

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования  
"Казанский (Приволжский) федеральный университет"  
Институт вычислительной математики и информационных технологий



**УТВЕРЖДАЮ**

Проректор по образовательной деятельности КФУ

\_\_\_\_\_ Д.А. Таюрский

"\_\_" \_\_\_\_\_ 20\_\_ г.

## **Программа дисциплины**

Математический анализ

Направление подготовки: 01.03.04 - Прикладная математика

Профиль подготовки: Прикладная математика

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Год начала обучения по образовательной программе: 2021

## Содержание

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОПОП ВО
2. Место дисциплины (модуля) в структуре ОПОП ВО
3. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся
4. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий
  - 4.1. Структура и тематический план контактной и самостоятельной работы по дисциплине (модулю)
  - 4.2. Содержание дисциплины (модуля)
5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)
6. Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю)
7. Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)
8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", необходимых для освоения дисциплины (модуля)
9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)
10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)
11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)
12. Средства адаптации преподавания дисциплины (модуля) к потребностям обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья
13. Приложение №1. Фонд оценочных средств
14. Приложение №2. Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)
15. Приложение №3. Перечень информационных технологий, используемых для освоения дисциплины (модуля), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем

Программу дисциплины разработал(а)(и): доцент, к.н. (доцент) Сидоров А.М. (Кафедра прикладной математики, отделение прикладной математики и информатики), Anatoly.Sidorov@kpfu.ru ; Лапин Александр Васильевич

### 1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОПОП ВО

Обучающийся, освоивший дисциплину (модуль), должен обладать следующими компетенциями:

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции
ОПК-1	Способен применять знание фундаментальной математики и естественно-научных дисциплин при решении задач в области естественных наук и инженерной практике

Обучающийся, освоивший дисциплину (модуль):

Должен знать:

- основные понятия и методы элементарной математики, геометрии, алгебры и начал математического анализа;
- основные понятия линейной алгебры;

Должен уметь:

- производить действия с числами;
- использовать основные алгебраические тождества для преобразования алгебраических выражений;
- использовать тригонометрические тождества для преобразования тригонометрических выражений;
- решать линейные и квадратичные уравнения и неравенства;
- решать тригонометрические уравнения;
- выполнять геометрические построения;
- доказывать математические утверждения;
- вычислять определители;
- выполнять действия над матрицами;

Должен владеть:

- приемами вычислений на калькуляторе инженерного типа;
- навыками использования математических справочников.

Должен демонстрировать способность и готовность:

применять на практике основные методы математического анализа.

### 2. Место дисциплины (модуля) в структуре ОПОП ВО

Данная дисциплина (модуль) включена в раздел "Б1.О.06 Дисциплины (модули)" основной профессиональной образовательной программы 01.03.04 "Прикладная математика (Прикладная математика)" и относится к обязательным дисциплинам.

Осваивается на 1, 2 курсах в 1, 2, 3 семестрах.

### 3. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Общая трудоемкость дисциплины составляет 19 зачетных(ые) единиц(ы) на 684 часа(ов).

Контактная работа - 324 часа(ов), в том числе лекции - 162 часа(ов), практические занятия - 0 часа(ов), лабораторные работы - 162 часа(ов), контроль самостоятельной работы - 0 часа(ов).

Самостоятельная работа - 216 часа(ов).

Контроль (зачёт / экзамен) - 144 часа(ов).

Форма промежуточного контроля дисциплины: зачет и экзамен в 1 семестре; зачет и экзамен во 2 семестре; зачет и экзамен в 3 семестре.

### 4. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

## 4.1 Структура и тематический план контактной и самостоятельной работы по дисциплине (модулю)

N	Разделы дисциплины / модуля	Се- местр	Виды и часы контактной работы, их трудоемкость (в часах)						Само- стоя- тель- ная ра- бота
			Лекции, всего	Лекции в эл. форме	Практи- ческие занятия, всего	Практи- ческие в эл. форме	Лабора- торные работы, всего	Лабора- торные в эл. форме	
1.	Тема 1. Теория вещественных чисел	1	5	0	0	0	5	0	7
2.	Тема 2. Числовые последовательности	1	6	0	0	0	5	0	7
3.	Тема 3. Предел функции в точке	1	6	0	0	0	6	0	7
4.	Тема 4. Непрерывность функции в точке	1	6	0	0	0	6	0	7
5.	Тема 5. Производная и дифференциал функции одной переменной	1	5	0	0	0	5	0	7
6.	Тема 6. Производные и дифференциалы высших порядков	1	5	0	0	0	5	0	7
7.	Тема 7. Основные теоремы для дифференцируемых функций	1	6	0	0	0	5	0	7
8.	Тема 8. Формула Тейлора	1	5	0	0	0	5	0	7
9.	Тема 9. Исследование функций с помощью производной	1	5	0	0	0	5	0	8
10.	Тема 10. Неопределенный интеграл	1	5	0	0	0	7	0	8
11.	Тема 11. Определённый интеграл Римана и его свойства	2	3	0	0	0	3	0	3
12.	Тема 12. Интеграл как функция верхнего предела. Формула Тейлора	2	3	0	0	0	3	0	3
13.	Тема 13. Геометрические приложения интеграла Римана	2	3	0	0	0	3	0	3
14.	Тема 14. Несобственный интеграл	2	3	0	0	0	3	0	3
15.	Тема 15. Числовые ряды	2	3	0	0	0	3	0	3
16.	Тема 16. Сходимость знакопостоянных рядов	2	3	0	0	0	3	0	3
17.	Тема 17. Абсолютно и условно сходящиеся числовые ряды	2	3	0	0	0	3	0	3
18.	Тема 18. Функциональные последовательности и ряды. Равномерная сходимость.	2	3	0	0	0	3	0	3
19.	Тема 19. Степенные ряды	2	5	0	0	0	5	0	3
20.	Тема 20. Евклидово пространство	2	3	0	0	0	3	0	3
21.	Тема 21. Отображения в евклидовых пространствах	2	3	0	0	0	3	0	4
22.	Тема 22. Дифференцируемость отображения. Частные производные.	2	3	0	0	0	3	0	4
23.	Тема 23. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора.	2	4	0	0	0	4	0	4
24.	Тема 24. Локальный экстремум функции многих переменных	2	3	0	0	0	3	0	4
25.	Тема 25. Экстремум, условный экстремум функции многих переменных.	2	6	0	0	0	6	0	4
26.	Тема 26. Интегралы, зависящие от параметра.	2	3	0	0	0	3	0	4

N	Разделы дисциплины / модуля	Се- местр	Виды и часы контактной работы, их трудоемкость (в часах)						Само- стоя- тель- ная ра- бота
			Лекции, всего	Лекции в эл. форме	Практи- ческие занятия, всего	Практи- ческие в эл. форме	Лабора- торные работы, всего	Лабора- торные в эл. форме	
27.	Тема 27. Кратные, криволинейные и поверхностные интегралы.	3	12	0	0	0	12	0	10
28.	Тема 28. Элементы теории поля.	3	8	0	0	0	8	0	10
29.	Тема 29. Ряды и интеграл Фурье	3	4	0	0	0	4	0	10
30.	Тема 30. Комплексные числа и действия над ними	3	4	0	0	0	4	0	10
31.	Тема 31. Функции на множестве комплексных чисел	3	4	0	0	0	4	0	10
32.	Тема 32. Элементарные функции и отображения	3	4	0	0	0	4	0	10
33.	Тема 33. Интегральное исчисление функций комплексного переменного	3	6	0	0	0	6	0	10
34.	Тема 34. Представление аналитической функции рядами	3	6	0	0	0	6	0	10
35.	Тема 35. Особые точки	3	6	0	0	0	6	0	10
	Итого		162	0	0	0	162	0	216

## 4.2 Содержание дисциплины (модуля)

### Тема 1. Теория вещественных чисел

Элементы теории множеств. Теоретико-множественные операции. Действительные числа. Свойство непрерывности. Аксиома Архимеда. Точные грани множества. Отображения, способы их задания. Обратная функция. Топология числовой прямой. Принцип математической индукции. Бином Ньютона. Аксиоматика действительных чисел.

### Тема 2. Числовые последовательности

Монотонные последовательности: признак сходимости, теорема Кантора о вложенных отрезках, теоремы Больцано-Вейерштрасса, верхний и нижний пределы последовательности. Критерий Коши сходимости последовательности. Монотонные последовательности: признак сходимости, теорема Кантора о вложенных отрезках, теоремы Больцано-Вейерштрасса, верхний и нижний пределы последовательности. Критерий Коши сходимости последовательности

### Тема 3. Предел функции в точке

Предел функции: определения по Коши и Гейне, эквивалентность определений. Различные типы пределов, пределы монотонных функций, критерий Коши существования предела функции. Неопределенности. Первый и второй замечательный предел. Сравнение бесконечно малых. Критерий Коши.

#### **Тема 4. Непрерывность функции в точке**

Непрерывность функции в точке: свойства функций непрерывных в точке, непрерывность сложной функции. Основные теоремы о функциях непрерывных на отрезке. Непрерывность элементарных функций. Равномерная непрерывность. Теорема Кантора. Точки разрыва. Классификация точек разрыва.

#### **Тема 5. Производная и дифференциал функции одной переменной**

Производная функции одной переменной: определение, вычисление производных от элементарных функций. Критерий существования производной в точке. Правила вычисления производной: производная суммы, произведения и частного; производная обратной функции; производная сложной функции. Дифференциал функции: критерий дифференцируемости функции; свойства дифференциала. Геометрический смысл производной и дифференциала. Односторонние и бесконечные производные. Дифференцирование параметрически заданных функций.

Дифференциал функции: критерий дифференцируемости функции; свойства дифференциала. Геометрический смысл производной и дифференциала. Односторонние и бесконечные производные. Дифференцирование параметрически заданных функций.

#### **Тема 6. Производные и дифференциалы высших порядков**

Производные и дифференциалы высших порядков. Формула Лейбница. Вывод формулы  $n$ -ой производной для основных элементарных функций. Решение практических задач для нахождения производных  $n$ -го порядка с применением формулы Лейбница. Вычисление дифференциалов высших порядков.

#### **Тема 7. Основные теоремы для дифференцируемых функций**

Основные теоремы для дифференцируемых функций: теорема Ферма; теорема Ролля; теорема Лагранжа, следствия; обобщенная формула конечных приращений (формула Коши). Геометрические приложения данных теорем. Правило Лопиталя. Следствия из правил Лопиталя. Теорема о монотонности дифференцируемых функций.

#### **Тема 8. Формула Тейлора**

Формула Тейлора: с остаточным членом в форме Лагранжа; с остаточным членом в форме Пеано; теорема о единственности разложения по формуле Тейлора; разложение элементарных функций в ряд Маклорена; вычисление пределов с помощью формулы Тейлора. Приближенные вычисления с помощью формулы Тейлора.

### **Тема 9. Исследование функций с помощью производной**

Схема исследования. Область определения. Свойства функций. Поведение функции вблизи особых точек. Исследование функций с помощью производной: возрастание и убывание функции, монотонность функции. Экстремумы. Вогнутость и выпуклость функции. Точки перегиба. Асимптоты. Виды асимптот. График функции.

### **Тема 10. Неопределенный интеграл**

Неопределенный интеграл: определение, теорема об общем виде первообразной. Свойства неопределенного интеграла. Интегрирование с помощью замены переменной. Формула интегрирования по частям. Интегрирование рациональных дробей. Интегрирование тригонометрических функций. Интегрирование биномиальных дифференциалов. Подстановки Эйлера. Интегрирование выражений, содержащих тригонометрические функции.

### **Тема 11. Определённый интеграл Римана и его свойства**

Определённый интеграл Римана: задачи, приводящие к понятию определенного интеграла, определение, необходимое условие интегрируемости функции. Интегральные суммы Дарбу и их свойства. Критерий интегрируемости функции. Классы интегрируемых функций. Свойства интеграла Римана.

### **Тема 12. Интеграл как функция верхнего предела. Формула Тейлора**

Интеграл с переменным верхним пределом, свойства (непрерывность, дифференцируемость, существование первообразной непрерывной функции). Вычисление определенных интегралов: формула Ньютона - Лейбница, замена переменной, формула интегрирования по частям. Формула Тейлора с остаточным членом в интегральной форме.

### **Тема 13. Геометрические приложения интеграла Римана**

Площадь криволинейной трапеции в декартовой и полярной системах координат. Вычисление площади плоской фигуры для функции, заданной параметрически. Длина дуги плоской и пространственной кривой в различных системах координат. Объем и площадь поверхности тела вращения. Приближенные вычисления с помощью определенного интеграла.

#### **Тема 14. Несобственный интеграл**

Определение. Сходимость. Критерий Коши. Арифметические свойства. Признаки сравнения. Абсолютно сходящиеся несобственные интегралы. Интеграл с несколькими особенностями. Интеграл в смысле главного значения. Приложения несобственного интеграла при решении задач теории вероятности, математической статистики и т.д.

#### **Тема 15. Числовые ряды**

Числовые ряды: необходимое условие сходимости числового ряда. Свойства сходящихся числовых рядов, критерий Коши сходимости числового ряда. Сходящиеся и расходящиеся ряды. Гармонический ряд. Нахождение суммы сходящегося ряда. Остаток числового ряда. Частичные суммы числового ряда.

#### **Тема 16. Сходимость знакопостоянных рядов**

Ряды с неотрицательными членами: критерий сходимости числового ряда с неотрицательными членами; теорема сравнения 1, 2. Признаки сходимости числового ряда с неотрицательными членами: интегральный признак, признак Даламбера, радикальный признак Коши, следствие. Признак Раабе.

#### **Тема 17. Абсолютно и условно сходящиеся числовые ряды**

Знакопеременные числовые ряды. Абсолютно и условно сходящиеся числовые ряды: определение, свойства сходящихся рядов. Знакопеременные числовые ряды, теорема Лейбница. Признаки Дирихле и Абеля сходимости числовых рядов. Теорема Римана. Пример, иллюстрирующий справедливость теоремы Римана.

#### **Тема 18. Функциональные последовательности и ряды. Равномерная сходимость.**

Сходимость функциональных последовательностей и рядов. Равномерная сходимость функциональных последовательностей и рядов. Критерий Коши равномерной сходимости. Признаки Вейерштрасса, Дирихле и Абеля равномерной сходимости функциональных рядов. Свойства равномерно сходящихся функциональных последовательностей и рядов.

#### **Тема 19. Степенные ряды**

Степенные ряды. Теорема Абеля. Радиус и интервал сходимости степенного ряда. Область сходимости. Формула Коши-Адамара. Свойства степенных рядов. Нахождение суммы степенного ряда с помощью интегрирования или дифференцирования рядов. Разложение различных функций в степенной ряд.



### **Тема 20. Евклидово пространство**

Понятие  $n$ -мерного евклидова пространства. Неравенство Коши-Буняковского. Сходимость последовательностей в  $n$ -мерном пространстве. Открытые и замкнутые множества. Компактные множества. Понятие предельной точки. Понятие нормы и метрики. Линейное нормированное пространство. Пространство со скалярным произведением.

### **Тема 21. Отображения в евклидовых пространствах**

Предел и непрерывность функций, заданных в  $D$ : пределы функции в точке, по множеству, по направлению, повторные пределы; непрерывность функции в точке, непрерывность сложной функции. Свойства непрерывных функций на компакте: теорема Вейерштрасса, теорема Кантора, теорема Больцано-Коши.

### **Тема 22. Дифференцируемость отображения. Частные производные.**

Частные производные и дифференцируемость функций в  $D$ : определение частной производной в  $D$ ; необходимое и достаточное условия дифференцируемости функции в точке; дифференцируемость сложной функции; первый дифференциал, его свойства; формула конечных приращений. Касательная плоскость, вектор нормали к графику функции; производная по направлению, градиент. Производные и дифференциалы высших порядков, теорема Шварца. Инвариантность дифференциалов высших порядков относительно замены переменных. Формула Тейлора.

### **Тема 23. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора.**

Частные производные высших порядков. Теорема Шварца о смешанных производных. Нахождение частных производных высших порядков. Формула Тейлора с остаточным членом в форме Лагранжа и в форме Пеано для функций многих переменных. Дифференциалы высших порядков. Вычисление дифференциалов высших порядков.

### **Тема 24. Локальный экстремум функции многих переменных**

Экстремумы функций многих переменных: необходимое условие существования экстремума в точке; необходимое условие существования локального минимума (локального максимума) в точке; достаточное условие существования экстремума в точке. Условный экстремум. Метод Лагранжа. Стационарные точки.

### **Тема 25. Экстремум, условный экстремум функции многих переменных.**

Формула Тейлора с остаточным членом в форме Лагранжа и в форме Пеано для функций многих переменных. Понятие локального экстремума функции многих переменных. Необходимые и достаточные условия локального экстремума. Понятие условного экстремума функции. Метод Лагранжа нахождения условного экстремума.

### **Тема 26. Интегралы, зависящие от параметра.**

Понятие собственного интеграла, зависящего от параметра. Непрерывность, интегрируемость и дифференцируемость по параметру собственного интеграла. Формула Лейбница. Понятие несобственного интеграла, зависящего от параметра. Равномерная сходимость несобственного интеграла по параметру. Признаки Вейерштрасса, Дирихле и Абеля равномерной сходимости. Непрерывность, интегрируемость и дифференцируемость несобственного интеграла по параметру. Вычисление интегралов Дирихле и Эйлера-Пуассона. Эйлеровы интегралы.

### **Тема 27. Кратные, криволинейные и поверхностные интегралы.**

Мера Жордана в  $n$ -мерном пространстве и её свойства. Определение и свойства кратного интеграла Римана. Криволинейные интегралы первого и второго родов и их свойства. Формула Грина. Условия независимости криволинейного интеграла от пути интегрирования. Поверхностные интегралы первого и второго родов и их свойства.

### **Тема 28. Элементы теории поля.**

Производная по направлению. Градиент. Дивергенция и вихрь векторного поля. Поток вектора через поверхность. Циркуляция вектора. Формулы Остроградского-Гаусса и Стокса. Соленоидальные и потенциальные векторные поля. Решение практических задач математического анализа с применением формулы Остроградского и Стокса.

### **Тема 29. Ряды и интеграл Фурье**

Понятие тригонометрического ряда Фурье. Разложение основных элементарных функций в ряд Фурье. Лемма Римана. Формула Дирихле. Сходимость тригонометрического ряда Фурье в точке. Понятие интеграла Фурье. Представление функции в виде интеграла Фурье. Понятие преобразования Фурье и обратного преобразования Фурье.

### **Тема 30. Комплексные числа и действия над ними**

Различные подходы к определению комплексных чисел, арифметические операции над комплексными числами. Геометрическое изображение комплексных чисел. Теорема о модуле и аргументе. Свойства модуля комплексных чисел. Извлечение корня. Свойства арифметических операций. Тригонометрическая форма записи комплексного числа.

### **Тема 31. Функции на множестве комплексных чисел**

Комплексные последовательности, предел и непрерывность функций на множестве комплексных чисел, два вида дифференцируемости, условия Коши-Римана. Ограниченные комплексные последовательности. Исследование сходимости последовательности комплексных чисел. Правила дифференцирования функций комплексного переменного.

### **Тема 32. Элементарные функции и отображения**

Элементарные функции: степенная, корень, показательная, логарифмическая, тригонометрические. Определения и свойства. Нахождение действительной и мнимой части функции комплексного переменного. Нахождение модуля и главного значения аргумента основных элементарных функций. Возведение в степень. Гиперболические функции.

### **Тема 33. Интегральное исчисление функций комплексного переменного**

Интеграл от функции комплексного переменного: определения, свойства. Теорема Коши для многосвязной и односвязной области. Аналитичность функции  $F(z)$ . Общий вид первообразной. Интегральная формула Коши. Принцип максимума модуля, лемма Шварца. Производные высших порядков. Неравенства Коши. Теоремы Морера и Лиувилля.

### **Тема 34. Представление аналитической функции рядами**

Представление аналитической функции в круге рядом Тейлора. Теорема Вейерштрасса. Теорема единственности аналитической функции. Нули аналитической функции и их свойства. Ряд Лорана, область его сходимости. Разложение аналитической функции в кольце функции в ряд Лорана.

Правильная и главная части ряда Лорана. Поведение аналитических функций в бесконечности.

### **Тема 35. Особые точки**

Виды особых точек и их характеристика. Теорема Сохоцкого. Вычеты. Связь вычетов с коэффициентами ряда Лорана. Теорема Коши о вычетах и ее приложения. Вычет функции относительно изолированной особой точки. Полюсы. Вычисление вычета функции относительно полюсов. Логарифмический вычет функции. Приложения теории вычетов.

## **5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)**

Самостоятельная работа обучающихся выполняется по заданию и при методическом руководстве преподавателя, но без его непосредственного участия. Самостоятельная работа подразделяется на самостоятельную работу на аудиторных занятиях и на внеаудиторную самостоятельную работу. Самостоятельная работа обучающихся включает как полностью самостоятельное освоение отдельных тем (разделов) дисциплины, так и проработку тем (разделов), осваиваемых во время аудиторной работы. Во время самостоятельной работы обучающиеся читают и конспектируют учебную, научную и справочную литературу, выполняют задания, направленные на закрепление знаний и отработку умений и навыков, готовятся к текущему и промежуточному контролю по дисциплине.

Организация самостоятельной работы обучающихся регламентируется нормативными документами, учебно-методической литературой и электронными образовательными ресурсами, включая:

Порядок организации и осуществления образовательной деятельности по образовательным программам высшего образования - программам бакалавриата, программам специалитета, программам магистратуры (утвержден приказом Министерства науки и высшего образования Российской Федерации от 6 апреля 2021 года №245)

Письмо Министерства образования Российской Федерации №14-55-996ин/15 от 27 ноября 2002 г. "Об активизации самостоятельной работы студентов высших учебных заведений"

Устав федерального государственного автономного образовательного учреждения "Казанский (Приволжский) федеральный университет"

Правила внутреннего распорядка федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего профессионального образования "Казанский (Приволжский) федеральный университет"

Локальные нормативные акты Казанского (Приволжского) федерального университета

Шерстнев А.Н. Конспект лекций по математическому анализу [Текст: электронный ресурс] / А. Н. Шерстнев. - Изд. 5-е. - Казань : Казанский государственный университет, 2009. -

[http://libweb.ksu.ru/ebooks/05-IMM/05\\_33\\_2009\\_000165.pdf](http://libweb.ksu.ru/ebooks/05-IMM/05_33_2009_000165.pdf)

## **6. Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю)**

Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю) включает оценочные материалы, направленные на проверку освоения компетенций, в том числе знаний, умений и навыков. Фонд оценочных средств включает оценочные средства текущего контроля и оценочные средства промежуточной аттестации.

В фонде оценочных средств содержится следующая информация:

- соответствие компетенций планируемым результатам обучения по дисциплине (модулю);
- критерии оценивания сформированности компетенций;
- механизм формирования оценки по дисциплине (модулю);
- описание порядка применения и процедуры оценивания для каждого оценочного средства;
- критерии оценивания для каждого оценочного средства;
- содержание оценочных средств, включая требования, предъявляемые к действиям обучающихся, демонстрируемым результатам, задания различных типов.

Фонд оценочных средств по дисциплине находится в Приложении 1 к программе дисциплины (модулю).

## **7. Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)**

Освоение дисциплины (модуля) предполагает изучение основной и дополнительной учебной литературы. Литература может быть доступна обучающимся в одном из двух вариантов (либо в обоих из них):

- в электронном виде - через электронные библиотечные системы на основании заключенных КФУ договоров с правообладателями;
- в печатном виде - в Научной библиотеке им. Н.И. Лобачевского. Обучающиеся получают учебную литературу на абонементе по читательским билетам в соответствии с правилами пользования Научной библиотекой.

Электронные издания доступны дистанционно из любой точки при введении обучающимся своего логина и пароля от личного кабинета в системе "Электронный университет". При использовании печатных изданий библиотечный фонд должен быть укомплектован ими из расчета не менее 0,5 экземпляра (для обучающихся по ФГОС 3++ - не менее 0,25 экземпляра) каждого из изданий основной литературы и не менее 0,25 экземпляра дополнительной литературы на каждого обучающегося из числа лиц, одновременно осваивающих данную дисциплину.

Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля), находится в Приложении 2 к рабочей программе дисциплины. Он подлежит обновлению при изменении условий договоров КФУ с правообладателями электронных изданий и при изменении комплектования фондов Научной библиотеки КФУ.

### 8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", необходимых для освоения дисциплины (модуля)

Википедия - <http://ru.wikipedia.org>

Интернет-ресурсы по математике - <http://exponenta.ru>

Математический анализ -

<https://teams.microsoft.com/l/team/19%3ac7a636e21f8b4e7e80463d66b9433ccc%40thread.tacv2/conversations?groupId=b98b>

Портал математических интернет-ресурсов - <http://www.math.ru/>

Портал математических интернет-ресурсов - <http://www.allmath.com/>

Портал ресурсов по математике, алгоритмике и ИТ - <http://algolist.manual.ru/>

### 9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)

Вид работ	Методические рекомендации
лекции	Во время лекций студенты должны сосредоточить внимание на её содержании. Основные положения лекции, важные определения и теоретические положения необходимо записывать. Конспектирование предлагаемого преподавателем материала вырабатывает у студентов навыки самостоятельного отбора и анализа необходимой для них информации, умение более сжато и четко записывать услышанное. Лекции могут служить необходимым вспомогательным материалом в процессе подготовки к практическим занятиям и экзамену. Предусматривается как очная так и дистанционная форма проведения занятий.
лабораторные работы	Практические занятия проводятся в форме лабораторных работ, на которых студенты должны решать различные задачи. Некоторые задания выполняются совместно группой вместе с преподавателем, некоторые задания требуют самостоятельного выполнения. В зависимости от изучаемой темы студенты выходят к доске для выполнения задания под руководством преподавателя и с его комментариями. Предусматривается как очная так и дистанционная форма проведения занятий.
самостоятельная работа	Изучение математического анализа предусматривает систематическую самостоятельную работу студентов над дополнительными материалами; развитие навыков самоконтроля, способствующих интенсификации учебного процесса. Изучение лекционного материала по конспекту лекций должно сопровождаться изучением рекомендуемой литературы, основной и дополнительной. Основной целью организации самостоятельной работы студентов является систематизация и активизация знаний, полученных ими на лекциях и в процессе подготовки к практическим занятиям. Студентам следует стремиться к активизации знаний на занятиях и по другим дисциплинам. Самостоятельная работа по изучению дисциплины 'Математический анализ' предполагает внеаудиторную работу, которая включает: 1. Решение практических задач различной сложности. 2. Рассмотрение вопросов, оставленных на самостоятельное изучение. 3. Подготовку к экзамену и зачету.

Вид работ	Методические рекомендации
зачет и экзамен	При подготовке к зачету и экзамену обучающемуся рекомендуется повторить весь теоретический материал по соответствующим темам с выявлением ключевых теоретических аспектов и проблем, проработкой дополнительного материала по темам. Лучшему пониманию теоретического материала дисциплины будет способствовать разбор деталей определений, вывода и доказательств утверждений, выявление взаимосвязей между определениями, утверждениями и свойствами объектов, изучаемых в дисциплине. Не рекомендуется в процессе подготовки использовать непроверенные источники информации. Для подготовки к экзамену обучающемуся рекомендуется составить план процесса подготовки, включающей изучение, повторение, систематизацию, логическую обработку материала, анализ полученной информацией с выявлением возможных следствий и неявных свойств объектов, составлением списка возможных дополнительных вопросов и заданий, подготовку к выполнению практических задач по темам дисциплины.

#### **10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)**

Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем, представлен в Приложении 3 к рабочей программе дисциплины (модуля).

#### **11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)**

Материально-техническое обеспечение образовательного процесса по дисциплине (модулю) включает в себя следующие компоненты:

Помещения для самостоятельной работы обучающихся, укомплектованные специализированной мебелью (столы и стулья) и оснащенные компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду КФУ.

Учебные аудитории для контактной работы с преподавателем, укомплектованные специализированной мебелью (столы и стулья).

Компьютер и принтер для распечатки раздаточных материалов.

Мультимедийная аудитория.

#### **12. Средства адаптации преподавания дисциплины к потребностям обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья**

При необходимости в образовательном процессе применяются следующие методы и технологии, облегчающие восприятие информации обучающимися инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья:

- создание текстовой версии любого нетекстового контента для его возможного преобразования в альтернативные формы, удобные для различных пользователей;
- создание контента, который можно представить в различных видах без потери данных или структуры, предусмотреть возможность масштабирования текста и изображений без потери качества, предусмотреть доступность управления контентом с клавиатуры;
- создание возможностей для обучающихся воспринимать одну и ту же информацию из разных источников - например, так, чтобы лица с нарушениями слуха получали информацию визуально, с нарушениями зрения - аудиально;
- применение программных средств, обеспечивающих возможность освоения навыков и умений, формируемых дисциплиной, за счёт альтернативных способов, в том числе виртуальных лабораторий и симуляционных технологий;
- применение дистанционных образовательных технологий для передачи информации, организации различных форм интерактивной контактной работы обучающегося с преподавателем, в том числе вебинаров, которые могут быть использованы для проведения виртуальных лекций с возможностью взаимодействия всех участников дистанционного обучения, проведения семинаров, выступления с докладами и защиты выполненных работ, проведения тренингов, организации коллективной работы;
- применение дистанционных образовательных технологий для организации форм текущего и промежуточного контроля;
- увеличение продолжительности сдачи обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья форм промежуточной аттестации по отношению к установленной продолжительности их сдачи;
- продолжительности сдачи зачёта или экзамена, проводимого в письменной форме, - не более чем на 90 минут;

- продолжительности подготовки обучающегося к ответу на зачёте или экзамене, проводимом в устной форме, - не более чем на 20 минут;
- продолжительности выступления обучающегося при защите курсовой работы - не более чем на 15 минут.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО и учебным планом по направлению 01.03.04 "Прикладная математика" и профилю подготовки "Прикладная математика".

### Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)

Направление подготовки: 01.03.04 - Прикладная математика

Профиль подготовки: Прикладная математика

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Год начала обучения по образовательной программе: 2021

#### Основная литература:

1. Горлач, Б.А. Математический анализ [Электронный ресурс] : учебное пособие / Б.А. Горлач. - Электрон. дан. - Санкт-Петербург : Лань, 2013. - 608 с. - Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/4863> (дата обращения 15.01.2021)
2. Дубровин В.Т. Лекции по математическому анализу. Часть 3. - Казань: Казан. ун-т, 2014. - 166 с. Режим доступа: <http://libweb.kpfu.ru/ebooks/publicat/0-805700.pdf> (дата обращения 15.01.2021)
3. Будаев, В.Д. Математический анализ. Функции одной переменной. [Электронный ресурс] / В.Д. Будаев, М.Я. Якубсон. - Электрон. дан. - СПб. : Лань, 2012. - 544 с. - Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/3173> (дата обращения 15.01.2021)
4. Бесов, О.В. Лекции по математическому анализу. [Электронный ресурс] - Электрон. дан. - М. : Физматлит, 2014. - 480 с. - Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/59678> (дата обращения 15.01.2021)
5. Демидович, Б.П. Сборник задач и упражнений по математическому анализу: Учебное пособие [Электронный ресурс] : учеб. пособие - Электрон. дан. - Санкт-Петербург : Лань, 2018. - 624 с. - Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/99229> (дата обращения 15.01.2021)

#### Дополнительная литература:

1. Фихтенгольц, Г.М. Основы математического анализа. В 2-х тт. Том 1. [Электронный ресурс] - Электрон. дан. - СПб. : Лань, 2015. - 448 с. - Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/65055> (дата обращения 15.01.2021)
2. Кудрявцев, Л.Д. Краткий курс математического анализа. Т.1. Дифференциальное и интегральное исчисления функций одной переменной. Ряды: Учебник. [Электронный ресурс] - Электрон. дан. - М. : Физматлит, 2015. - 444 с. - Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/71994> (дата обращения 15.01.2021)
3. Берман, Г.Н. Сборник задач по курсу математического анализа. [Электронный ресурс] - Электрон. дан. - СПб. : Лань, 2016. - 492 с. - Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/73084> (дата обращения 15.01.2021)
4. Запорожец, Г.И. Руководство к решению задач по математическому анализу. [Электронный ресурс] ? Электрон. дан. СПб. : Лань, 2014. - 464 с. - Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/149> (дата обращения 15.01.2021)



Приложение 3  
к рабочей программе дисциплины (модуля)  
Б1.О.06 Математический анализ

**Перечень информационных технологий, используемых для освоения дисциплины (модуля), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем**

Направление подготовки: 01.03.04 - Прикладная математика

Профиль подготовки: Прикладная математика

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Год начала обучения по образовательной программе: 2021

Освоение дисциплины (модуля) предполагает использование следующего программного обеспечения и информационно-справочных систем:

Операционная система Microsoft Windows 7 Профессиональная или Windows XP (Volume License)

Пакет офисного программного обеспечения Microsoft Office 365 или Microsoft Office Professional plus 2010

Браузер Mozilla Firefox

Браузер Google Chrome

Adobe Reader XI или Adobe Acrobat Reader DC

Kaspersky Endpoint Security для Windows

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе Издательства "Лань", доступ к которой предоставлен обучающимся. ЭБС Издательства "Лань" включает в себя электронные версии книг издательства "Лань" и других ведущих издательств учебной литературы, а также электронные версии периодических изданий по естественным, техническим и гуманитарным наукам. ЭБС Издательства "Лань" обеспечивает доступ к научной, учебной литературе и научным периодическим изданиям по максимальному количеству профильных направлений с соблюдением всех авторских и смежных прав.