

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования  
"Казанский (Приволжский) федеральный университет"  
Институт математики и механики им. Н.И. Лобачевского



УТВЕРЖДАЮ

Проректор по образовательной деятельности КФУ

Е.А. Григорьева  
26 февраля 2024 г.



подписано электронно-цифровой подписью

## Программа дисциплины

### Теория вероятностей

Направление подготовки: 02.03.01 - Математика и компьютерные науки

Профиль подготовки: Наука о данных

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Год начала обучения по образовательной программе: 2024

## **Содержание**

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОПОП ВО
2. Место дисциплины (модуля) в структуре ОПОП ВО
3. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся
4. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий
  - 4.1. Структура и тематический план контактной и самостоятельной работы по дисциплине (модулю)
  - 4.2. Содержание дисциплины (модуля)
5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)
6. Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю)
7. Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)
8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", необходимых для освоения дисциплины (модуля)
9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)
10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)
11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)
12. Средства адаптации преподавания дисциплины (модуля) к потребностям обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья
13. Приложение №1. Фонд оценочных средств
14. Приложение №2. Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)
15. Приложение №3. Перечень информационных технологий, используемых для освоения дисциплины (модуля), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем

Программу дисциплины разработал(а)(и): доцент, к.н. Симушкин С.В. (кафедра математической статистики, Институт математики и механики им. Н.И. Лобачевского), Sergey.Simushkin@kpfu.ru

## **1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОПОП ВО**

Обучающийся, освоивший дисциплину (модуль), должен обладать следующими компетенциями:

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции
ОПК-1	Способен консультировать и использовать фундаментальные знания в области математического анализа, комплексного и функционального анализа алгебры, аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии, дифференциальных уравнений, дискретной математики и математической логики, теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теоретической механики в профессиональной деятельности

Обучающийся, освоивший дисциплину (модуль):

Должен знать:

определения и свойства основных объектов изучения теории вероятностей  
формулировки наиболее важных утверждений, методы их доказательств  
возможные сферы приложений.

Должен уметь:

решать задачи вычислительного и теоретического характера в области теории вероятностей,  
устанавливать взаимосвязи между вводимыми понятиями,  
доказывать как известные утверждения, так и родственные им новые,  
формализовать поставленную задачу на языке теории вероятностей.

Должен владеть:

разнообразным математическим аппаратом,  
подбирать сочетания различных методов, для описания и анализа вероятностных моделей.

Должен демонстрировать способность и готовность:

Знать: Основные понятия теории вероятностей и математической статистики: вычислять интегралы, преобразовывать меру, дифференцировать, вычислять суммы рядов,  
определения и свойства математических объектов, формулировки утверждений, методы их доказательства, возможные сферы их приложения.

Уметь: Извлекать актуальную научно-техническую информацию из предложенной литературы, электронных библиотек и научных сайтов, решать задачи вычислительного и теоретического характера в области теории вероятностей, устанавливать взаимосвязи между вводимыми понятиями, доказывать как известные утверждения, так и родственные им новые.

Владеть: Базовым математическим аппаратом, подбирая сочетания различных методов, для описания и анализа вероятностных моделей.

## **2. Место дисциплины (модуля) в структуре ОПОП ВО**

Данная дисциплина (модуль) включена в раздел "Б1.О.10.01 Дисциплины (модули)" основной профессиональной образовательной программы 02.03.01 "Математика и компьютерные науки (Наука о данных)" и относится к обязательной части ОПОП ВО.

Осваивается на 3 курсе в 5 семестре.

**3. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся**

Общая трудоемкость дисциплины составляет 5 зачетных(ые) единиц(ы) на 180 часа(ов).

Контактная работа - 108 часа(ов), в том числе лекции - 54 часа(ов), практические занятия - 54 часа(ов), лабораторные работы - 0 часа(ов), контроль самостоятельной работы - 0 часа(ов).

Самостоятельная работа - 36 часа(ов).

Контроль (зачёт / экзамен) - 36 часа(ов).

Форма промежуточного контроля дисциплины: экзамен в 5 семестре.

**4. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий**

**4.1 Структура и тематический план контактной и самостоятельной работы по дисциплине (модулю)**

N	Разделы дисциплины / модуля	Се- местр	Виды и часы контактной работы, их трудоемкость (в часах)							Само- стоя- тель- ная ра- бота
			Лекции, всего	Лекции в эл. форме	Практические занятия, всего	Практические в эл. форме	Лабора- торные работы, всего	Лабора- торные в эл. форме		
1.	Тема 1. Введение в теорию вероятностей. Классический подход к определению вероятности.	5	6	0	6	0	0	0	2	
2.	Тема 2. Мера Лебега–Стилтьеса. Интеграл Лебега.	5	4	0	2	0	0	0	3	
3.	Тема 3. Вероятностная мера. Условная вероятность.	5	2	0	4	0	0	0	2	
4.	Тема 4. Независимость событий и классов событий. Схема независимых испытаний. Биномиальная модель.	5	3	0	4	0	0	0	2	
5.	Тема 5. Пределные теоремы для биномиальной модели.	5	3	0	4	0	0	0	2	
6.	Тема 6. Случайные величины. Распределение. Типы распределений случайных величин.	5	4	0	4	0	0	0	2	
7.	Тема 7. Задание случайных величин через свойства её распределения. Преобразование случайных величин. Квантили	5	2	0	4	0	0	0	2	
8.	Тема 8. Математическое ожидание как интеграл Лебега–Стилтьеса. Классические неравенства теории вероятностей.	5	3	0	4	0	0	0	3	
9.	Тема 9. Примеры вычисления характеристик основных законов. Симметричные законы распределения.	5	3	0	4	0	0	0	2	
10.	Тема 10. Многомерные величины; функция распределения, свойства. Независимость сл. величин.	5	3	0	4	0	0	0	2	
11.	Тема 11. Характеристики случайных векторов. Уравнения линейной регрессии. Плотность преобразованного вектора. Свёртка.	5	3	0	3	0	0	0	3	
12.	Тема 12. Условное математическое ожидание.	5	3	0	0	0	0	0	2	
13.	Тема 13. Многомерная нормальная модель.	5	3	0	0	0	0	0	2	

N	Разделы дисциплины / модуля	Се-мestr	Виды и часы контактной работы, их трудоемкость (в часах)							Само-стое-тель-ная ра-бота
			Лекции, всего	Лекции в эл. форме	Практи-ческие занятия, всего	Практи-ческие в эл. форме	Лабора-торные работы, всего	Лабора-торные в эл. форме		
14.	Тема 14. Типы ходимости случайных величин. Связи между различными типами сходимости.	5	6	0	3	0	0	0	2	
15.	Тема 15. Метод характеристических функций. Теоремы единственности и непрерывности.	5	3	0	6	0	0	0	3	
16.	Тема 16. Законы больших чисел. Центральная предельная теорема.	5	3	0	2	0	0	0	2	
	Итого		54	0	54	0	0	0	36	

#### 4.2 Содержание дисциплины (модуля)

##### Тема 1. Ведение в теорию вероятностей. Классический подход к определению вероятности.

Случайные явления. Статистический подход к понятию вероятности. Классическая вероятность. Геометрическая вероятность.

Парадокс де Мере. Элементы комбинаторики: правило суммы и произведения; размещения, сочетания с повторением и без повторения, перестановки. Схема случайного выбора с возвращением и без возвращения. Примеры. Ведение в теорию вероятностей.

Классический подход к определению вероятности. Выбор из генеральной совокупности. Гипергеометрическая и мультиномиальная модели; связь между ними

##### Тема 2. Мера Лебега--Стилтьеса. Интеграл Лебега.

Элементарные и случайные события. Определения невозможного, достоверного события, сумм, произведения, разности событий, противоположного события. Понятие алгебры и сигма-алгебры событий. Алгебраические операции над событиями. Понятие измеримого пространства. Теорема Каратеодори о продолжении меры с кольца на сигма-алгебру. Интеграл Лебега--Стилтьеса. Теорема Радона--Никодима. Теорема Фубини. Замена переменных в интеграле по мере Лебега

##### Тема 3. Вероятностная мера. Условная вероятность.

Аксиоматика Колмогорова. Доказательство теоремы об эквивалентности аксиомы непрерывности (плюс конечной аддитивности) и аксиомы сигма-аддитивности. Свойства вероятности. Дискретные и непрерывные вероятностные пространства. Примеры соответствующих пространств. Условная вероятность. Формула полной вероятности. Формула Байеса.

##### Тема 4. Независимость событий и классов событий. Схема независимых испытаний. Биномиальная модель.

Независимость событий. Попарная независимость и независимость в совокупности. Примеры событий независимых попарно, но зависимых в совокупности. Вероятность произведения событий. Независимость алгебр и сигма-алгебр. Схема Бернулли как вероятностное пространство, описывающее независимые опыты. Биномиальное распределение числа успехов, геометрический закон для числа испытаний до 1-го успеха, распределение Паскаля.

##### Тема 5. Пределевые теоремы для биномиальной модели.

Теорема Пуассона. Модель Пуассона для описания распределения числа редких событий.

Локальная теорема Муавра-Лапласа. Интегральная теорема Муавра-Лапласа. Закон больших чисел Бернулли. Функция распределения нормального закона; свойства, симметрия, середина распределения. Примеры применения с оценкой точности приближений. Сравнение пуассоновской и нормальной аппроксимации.

##### Тема 6. Случайные величины. Распределение. Типы распределений случайных величин.

Функция распределения; свойства. Эквивалентность задания распределения через функцию распределения. Дискретный тип случайных величин. Абсолютно непрерывный тип случайных величин. Сингулярный тип. Функция плотности и ее свойства. Примеры распределений: Бернулли, биномиальное, Пуассона, равномерное, показательное, нормальное и др.

##### Тема 7. Задание случайных величин через свойства её распределения. Преобразование случайных величин. Квентили

Распределение Коши. Распределение времени службы при отсутствии старения (показательный закон). Распределение Парето и логарифмически нормальное для доходов в группе людей с определённым способом накопления богатства. Приёмы отыскания функции плотности преобразованных случайных величин. Псевдо обратная функция распределения. Квентили, медиана распределения.

### **Тема 8. Математическое ожидание как интеграл Лебега-Стилтьеса. Классические неравенства теории вероятностей.**

Математическое ожидание как интеграл Лебега-Стилтьеса. Свойства матем.ожидания, неравенство Маркова. Способы вычисления математического ожидания: как абсолютно сходящийся ряд, как абсолютно сходящийся интеграл Римана. Свойства дисперсии. Неравенство Чебышёва. Правило трёх сигм, правило двух сигм. Неравенства Йенсена, Ляпунова, Коши-Буняковского.

### **Тема 9. Примеры вычисления характеристик основных законов. Симметричные законы распределения.**

Примеры вычисления квартилей, медианы, матем.ожидания, дисперсии, асимметрии, эксцесса для: биномиальный закон, распределение Пуассона, гипергеометрическое распределение, геометрическая сл.в., равномерное распределение, показательная сл.в., нормальный закон, сл.в. Коши, распределение Кантора.

Симметричные законы распределения. Матем.ожидание и медиана симметричного закона.

### **Тема 10. Многомерные величины; функция распределения, свойства. Независимость сл.величин.**

Случайные векторы. Свойства функции распределения. Задание распределения через ф. распределения. Маргинальные распределения. Независимость случайных величин. Примеры случайных векторов. Многомерные распределения. Свойства совместных функций распределения и функции плотности. Критерий независимости случайных величин. Некоррелированность и независимость случайных величин, их соотношение.

### **Тема 11. Характеристики случайных векторов. Уравнения линейной регрессии. Плотность преобразованного вектора. Свёртка.**

Матрица ковариаций. Свойства матрицы (положительная и неотрицательная определённость) Уравнение линейной регрессии между двумя сл.величинами. Остаточная дисперсия. Коэффициент корреляции. Свойства. Уравнение линейной регрессии сл.величины на сл.вектор. Плотность преобразованного вектора. Формула свёртки; примеры. Распределение Лапласа для разности показательных случайных величин

### **Тема 12. Условное математическое ожидание.**

Условное распределение для дискретного вектора. Условное распределение для абсолютно непрерывного вектора. Условное математическое ожидание. Формула полного математического ожидания. Телескопическое свойство условного математического ожидания. Условное математическое ожидание для распределений общего типа распределения. Способ задания многомерных величин общего вида.

### **Тема 13. Многомерная нормальная модель.**

Многомерная нормальная модель. Распределение аффинного преобразования. Среднее значение и матрица ковариаций нормального закона. Двумерный нормальный закон. Распределение суммы нормальных сл.величин. Условная плотность одной случайной величины при фиксированных остальных - линейность средне квадратической регрессии. Условная плотность части вектора.

### **Тема 14. Типы сходимости случайных величин. Связи между различными типами сходимости.**

Сходимость последовательности случайных величин по вероятности.

Сходимость почти наверное. Сходимость по распределению. Слабая сходимость последовательности функций распределения. Связь между типами сходимости. Формулировка критерия слабой сходимости. Теорема Хелли (об эквивалентности двух определений слабой сходимости). Связь между сходимостью по вероятности и по распределению. Теоремы о слабой сходимости к непрерывной функции и к константе.

### **Тема 15. Метод характеристических функций. Теоремы единственности и непрерывности.**

Характеристическая функция и ее свойства. Характеристические функции

вырожденного распределения, распределения Бернулли, биномиального, Пуассона, равномерного на отрезке  $[0, 1]$ , нормального распределений.

Теоремы единственности и непрерывности. Формула обращения Леви. Взаимно-однозначное соответствие между множеством характеристических функций и множеством функций распределения.

Предельные теоремы теории вероятностей. Закон больших чисел Хинчина. Слабый закон больших чисел. Центральная предельная теорема. Вероятностные модели роста на примерах роста дерева или колонии микроорганизмов, логнормальное распределение. Функция распределения и функция плотности для логнормального распределения.

### **Тема 16. Законы больших чисел. Центральная предельная теорема.**

Классические предельные теоремы. Слабые законы больших чисел для независимых и слабо зависимых случайных величин, для одинаково распределённых и различно распределённых случайных величин. Сильные законы больших чисел Кантелли. Колмогорова.

Центральная предельная теорема. Центральная предельная теорема с условием Линдеберга. Логарифмически нормальное распределение.

## **5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)**

Самостоятельная работа обучающихся выполняется по заданию и при методическом руководстве преподавателя, но без его непосредственного участия. Самостоятельная работа подразделяется на самостоятельную работу на аудиторных занятиях и на внеаудиторную самостоятельную работу. Самостоятельная работа обучающихся включает как полностью самостоятельное освоение отдельных тем (разделов) дисциплины, так и проработку тем (разделов), осваиваемых во время аудиторной работы. Во время самостоятельной работы обучающиеся читают и конспектируют учебную, научную и справочную литературу, выполняют задания, направленные на закрепление знаний и отработку умений и навыков, готовятся к текущему и промежуточному контролю по дисциплине.

Организация самостоятельной работы обучающихся регламентируется нормативными документами, учебно-методической литературой и электронными образовательными ресурсами, включая:

Порядок организации и осуществления образовательной деятельности по образовательным программам высшего образования - программам бакалавриата, программам специалитета, программам магистратуры (утвержден приказом Министерства науки и высшего образования Российской Федерации от 6 апреля 2021 года №245)

Письмо Министерства образования Российской Федерации №14-55-996бин/15 от 27 ноября 2002 г. "Об активизации самостоятельной работы студентов высших учебных заведений"

Устав федерального государственного автономного образовательного учреждения "Казанский (Приволжский) федеральный университет"

Правила внутреннего распорядка федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего профессионального образования "Казанский (Приволжский) федеральный университет"

Локальные нормативные акты Казанского (Приволжского) федерального университета

## **6. Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю)**

Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю) включает оценочные материалы, направленные на проверку освоения компетенций, в том числе знаний, умений и навыков. Фонд оценочных средств включает оценочные средства текущего контроля и оценочные средства промежуточной аттестации.

В фонде оценочных средств содержится следующая информация:

- соответствие компетенций планируемым результатам обучения по дисциплине (модулю);
- критерии оценивания сформированности компетенций;
- механизм формирования оценки по дисциплине (модулю);
- описание порядка применения и процедуры оценивания для каждого оценочного средства;
- критерии оценивания для каждого оценочного средства;
- содержание оценочных средств, включая требования, предъявляемые к действиям обучающихся, демонстрируемым результатам, задания различных типов.

Фонд оценочных средств по дисциплине находится в Приложении 1 к программе дисциплины (модулю).

## **7. Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)**

Освоение дисциплины (модуля) предполагает изучение основной и дополнительной учебной литературы. Литература может быть доступна обучающимся в одном из двух вариантов (либо в обоих из них):

- в электронном виде - через электронные библиотечные системы на основании заключенных КФУ договоров с правообладателями;
- в печатном виде - в Научной библиотеке им. Н.И. Лобачевского. Обучающиеся получают учебную литературу на абонементе по читательским билетам в соответствии с правилами пользования Научной библиотекой.

Электронные издания доступны дистанционно из любой точки при введении обучающимся своего логина и пароля от личного кабинета в системе "Электронный университет". При использовании печатных изданий библиотечный фонд должен быть укомплектован ими из расчета не менее 0,5 экземпляра (для обучающихся по ФГОС 3++ - не менее 0,25 экземпляра) каждого из изданий основной литературы и не менее 0,25 экземпляра дополнительной литературы на каждого обучающегося из числа лиц, одновременно осваивающих данную дисциплину.

Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля), находится в Приложении 2 к рабочей программе дисциплины. Он подлежит обновлению при изменении условий договоров КФУ с правообладателями электронных изданий и при изменении комплектования фондов Научной библиотеки КФУ.

## **8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", необходимых для освоения дисциплины (модуля)**

Pierre-Andre Cornillon, Eric Matzner-Lober. Regression. Theorie et applications. Statistiques et probabilités appliquées - <http://www.springerlink.com/>

Achim Klenke. Probability Theory. A Comprehensive Course. Universitext. - <http://www.springerlink.com/>

Allan Gut Probability. A Graduate Course. Springer Texts in Statistics - <http://www.springerlink.com/>

Friedrich Liese, ? Klaus-J. Miescke. Statistical Decision Theory. Estimation, Testing, and Selection. Springer Series in Statistics. - <http://www.springerlink.com/>

Jun Shao. Mathematical Statistics: Exercises and Solutions. Springer. Springer Texts in Statistics - <http://www.springerlink.com/>

Krishna B. Athreya, Soumendra N. Lahiri. Measure Theory and Probability Theory. Springer Texts in Statistics - <http://www.springerlink.com/>

L.B. Koralov, Ya.G.Sinai. Theory of Probability and Random Processes. Springer. Universitext. - <http://www.springerlink.com/>

R. Bhattacharya, E.C. Waymire. A Basic Course in Probability theory. Springer. Universitext. - <http://www.springerlink.com/>

Uwe Ligges. Programmieren mit R. Statistik und ihre Anwendungen. - <http://www.springerlink.com/>

Д.Х. Муштари. Вероятность, математическая статистика, случайные процессы. Электронное учебное пособие. Site KGU: - <http://www.kpfu.ru>

#### 9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)

Вид работ	Методические рекомендации
лекции	Вести конспект лекций. Лекции ведутся в отдельной общей тетради, рекомендуется оставлять место для заметок, например в виде полей. Знание основного материала предыдущих лекций, включая знание основных определений и ключевых теорем. Рекомендуется выделять в тексте ключевые слова, определения, леммы и теоремы.
практические занятия	В ходе подготовки к практическим занятиям изучить основную литературу, лекции. Внимательно слушать и конспектировать базовые примеры, разбираемые преподавателем. Задавать уточняющие вопросы в ходе решения базовых задач преподавателем. При решении домашних заданий периодически возвращаться к разобранным на практических занятиях задачам. Своевременно и полностью решать задачи на самостоятельную работу. Своевременное и качественное выполнение самостоятельной работы базируется на соблюдении настоящих рекомендаций и изучении рекомендованной литературы. Задавать вопросы в тех местах решения задач, вызвавших затруднение при самостоятельной работе. Студент может дополнить список использованной литературы современными источниками, не представленными в списке рекомендованной литературы.
самостоятельная работа	Самостоятельная работа ведется в той же тетради, что и практические занятия. Самостоятельная работа - это отдельный блок который выделяется заголовком, например, "Домашние задание". Рекомендуется прорабатывать материал непосредственно после практического занятия. При решении задач и примеров рекомендуется их выполнение по образцу из практического занятия. Своевременно и полностью решать задачи на самостоятельную работу. Своевременное и качественное выполнение самостоятельной работы базируется на соблюдении настоящих рекомендаций и изучении рекомендованной литературы. Задавать вопросы в тех местах решения задач, вызвавших затруднение при самостоятельной работе. Студент может дополнить список использованной литературы современными источниками, не представленными в списке рекомендованной литературы
экзамен	Подготовка к экзамену или зачету ведется на основе курса лекций или рекомендованной литературы. Необходимо знание и понимание всех понятий, определений, утверждений, лемм и теорем. Необходимо уметь формулировать теоремы в форме непротиворечивых логических конструкций. Желательной уметь строить и приводить примеры к соответствующим определениям и утверждениям. Необходимо знание доказательства теорем и остальных утверждений.

#### 10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)

Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем, представлен в Приложении 3 к рабочей программе дисциплины (модуля).

#### 11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)

Материально-техническое обеспечение образовательного процесса по дисциплине (модулю) включает в себя следующие компоненты:

Помещения для самостоятельной работы обучающихся, укомплектованные специализированной мебелью (столы и стулья) и оснащенные компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду КФУ.

Учебные аудитории для контактной работы с преподавателем, укомплектованные специализированной мебелью (столы и стулья).

Компьютер и принтер для распечатки раздаточных материалов.

Компьютерный класс.

## **12. Средства адаптации преподавания дисциплины к потребностям обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья**

При необходимости в образовательном процессе применяются следующие методы и технологии, облегчающие восприятие информации обучающимися инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья:

- создание текстовой версии любого нетекстового контента для его возможного преобразования в альтернативные формы, удобные для различных пользователей;
- создание контента, который можно представить в различных видах без потери данных или структуры, предусмотреть возможность масштабирования текста и изображений без потери качества, предусмотреть доступность управления контентом с клавиатуры;
- создание возможностей для обучающихся воспринимать одну и ту же информацию из разных источников - например, так, чтобы лица с нарушениями слуха получали информацию визуально, с нарушениями зрения - аудиально;
- применение программных средств, обеспечивающих возможность освоения навыков и умений, формируемых дисциплиной, за счёт альтернативных способов, в том числе виртуальных лабораторий и симуляционных технологий;
- применение дистанционных образовательных технологий для передачи информации, организации различных форм интерактивной контактной работы обучающегося с преподавателем, в том числе вебинаров, которые могут быть использованы для проведения виртуальных лекций с возможностью взаимодействия всех участников дистанционного обучения, проведения семинаров, выступления с докладами и защиты выполненных работ, проведения тренингов, организации коллективной работы;
- применение дистанционных образовательных технологий для организации форм текущего и промежуточного контроля;
- увеличение продолжительности сдачи обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья форм промежуточной аттестации по отношению к установленной продолжительности их сдачи:
  - продолжительности сдачи зачёта или экзамена, проводимого в письменной форме, - не более чем на 90 минут;
  - продолжительности подготовки обучающегося к ответу на зачёте или экзамене, проводимом в устной форме, - не более чем на 20 минут;
  - продолжительности выступления обучающегося при защите курсовой работы - не более чем на 15 минут.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО и учебным планом по направлению 02.03.01 "Математика и компьютерные науки" и профилю подготовки "Наука о данных".

*Приложение 2*  
к рабочей программе дисциплины (модуля)  
Б1.О.10.01 Теория вероятностей

**Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)**

Направление подготовки: 02.03.01 - Математика и компьютерные науки

Профиль подготовки: Наука о данных

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Год начала обучения по образовательной программе: 2024

**Основная литература:**

1. Блягоз, З. У. Теория вероятностей и математическая статистика. Курс лекций : учебное пособие / З. У. Блягоз. - 2-е изд., испр. - Санкт-Петербург : Лань, 2022. - 224 с. - ISBN 978-5-8114-2934-9. - Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. - URL: <https://e.lanbook.com/book/212693> (дата обращения: 28.03.2022).- Режим доступа: для авториз. пользователей.
2. Зубков, А. М. Сборник задач по теории вероятностей : учебное пособие для вузов / А. М. Зубков, Б. А. Севастьянов, В. П. Чистяков. - 4-е изд., стер. - Санкт-Петербург : Лань, 2022. - 320 с. - ISBN 978-5-8114-9085-1. - Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. - URL: <https://e.lanbook.com/book/184062> (дата обращения: 28.03.2022).- Режим доступа: для авториз. пользователей.
3. Иванов, Б. Н. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие / Б. Н. Иванов. - 2-е изд., испр. и доп. - Санкт-Петербург : Лань, 2022. - 224 с. - ISBN 978-5-8114-3636-1. - Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. - URL: <https://e.lanbook.com/book/206201> (дата обращения: 28.03.2022).- Режим доступа: для авториз. пользователей.
4. Ширяев, А. Н. Вероятность : учебное пособие : в 2 книгах / А. Н. Ширяев. - 7-е изд., стер. - Москва : МЦНМО, 2021 - Книга 1 : Элементарная теория вероятностей. Математические основания. Предельные теоремы - 2021. - 552 с. - ISBN 978-5-4439-3557-7. - Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. - URL: <https://e.lanbook.com/book/267719> (дата обращения: 28.03.2022). - Режим доступа: для авториз. пользователей.
5. Ширяев, А. Н. Вероятность : учебное пособие : в 2 книгах / А. Н. Ширяев. - 7-е изд., стер. - Москва : МЦНМО, 2021 - Книга 2 : Суммы и последовательности случайных величин --стационарные, маркингальные, марковские цепи - 2021. - 416 с. - ISBN 978-5-4439-3558-4. - Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. - URL: <https://e.lanbook.com/book/267722> (дата обращения: 28.03.2022). - Режим доступа: для авториз. пользователей.

**Дополнительная литература:**

1. Хрущева, И. В. Теория вероятностей : учебное пособие / И. В. Хрущева. - Санкт-Петербург : Лань, 2022. - 304 с. - ISBN 978-5-8114-0915-0. - Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. - URL: <https://e.lanbook.com/book/210383> (дата обращения: 28.03.2022).- Режим доступа: для авториз. пользователей.
2. Бородин, А. Н. Элементарный курс теории вероятностей и математической статистики : учебное пособие / А. Н. Бородин. - 8-е изд., стер. - Санкт-Петербург : Лань, 2022. - 256 с. - ISBN 978-5-8114-0442-1. - Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. - URL: <https://e.lanbook.com/book/210677> (дата обращения: 28.03.2022).- Режим доступа: для авториз. пользователей.
3. Туганбаев, А. А. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие / А. А. Туганбаев, В. Г. Крупин. - Санкт-Петербург : Лань, 2022. - 320 с. - ISBN 978-5-8114-1079-8. - Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. - URL: <https://e.lanbook.com/book/210536> (дата обращения: 28.03.2022).- Режим доступа: для авториз. пользователей.

*Приложение 3*  
к рабочей программе дисциплины (модуля)  
Б1.О.10.01 Теория вероятностей

**Перечень информационных технологий, используемых для освоения дисциплины (модуля), включая  
перечень программного обеспечения и информационных справочных систем**

Направление подготовки: 02.03.01 - Математика и компьютерные науки

Профиль подготовки: Наука о данных

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Год начала обучения по образовательной программе: 2024

Освоение дисциплины (модуля) предполагает использование следующего программного обеспечения и информационно-справочных систем:

Операционная система Microsoft Windows 7 Профессиональная или Windows XP (Volume License)

Пакет офисного программного обеспечения Microsoft Office 365 или Microsoft Office Professional plus 2010

Браузер Mozilla Firefox

Браузер Google Chrome

Adobe Reader XI или Adobe Acrobat Reader DC

Kaspersky Endpoint Security для Windows

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе "ZNANIUM.COM", доступ к которой предоставлен обучающимся. ЭБС "ZNANIUM.COM" содержит произведения крупнейших российских учёных, руководителей государственных органов, преподавателей ведущих вузов страны, высококвалифицированных специалистов в различных сферах бизнеса. Фонд библиотеки сформирован с учетом всех изменений образовательных стандартов и включает учебники, учебные пособия, учебно-методические комплексы, монографии, авторефераты, диссертации, энциклопедии, словари и справочники, законодательно-нормативные документы, специальные периодические издания и издания, выпускаемые издательствами вузов. В настоящее время ЭБС ZNANIUM.COM соответствует всем требованиям федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования (ФГОС ВО) нового поколения.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе Издательства "Лань", доступ к которой предоставлен обучающимся. ЭБС Издательства "Лань" включает в себя электронные версии книг издательства "Лань" и других ведущих издательств учебной литературы, а также электронные версии периодических изданий по естественным, техническим и гуманитарным наукам. ЭБС Издательства "Лань" обеспечивает доступ к научной, учебной литературе и научным периодическим изданиям по максимальному количеству профильных направлений с соблюдением всех авторских и смежных прав.