программных средств, обеспечивающих возможность освоения навыков и умений, формируемых дисциплиной, за счёт альтернативных способов, в том числе виртуальных лабораторий и симуляционных технологий;
- применение дистанционных образовательных технологий для передачи информации, организации различных форм интерактивной контактной работы обучающегося с преподавателем, в том числе вебинаров, которые могут быть использованы для проведения виртуальных лекций с возможностью взаимодействия всех участников дистанционного обучения, проведения семинаров, выступления с докладами и защиты выполненных работ, проведения тренингов, организации коллективной работы;
- применение дистанционных образовательных технологий для организации форм текущего и промежуточного контроля;
- увеличение продолжительности сдачи обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья форм промежуточной аттестации по отношению к установленной продолжительности их сдачи:
- продолжительности сдачи зачёта или экзамена, проводимого в письменной форме, - не более чем на 90 минут;
- продолжительности подготовки обучающегося к ответу на зачёте или экзамене, проводимом в устной форме, - не более чем на 20 минут;
- продолжительности выступления обучающегося при защите курсовой работы - не более чем на 15 минут.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО и учебным планом по направлению 09.03.04 "Программная инженерия" и профилю подготовки "Современная разработка программного обеспечения".

### Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)

Направление подготовки: 09.03.04 - Программная инженерия

Профиль подготовки: Современная разработка программного обеспечения

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Год начала обучения по образовательной программе: 2025

#### Основная литература:

Основная литература:

1. Фихтенгольц, Г. М. Основы математического анализа. Часть 1 : учебник для вузов / Г. М. Фихтенгольц. - 17-е изд., стер. - Санкт-Петербург : Лань, 2025. - 448 с. - ISBN 978-5-507-50709-2. - Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. - URL: <https://e.lanbook.com/book/458390> (дата обращения: 10.12.2024). - Режим доступа: для авториз. пользователей.
2. Запорожец, Г. И. Руководство к решению задач по математическому анализу: учебное пособие / Г. И. Запорожец. - 8-е изд., стер. - Санкт-Петербург : Лань, 2022. - 464 с. - ISBN 978-5-8114-0912-9. - Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. - URL: <https://e.lanbook.com/book/210752> (дата обращения: 10.12.2024). - Режим доступа: для авториз. пользователей.
3. Демидович, Б. П. Сборник задач и упражнений по математическому анализу : учебное пособие для вузов / Б. П. Демидович. - 26-е изд., стер. - Санкт-Петербург : Лань, 2024. - 624 с. - ISBN 978-5-507-47767-8. - Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. - URL: <https://e.lanbook.com/book/426251> (дата обращения: 10.12.2024). - Режим доступа: для авториз. пользователей.

#### Дополнительная литература:

1. Треногин, В. А. Обыкновенные дифференциальные уравнения : учебник / В. А. Треногин. - Москва : ФИЗМАТЛИТ, 2009. - 312 с. - ISBN 978-5-9221-1063-1. - Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. - URL: <https://e.lanbook.com/book/2341> (дата обращения: 10.12.2024). - Режим доступа: для авториз. пользователей.
2. Карташев, А. П. Математический анализ: учебное пособие / А. П. Карташев, Б. Л. Рождественский. - 2-е изд. - Санкт-Петербург : Лань, 2022. - 448 с. - ISBN 978-5-8114-0700-2. - Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. - URL: <https://e.lanbook.com/book/210116> (дата обращения: 10.12.2024). - Режим доступа: для авториз. пользователей.
3. Демидович, Б. П. Дифференциальные уравнения : учебное пособие для вузов / Б. П. Демидович, В. П. Моденов. - 6-е изд., стер. - Санкт-Петербург : Лань, 2022. - 280 с. - ISBN 978-5-8114-9441-5. - Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. - URL: <https://e.lanbook.com/book/195426> (дата обращения: 10.12.2024). - Режим доступа: для авториз. пользователей.

**Перечень информационных технологий, используемых для освоения дисциплины (модуля), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем**

Направление подготовки: 09.03.04 - Программная инженерия  
Профиль подготовки: Современная разработка программного обеспечения  
Квалификация выпускника: бакалавр  
Форма обучения: очное  
Язык обучения: русский  
Год начала обучения по образовательной программе: 2025

Освоение дисциплины (модуля) предполагает использование следующего программного обеспечения и информационно-справочных систем:

Операционная система Microsoft Windows 7 Профессиональная или Windows XP (Volume License)  
Пакет офисного программного обеспечения Microsoft Office 365 или Microsoft Office Professional plus 2010  
Браузер Mozilla Firefox  
Браузер Google Chrome  
Adobe Reader XI или Adobe Acrobat Reader DC  
Kaspersky Endpoint Security для Windows

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе "ZNANIUM.COM", доступ к которой предоставлен обучающимся. ЭБС "ZNANIUM.COM" содержит произведения крупнейших российских учёных, руководителей государственных органов, преподавателей ведущих вузов страны, высококвалифицированных специалистов в различных сферах бизнеса. Фонд библиотеки сформирован с учетом всех изменений образовательных стандартов и включает учебники, учебные пособия, учебно-методические комплексы, монографии, авторефераты, диссертации, энциклопедии, словари и справочники, законодательно-нормативные документы, специальные периодические издания и издания, выпускаемые издательствами вузов. В настоящее время ЭБС ZNANIUM.COM соответствует всем требованиям федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования (ФГОС ВО) нового поколения.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе Издательства "Лань", доступ к которой предоставлен обучающимся. ЭБС Издательства "Лань" включает в себя электронные версии книг издательства "Лань" и других ведущих издательств учебной литературы, а также электронные версии периодических изданий по естественным, техническим и гуманитарным наукам. ЭБС Издательства "Лань" обеспечивает доступ к научной, учебной литературе и научным периодическим изданиям по максимальному количеству профильных направлений с соблюдением всех авторских и смежных прав.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе "Консультант студента", доступ к которой предоставлен обучающимся. Многопрофильный образовательный ресурс "Консультант студента" является электронной библиотечной системой (ЭБС), предоставляющей доступ через сеть Интернет к учебной литературе и дополнительным материалам, приобретенным на основании прямых договоров с правообладателями. Полностью соответствует требованиям федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования к комплектованию библиотек, в том числе электронных, в части формирования фондов основной и дополнительной литературы.