

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования  
"Казанский (Приволжский) федеральный университет"  
Институт геологии и нефтегазовых технологий



*подписано электронно-цифровой подписью*

## Программа дисциплины

Математика

Направление подготовки: 05.03.01 - Геология

Профиль подготовки: Инженерная геология и гидрогеология

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Год начала обучения по образовательной программе: 2021

## Содержание

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОПОП ВО
2. Место дисциплины (модуля) в структуре ОПОП ВО
3. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся
4. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий
  - 4.1. Структура и тематический план контактной и самостоятельной работы по дисциплине (модулю)
  - 4.2. Содержание дисциплины (модуля)
5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)
6. Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю)
7. Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)
8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", необходимых для освоения дисциплины (модуля)
9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)
10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)
11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)
12. Средства адаптации преподавания дисциплины (модуля) к потребностям обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья
13. Приложение №1. Фонд оценочных средств
14. Приложение №2. Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)
15. Приложение №3. Перечень информационных технологий, используемых для освоения дисциплины (модуля), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем

Программу дисциплины разработал(а)(и): доцент, к.н. Жучкова О.С. (кафедра математических методов в геологии, Институт геологии и нефтегазовых технологий), OSZaharova@kpfu.ru ; старший преподаватель, б/с Малакаев М.С. (Кафедра общей математики, отделение математики), Mikhail.Malakaev@kpfu.ru Тюленева О.Н. ; Гурьянов Николай Георгиевич

### 1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОПОП ВО

Обучающийся, освоивший дисциплину (модуль), должен обладать следующими компетенциями:

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции
ОПК-1	Способен применять знания фундаментальных разделов наук о Земле, базовые знания естественно-научного и математического циклов при решении стандартных профессиональных задач;

Обучающийся, освоивший дисциплину (модуль):

Должен знать:

основные понятия и методы разделов математики, входящих в программу курса.

Должен уметь:

применять математические методы, относящиеся ко всем разделам курса, при решении профессиональных задач

Должен владеть:

навыками применения математических моделей для описания физических процессов

Должен демонстрировать способность и готовность:

Знать основные понятия и методы разделов математики, входящих в программу курса.

Уметь применять математические методы, относящиеся ко всем разделам курса, при решении профессиональных задач.

Владеть навыками применения математических моделей для описания физических процессов.

### 2. Место дисциплины (модуля) в структуре ОПОП ВО

Данная дисциплина (модуль) включена в раздел "Б1.О.05 Дисциплины (модули)" основной профессиональной образовательной программы 05.03.01 "Геология (Инженерная геология и гидрогеология)" и относится к обязательным дисциплинам.

Осваивается на 1, 2 курсах в 1, 2, 3, 4 семестрах.

### 3. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Общая трудоемкость дисциплины составляет 11 зачетных(ые) единиц(ы) на 396 часа(ов).

Контактная работа - 166 часа(ов), в том числе лекции - 74 часа(ов), практические занятия - 0 часа(ов), лабораторные работы - 88 часа(ов), контроль самостоятельной работы - 4 часа(ов).

Самостоятельная работа - 140 часа(ов).

Контроль (зачёт / экзамен) - 90 часа(ов).

Форма промежуточного контроля дисциплины: экзамен в 1 семестре; экзамен во 2 семестре; зачет в 3 семестре; экзамен в 4 семестре.

### 4. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

#### 4.1 Структура и тематический план контактной и самостоятельной работы по дисциплине (модулю)

N	Разделы дисциплины / модуля	Се- местр	Виды и часы контактной работы, их трудоемкость (в часах)						Само- стоя- тель- ная ра- бота
			Лекции, всего	Лекции в эл. форме	Практи- ческие занятия, всего	Практи- ческие в эл. форме	Лабора- торные работы, всего	Лабора- торные в эл. форме	
1.	Тема 1. Основы линейной алгебры. Матрицы. Действия с матрицами. Определители. Решение систем линейных уравнений методом обратной матрицы, методом Крамера и методом Гаусса. Разрешимость и число решений системы.	1	10	0	0	0	10	0	37
2.	Тема 2. Основы векторной алгебры. Векторы. Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов в трехмерном пространстве. Базис.	1	10	0	0	0	10	0	38
3.	Тема 3. Основы аналитической геометрии на плоскости и в пространстве. Прямая на плоскости. Кривые второго порядка. Приведение уравнения к каноническому виду. Прямая в пространстве. Плоскость. Поверхности второго порядка. Приведение уравнения к каноническому виду.	1	14	0	0	0	14	0	36
4.	Тема 4. Функция, способы ее задания. Элементы комбинаторики. Последовательности и пределы последовательностей. Предел и непрерывность функции.	2	5	0	0	0	8	0	2
5.	Тема 5. Дифференцируемость функции. Таблица производных. Свойства производных. Производные высших порядков. Формула Тейлора и ее применение. Правило Лопиталю. Построение и исследование графиков функций. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке.	2	4	0	0	0	8	0	3
6.	Тема 6. Первообразная функции, ее свойства. Неопределенный интеграл. Таблица интегралов. Способы интегрирования. Классы интегрируемых функций.	2	3	0	0	0	10	0	1
7.	Тема 7. Определенный интеграл по отрезку. Приложения определенного интеграла. Приближенное вычисление определенного интеграла. Несобственные интегралы.	3	4	0	0	0	7	0	4
8.	Тема 8. Функции многих переменных. Частные производные. Производная по направлению, градиент. Производные высших порядков. Формула Тейлора. Локальные экстремумы. Метод наименьших квадратов.	3	5	0	0	0	7	0	5

N	Разделы дисциплины / модуля	Се- местр	Виды и часы контактной работы, их трудоемкость (в часах)						Само- стоя- тель- ная ра- бота
			Лекции, всего	Лекции в эл. форме	Практи- ческие занятия, всего	Практи- ческие в эл. форме	Лабора- торные работы, всего	Лабора- торные в эл. форме	
9.	Тема 9. Комплексные числа, способы их представления. Действия над комплексными числами.	3	7	0	0	0	2	0	12
10.	Тема 10. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Дифференциальные уравнения первого порядка (с разделяющимися переменными, однородные, линейные, уравнения Бернулли). Дифференциальные уравнения второго порядка (допускающие понижение порядка, линейные однородные и неоднородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами).	4	6	0	0	0	6	0	1
11.	Тема 11. Числовые ряды. Знакоположительные ряды. Теоремы сравнения. Достаточные признаки сходимости. Знакопеременные ряды. Признак Лейбница. Функциональные ряды. Степенные ряды. Ряды Тейлора и ряды Фурье. Применения рядов для численного решения дифференциальных уравнений.	4	6	0	0	0	6	0	1
	Итого		74	0	0	0	88	0	140

#### 4.2 Содержание дисциплины (модуля)

**Тема 1. Основы линейной алгебры. Матрицы. Действия с матрицами. Определители. Решение систем линейных уравнений методом обратной матрицы, методом Крамера и методом Гаусса. Разрешимость и число решений системы.**

Операции над матрицами. Определители. Свойства определителей. Теорема о разложении определителя по элементам некоторой строки. Ранг матрицы. Обратная матрица. Матричные уравнения. Решение систем линейных уравнений. Совместные и несовместные системы уравнений. Бесчисленное множество решений. Метод обратной матрицы, метод Крамера и метод Гаусса.

**Тема 2. Основы векторной алгебры. Векторы. Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов в трехмерном пространстве. Базис.**

Понятие базиса. Проекция вектора. Представление вектора через базис. Сумма, разность векторов. Умножение вектора на скаляр. Скалярное произведение векторов, определение, свойства. Вывод формулы скалярного произведения векторов, заданных в ортонормированном базисе. Векторное произведение векторов, определение, свойства. Вывод формулы векторного произведения векторов, заданных в ортонормированном базисе. Смешанное произведение векторов, определение, свойства, приложения.

15. Векторы произвольной размерности.

**Тема 3. Основы аналитической геометрии на плоскости и в пространстве. Прямая на плоскости. Кривые второго порядка. Приведение уравнения к каноническому виду. Прямая в пространстве. Плоскость. Поверхности второго порядка. Приведение уравнения к каноническому виду.**

Основы аналитической геометрии. Уравнение линии на плоскости. Уравнение прямой на плоскости с угловым коэффициентом. Уравнение прямой, проходящей через две данные точки. Общее уравнение прямой. Угол между прямыми. Линии второго порядка. Канонические уравнения окружности, эллипса, гиперболы, параболы. Преобразования прямоугольной системы координат. Уравнение поверхности. Общее уравнение плоскости. Взаимное расположение двух плоскостей. Угол между плоскостями. Расстояние от точки до плоскости. Прямая в пространстве. Канонические и параметрические уравнения прямой в пространстве. Угол между прямыми. Взаимное расположение прямой и плоскости. Поверхности второго порядка: сфера, эллипсоид, эллиптический параболоид, цилиндрическая поверхность, коническая поверхность.

#### **Тема 4. Функция, способы ее задания. Элементы комбинаторики. Последовательности и пределы последовательностей. Предел и непрерывность функции.**

Элементы теории множеств. Понятие функции одной переменной. Область определения функции. Способы задания. Числовые последовательности, их пределы. Предел функции. Бесконечно малые и бесконечно большие функции их свойства. Свойства пределов функции. Первый и второй замечательные пределы. Непрерывность функции, определения и свойства. Точки разрыва функции и их классификация.

#### **Тема 5. Дифференцируемость функции. Таблица производных. Свойства производных. Производные высших порядков. Формула Тейлора и ее применение. Правило Лопиталя. Построение и исследование графиков функций. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке.**

Понятие производной функции, ее геометрический и физический смысл. Таблица производных. Производные неявной, параметрически заданной функции, обратной функции. Дифференциал, инвариантность его формы. Геометрический смысл дифференциала. Теоремы о Ролля, Лагранжа, Коши. Правило Лопиталя. Исследование функции и построения графика.

#### **Тема 6. Первообразная функции, ее свойства. Неопределенный интеграл. Таблица интегралов. Способы интегрирования. Классы интегрируемых функций.**

Неопределенный интеграл. Важнейшие свойства интегрирования. Таблица интегралов. Основные методы интегрирования. Интегрирование простейших функций, интегрирование подстановкой. Интегрирование по частям. Интегрирование простейших дробно рациональных функций. Интегрирование дробно рациональных функций тригонометрических аргументов. Интегрирование простейших иррациональностей.

#### **Тема 7. Определенный интеграл по отрезку. Приложения определенного интеграла. Приближенное вычисление определенного интеграла. Несобственные интегралы.**

Определенный интеграл по отрезку. Вычисление определенных интегралов. Замена переменной в определенном интеграле. Приложения определенного интеграла. Вычисление площади плоской фигуры, длины дуги, объема тела вращения. Приближенное вычисление определенного интеграла. Вычисление несобственных интегралов 1 рода. Теоремы сравнения.

#### **Тема 8. Функции многих переменных. Частные производные. Производная по направлению, градиент. Производные высших порядков. Формула Тейлора. Локальные экстремумы. Метод наименьших квадратов.**

Функции многих переменных. Вычисление частных производных первого и второго порядков. Производные сложных функций. Производная по направлению, градиент. Производные высших порядков. Смешанные производные. Формула Тейлора. Локальные экстремумы. Нахождение условных экстремумов. Метод наименьших квадратов.

#### **Тема 9. Комплексные числа, способы их представления. Действия над комплексными числами.**

Комплексные числа, основные понятия. Действительная и мнимая части комплексного числа. Геометрическое изображение комплексных чисел. Алгебраическая, тригонометрическая и показательная формы записи комплексного числа. Действия над комплексными числами (сложение, вычитание, умножение, деление, возведение в степень, извлечение корня)

#### **Тема 10. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Дифференциальные уравнения первого порядка (с разделяющимися переменными, однородные, линейные, уравнения Бернулли).**

#### **Дифференциальные уравнения второго порядка (допускающие понижение порядка, линейные однородные и неоднородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами).**

Обыкновенные дифференциальные уравнения. Решение дифференциальных уравнений первого порядка с разделяющимися переменными. Однородные, линейные ДУ первого порядка. Решение уравнений Бернулли. Задача Коши. Дифференциальные уравнения второго порядка, допускающие понижение порядка. Общее решение однородных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Решение неоднородных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Метод неопределенных коэффициентов определения частного решения неоднородного уравнения.

#### **Тема 11. Числовые ряды. Знакоположительные ряды. Теоремы сравнения. Достаточные признаки сходимости. Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница. Функциональные ряды. Степенные ряды. Ряды Тейлора и ряды Фурье. Применения рядов для численного решения дифференциальных уравнений.**

Числовые ряды. Знакоположительные ряды. Достаточные признаки сходимости (признак Даламбера, радикальный признак Коши и интегральный признак Коши). Теоремы сравнения. Знакопередающиеся ряды. Абсолютная и условная сходимости. Признак Лейбница. Функциональные ряды. Степенные ряды. Теорема Абеля. Интервал сходимости. Ряды Тейлора и ряды Фурье. Применения рядов для численного решения дифференциальных уравнений.

#### **5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)**

Самостоятельная работа обучающихся выполняется по заданию и при методическом руководстве преподавателя, но без его непосредственного участия. Самостоятельная работа подразделяется на самостоятельную работу на аудиторных занятиях и на внеаудиторную самостоятельную работу. Самостоятельная работа обучающихся включает как полностью самостоятельное освоение отдельных тем (разделов) дисциплины, так и проработку тем (разделов), осваиваемых во время аудиторной работы. Во время самостоятельной работы обучающиеся читают и конспектируют учебную, научную и справочную литературу, выполняют задания, направленные на закрепление знаний и отработку умений и навыков, готовятся к текущему и промежуточному контролю по дисциплине.

Организация самостоятельной работы обучающихся регламентируется нормативными документами, учебно-методической литературой и электронными образовательными ресурсами, включая:

Порядок организации и осуществления образовательной деятельности по образовательным программам высшего образования - программам бакалавриата, программам специалитета, программам магистратуры (утвержден приказом Министерства науки и высшего образования Российской Федерации от 6 апреля 2021 года №245)

Письмо Министерства образования Российской Федерации №14-55-996ин/15 от 27 ноября 2002 г. "Об активизации самостоятельной работы студентов высших учебных заведений"

Устав федерального государственного автономного образовательного учреждения "Казанский (Приволжский) федеральный университет"

Правила внутреннего распорядка федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего профессионального образования "Казанский (Приволжский) федеральный университет"

Локальные нормативные акты Казанского (Приволжского) федерального университета

Загрузка программы MAXIMA - <http://maxima/files/Maxima-Windows/5.28.0-Windows/maxima-5.28.0-2.exe/download>

Интегрирование - [www.intuit.ru/shop/product.xhtml?id=2494764](http://www.intuit.ru/shop/product.xhtml?id=2494764)

Лекции по математике для геологов - <http://kpfu.ru/docs/F736557483/Bakalavry.pdf>

## **6. Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю)**

Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю) включает оценочные материалы, направленные на проверку освоения компетенций, в том числе знаний, умений и навыков. Фонд оценочных средств включает оценочные средства текущего контроля и оценочные средства промежуточной аттестации.

В фонде оценочных средств содержится следующая информация:

- соответствие компетенций планируемым результатам обучения по дисциплине (модулю);
- критерии оценивания сформированности компетенций;
- механизм формирования оценки по дисциплине (модулю);
- описание порядка применения и процедуры оценивания для каждого оценочного средства;
- критерии оценивания для каждого оценочного средства;
- содержание оценочных средств, включая требования, предъявляемые к действиям обучающихся, демонстрируемым результатам, задания различных типов.

Фонд оценочных средств по дисциплине находится в Приложении 1 к программе дисциплины (модулю).

## **7. Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)**

Освоение дисциплины (модуля) предполагает изучение основной и дополнительной учебной литературы. Литература может быть доступна обучающимся в одном из двух вариантов (либо в обоих из них):

- в электронном виде - через электронные библиотечные системы на основании заключенных КФУ договоров с правообладателями;

- в печатном виде - в Научной библиотеке им. Н.И. Лобачевского. Обучающиеся получают учебную литературу на абонементе по читательским билетам в соответствии с правилами пользования Научной библиотекой.

Электронные издания доступны дистанционно из любой точки при введении обучающимся своего логина и пароля от личного кабинета в системе "Электронный университет". При использовании печатных изданий библиотечный фонд должен быть укомплектован ими из расчета не менее 0,5 экземпляра (для обучающихся по ФГОС З++ - не менее 0,25 экземпляра) каждого из изданий основной литературы и не менее 0,25 экземпляра дополнительной литературы на каждого обучающегося из числа лиц, одновременно осваивающих данную дисциплину.

Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля), находится в Приложении 2 к рабочей программе дисциплины. Он подлежит обновлению при изменении условий договоров КФУ с правообладателями электронных изданий и при изменении комплектования фондов Научной библиотеки КФУ.

## **8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", необходимых для освоения дисциплины (модуля)**

Дифференциальные уравнения -

[www.intuit.ru/shop/books/departments/mathematics/diffequations/product.xhtml?id=2493555](http://www.intuit.ru/shop/books/departments/mathematics/diffequations/product.xhtml?id=2493555)

Загрузка программы MAXIMA -

<http://sourceforge.net/projects/maxima/files/Maxima-Windows/5.28.0-Windows/maxima-5.28.0-2.exe/download>

Интегральное исчисление - [www.intuit.ru/shop/product.xhtml?id=2494713](http://www.intuit.ru/shop/product.xhtml?id=2494713)

интегрирование - [www.intuit.ru/shop/product.xhtml?id=2494764](http://www.intuit.ru/shop/product.xhtml?id=2494764)

Лекции по математике для геологов - <http://kpfu.ru/docs/F736557483/Bakalavry.pdf>

Математика. Задачник - [www.edu.ru/modules.php?op=modload&name=Web\\_Links&file=index&l\\_op](http://www.edu.ru/modules.php?op=modload&name=Web_Links&file=index&l_op)

Практикум по работе в программе MAXIMA - <http://www.pmtf.msiu.ru/chair31/students/spichkov/maxima2.pdf>

Практические занятия с программой MAXIMA -

<http://kpfu.ru/docs/F1951397376/%CC%E0%EB%E0%EA%E0%E5%E2%20%CC.%D1.,%20%D1%E5%EA%E0%E5%E2%E0>

## 9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)

Вид работ	Методические рекомендации
лекции	<p>Подготовка к лекциям.</p> <p>Знакомство с дисциплиной происходит уже на первой лекции, где от студента требуется не просто внимание, но и самостоятельное оформление конспекта. При работе с конспектом лекций необходимо учитывать тот фактор, что одни лекции дают ответы на конкретные вопросы темы, другие - лишь выявляют взаимосвязи между явлениями, помогая студенту понять глубинные процессы развития изучаемого предмета как в истории, так и в настоящее время.</p> <p>Конспектирование лекций - сложный вид вузовской аудиторной работы, предполагающий интенсивную умственную деятельность студента. Конспект является полезным тогда, когда записано самое существенное и сделано это самим обучающимся. Не надо стремиться записать дословно всю лекцию. Такое 'конспектирование' приносит больше вреда, чем пользы.</p> <p>Целесообразно вначале понять основную мысль, излагаемую лектором, а затем записать ее. Желательно запись осуществлять на одной странице листа или оставляя поля, на которых позднее, при самостоятельной работе с конспектом, можно сделать дополнительные записи, отметить непонятные места.</p> <p>Конспект лекции лучше подразделять на пункты, соблюдая красную строку. Этому в большой степени будут способствовать вопросы плана лекции, предложенные преподавателем. Следует обращать внимание на акценты, выводы, которые делает лектор, отмечая наиболее важные моменты в лекционном материале замечаниями 'важно', 'хорошо запомнить' и т.п. Можно делать это и с помощью разноцветных маркеров или ручек, подчеркивая термины и определения.</p> <p>Целесообразно разработать собственную систему сокращений, аббревиатур и символов. Однако при дальнейшей работе с конспектом символы лучше заменить обычными словами для быстрого зрительного восприятия текста.</p> <p>Работая над конспектом лекций, всегда необходимо использовать не только учебник, но и ту литературу, которую дополнительно рекомендовал лектор. Именно такая серьезная, кропотливая работа с лекционным материалом позволит глубоко овладеть теоретическим материалом.</p>
лабораторные работы	<p>Выполнение лабораторных и практических работ осуществляется на лабораторных и практических занятиях в соответствии с графиком учебного процесса. Для обеспечения самостоятельной работы преподавателями разрабатываются методические указания по выполнению лабораторной/практической работы.</p> <p>Работа с литературой, другими источниками информации, в т.ч. электронными может реализовываться на семинарских и практических занятиях. Данные источники информации могут быть представлены на бумажном и/или электронном носителе, в том числе, в сети Internet. Преподаватель формулирует цель работы с данным источником информации, определяет время проработки документа и форму отчетности.</p> <p>Само и взаимопроверка выполненных заданий чаще используется на семинарском, практическом занятии и имеет своей целью приобретение таких навыков как наблюдение, анализ ответов сокурсников, сверка собственных результатов с эталонами.</p> <p>Решение проблемных и ситуационных задач используется на лекционном, семинарском, практическом и других видах занятий. Проблемная/ситуационная задача должна иметь четкую формулировку, к ней должны быть поставлены вопросы, ответы на которые необходимо найти и обосновать. Критерии оценки правильности решения проблемной/ситуационной задачи должны быть известны всем обучающимся.</p>



Вид работ	Методические рекомендации
самостоятельная работа	<p>Самостоятельная работа студентов включает в себя:  Выполнение практических заданий;  При выполнении практических заданий студент руководствуется правилами, изложенными в описании работы (описание работы предоставляется преподавателем либо в электронном виде, либо на твердом носителе, либо в устной форме). Самостоятельно анализирует полученные результаты и делает соответствующие выводы. Самостоятельная работа проводится, для более глубокого усвоения дисциплины, приобретения навыков работы с литературой, документами, первоисточниками и т.п.  Рекомендуемая литература сообщается преподавателем на вводных занятиях  Самостоятельная работа включает 2 этапа:  1й - организационный;  2й - закрепление и углубление теоретических знаний.  На первом этапе студент планирует свою самостоятельную работу, которая включает:  - уяснение задания на самостоятельную работу;  - подбор рекомендованной литературы;  - составление плана работы, в котором определяются основные пункты предстоящей подготовки.  Составление плана дисциплинирует и повышает организованность в работе.  Второй этап включает непосредственную подготовку студента к занятию. Начинать надо с изучения рекомендованной литературы. Студентам рекомендуется получить в Библиотечно-информационном центре института учебную литературу по дисциплине, необходимую для эффективной работы на всех видах аудиторных занятий, а также для самостоятельной работы по изучению дисциплины. Успешное освоение курса предполагает активное, творческое участие студента путем планомерной, повседневной работы. Вопросы тем необходимо изучить по хрестоматийным источникам (учебники, учебные пособия и пр.), где материал излагается в наиболее доступной форме, а затем переходить к более глубокому усвоению вопросов выбранной темы, используя рекомендованную и иную литературу. В процессе исследования литературных источников рекомендуется составлять конспект, делая выписки с учетом темы и методических указаний.  В процессе этой работы студент должен стремиться понять и запомнить основные положения рассматриваемого материала, примеры, поясняющие его, а также разобраться в иллюстративном материале.  В процессе подготовки к занятиям рекомендуется взаимное обсуждение материала, во время которого закрепляются знания, а также приобретает практика в изложении и разъяснении полученных знаний, развивается речь.</p>
экзамен	<p>Подготовка студента к экзамену включает в себя три этапа:  - самостоятельная работа в течение семестра;  - непосредственная подготовка в дни, предшествующие зачету/экзамену по темам курса.  - подготовка к ответу на вопросы, содержащиеся в билетах.  Литература для подготовки к экзамену рекомендуется преподавателем и указана в ЭОРе. Для полноты учебной информации и ее сравнения лучше использовать не менее двух учебников.  Студент вправе сам придерживаться любой из представленных в учебниках точек зрения по спорной проблеме (в том числе отличной от преподавателя), но при условии достаточной научной аргументации.  Основным источником подготовки к экзамену является конспект лекций, где учебный материал дается в систематизированном виде, основные положения его детализируются, подкрепляются современными фактами и информацией, которые в силу новизны не вошли в опубликованные печатные источники. В ходе подготовки к экзамену студентам необходимо обращать внимание не только на уровень запоминания, но и на степень понимания излагаемых проблем.  Экзамен проводится по билетам, охватывающим весь пройденный материал. По окончании ответа экзаменатор может задать студенту дополнительные и уточняющие вопросы. На подготовку к ответу по вопросам билета студенту дается 30 минут с момента получения им билета.</p>
зачет	<p>При подготовке к зачёту целесообразно:  - внимательно изучить перечень вопросов и определить, в каких источниках находятся сведения, необходимые для ответа на них;  - внимательно прочитать рекомендованную литературу;  - составить краткие конспекты ответов (планы ответов);  - непосредственная подготовка в дни, предшествующие зачету.</p>

#### **10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)**

Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем, представлен в Приложении 3 к рабочей программе дисциплины (модуля).

#### **11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)**

Материально-техническое обеспечение образовательного процесса по дисциплине (модулю) включает в себя следующие компоненты:

Помещения для самостоятельной работы обучающихся, укомплектованные специализированной мебелью (столы и стулья) и оснащенные компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду КФУ.

Учебные аудитории для контактной работы с преподавателем, укомплектованные специализированной мебелью (столы и стулья).

Компьютер и принтер для распечатки раздаточных материалов.

Мультимедийная аудитория.

Компьютерный класс.

Специализированная лаборатория.

#### **12. Средства адаптации преподавания дисциплины к потребностям обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья**

При необходимости в образовательном процессе применяются следующие методы и технологии, облегчающие восприятие информации обучающимися инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья:

- создание текстовой версии любого нетекстового контента для его возможного преобразования в альтернативные формы, удобные для различных пользователей;
- создание контента, который можно представить в различных видах без потери данных или структуры, предусмотреть возможность масштабирования текста и изображений без потери качества, предусмотреть доступность управления контентом с клавиатуры;
- создание возможностей для обучающихся воспринимать одну и ту же информацию из разных источников - например, так, чтобы лица с нарушениями слуха получали информацию визуально, с нарушениями зрения - аудиально;
- применение программных средств, обеспечивающих возможность освоения навыков и умений, формируемых дисциплиной, за счёт альтернативных способов, в том числе виртуальных лабораторий и симуляционных технологий;
- применение дистанционных образовательных технологий для передачи информации, организации различных форм интерактивной контактной работы обучающегося с преподавателем, в том числе вебинаров, которые могут быть использованы для проведения виртуальных лекций с возможностью взаимодействия всех участников дистанционного обучения, проведения семинаров, выступления с докладами и защиты выполненных работ, проведения тренингов, организации коллективной работы;
- применение дистанционных образовательных технологий для организации форм текущего и промежуточного контроля;
- увеличение продолжительности сдачи обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья форм промежуточной аттестации по отношению к установленной продолжительности их сдачи:
- продолжительности сдачи зачёта или экзамена, проводимого в письменной форме, - не более чем на 90 минут;
- продолжительности подготовки обучающегося к ответу на зачёте или экзамене, проводимом в устной форме, - не более чем на 20 минут;
- продолжительности выступления обучающегося при защите курсовой работы - не более чем на 15 минут.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО и учебным планом по направлению 05.03.01 "Геология" и профилю подготовки "Инженерная геология и гидрогеология".

### Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)

Направление подготовки: 05.03.01 - Геология

Профиль подготовки: Инженерная геология и гидрогеология

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Год начала обучения по образовательной программе: 2021

#### Основная литература:

1. Ячменев, Л. Т. Высшая математика: учебник / Л.Т. Ячменёв. - Москва: ИЦ РИОР: НИЦ Инфра-М, 2020. - 752 с. - (Высшее образование; Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-102959-6. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1056564> (дата обращения: 05.02.2021). - Режим доступа : по подписке.
2. Шипачев, В. С. Высшая математика : учебник / В.С. Шипачев. - Москва : ИНФРА-М, 2021. - 479 с. - (Высшее образование). - DOI 10.12737/5394. - ISBN 978-5-16-010072-2. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1185673> (дата обращения: 05.02.2021). - Режим доступа : по подписке.
3. Турецкий, В. Я. Математика и информатика : учебник / В.Я. Турецкий. - 3-е изд., испр. и доп. - Москва : ИНФРА-М, 2020. - 558 с. - (Высшее образование). - ISBN . - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1052226> (дата обращения: 05.02.2021). - Режим доступа : по подписке.
4. Курс лекций по математике для бакалавров-геологов: учебное пособие / Л.Р. Секаева, О.Н. Тюленева, Е.А. Широкова. - Казань: Казанский федеральный университет, 2014. - 251 с. - Текст : электронный. - URL: [http://kpfu.ru/portal/docs/F1058309427/Kurs.lekcij.po.matematike..Sekaeva.L.R.\\_Tjuleneva.O.N.\\_Shirokova.E.A..2014.pdf](http://kpfu.ru/portal/docs/F1058309427/Kurs.lekcij.po.matematike..Sekaeva.L.R._Tjuleneva.O.N._Shirokova.E.A..2014.pdf) (дата обращения: 05.02.2021). - Режим доступа : открытый.

#### Дополнительная литература:

1. Шевцов, Г. С. Линейная алгебра: теория и прикладные аспекты: учебное пособие / Г.С. Шевцов. - 3-е изд., испр. и доп. - Москва: Магистр: НИЦ ИНФРА-М, 2019. - 544 с. - ISBN 978-5-16-100523-1. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1015326> (дата обращения: 05.02.2021). - Режим доступа : по подписке.
2. Математика в примерах и задачах : учебное пособие / О.М. Дегтярева, Л.Н. Журбенко, Г.А. Никонова [и др.]. - Москва : ИНФРА-М, 2021. - 372 с. - (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-011256-5. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1588756> (дата обращения: 05.02.2021). - Режим доступа : по подписке.
3. Злобина, С. В. Математический анализ в задачах и упражнениях : учебное пособие / С. В. Злобина, Л. Н. Посицельская. - Москва : ФИЗМАТЛИТ, 2009. - 360 с. - ISBN 978-5-9221-1146-1. - Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. - URL: <https://e.lanbook.com/book/2377> (дата обращения: 05.02.2021). - Режим доступа: для авториз. пользователей.

**Перечень информационных технологий, используемых для освоения дисциплины (модуля), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем**

Направление подготовки: 05.03.01 - Геология

Профиль подготовки: Инженерная геология и гидрогеология

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Год начала обучения по образовательной программе: 2021

Освоение дисциплины (модуля) предполагает использование следующего программного обеспечения и информационно-справочных систем:

Операционная система Microsoft Windows 7 Профессиональная или Windows XP (Volume License)

Пакет офисного программного обеспечения Microsoft Office 365 или Microsoft Office Professional plus 2010

Браузер Mozilla Firefox

Браузер Google Chrome

Adobe Reader XI или Adobe Acrobat Reader DC

Kaspersky Endpoint Security для Windows

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе Издательства "Лань" , доступ к которой предоставлен обучающимся. ЭБС Издательства "Лань" включает в себя электронные версии книг издательства "Лань" и других ведущих издательств учебной литературы, а также электронные версии периодических изданий по естественным, техническим и гуманитарным наукам. ЭБС Издательства "Лань" обеспечивает доступ к научной, учебной литературе и научным периодическим изданиям по максимальному количеству профильных направлений с соблюдением всех авторских и смежных прав.