

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное автономное учреждение  
высшего профессионального образования  
"Казанский (Приволжский) федеральный университет"  
Институт вычислительной математики и информационных технологий



подписано электронно-цифровой подписью

**Программа дисциплины**  
**Дискретная математика Б2.Б.2**

Направление подготовки: 080500.62 - Бизнес-информатика

Профиль подготовки: не предусмотрено

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

**Автор(ы):**

Кугураков В.С.

**Рецензент(ы):**

-

**СОГЛАСОВАНО:**

Заведующий(ая) кафедрой: Аблаев Ф. М.

Протокол заседания кафедры No \_\_\_ от "\_\_\_" \_\_\_\_\_ 201\_\_ г

Учебно-методическая комиссия Института вычислительной математики и информационных технологий:

Протокол заседания УМК No \_\_\_ от "\_\_\_" \_\_\_\_\_ 201\_\_ г

Регистрационный No 9130314

Казань  
2014

## Содержание

1. Цели освоения дисциплины
2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы
3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля
4. Структура и содержание дисциплины/ модуля
5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения
6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов
7. Литература
8. Интернет-ресурсы
9. Материально-техническое обеспечение дисциплины/модуля согласно утвержденному учебному плану

Программу дисциплины разработал(а)(и) доцент, к.н. (доцент) Кугураков В.С. кафедра теоретической кибернетики отделение фундаментальной информатики и информационных технологий , Vladimir.Kugurakov@kpfu.ru

### 1. Цели освоения дисциплины

Дисциплина "Дискретная математика" ставит своей целью ознакомление студентов с важнейшими разделами дискретной математики и ее применением в математической кибернетике. В процессе обучения прививаются навыки свободного обращения с такими дискретными объектами как функции алгебры логики, автоматные функции, машины Тьюринга, рекурсивные функции, графы и вырабатывается представление о проблематике теории кодирования, синтеза управляющих систем. Во всех разделах дисциплины большое внимание уделяется построению алгоритмов для решения задач дискретной математики. Это способствует более глубокому пониманию проблематики теории алгоритмов, ее возможностей и трудностей, помогает строить алгоритмы для решения дискретных задач.

### 2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы высшего профессионального образования

Данная учебная дисциплина включена в раздел " Б2.Б.2 Общепрофессиональный" основной образовательной программы 080500.62 Бизнес-информатика и относится к базовой (общепрофессиональной) части. Осваивается на 1 курсе, 2 семестр.

Данная дисциплина относится к общепрофессиональным дисциплинам.

Читается на 1 курсе во 2 семестре для студентов, обучающихся по направлению "Бизнес-информатика".

Изучение основывается на результатах изучения дисциплин "Алгебра и геометрия", "Математическая логика", "Математический анализ".

### 3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля

В результате освоения дисциплины формируются следующие компетенции:

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции
ПК-1 (профессиональные компетенции)	- способность применять в профессиональной деятельности современные языки программирования и языки баз данных, методологии системной инженерии, системы автоматизации проектирования, электронные библиотеки и кол-лекции, сетевые технологии, библиотеки и пакеты программ, современные профессиональные стандарты информационных технологий (в соответствии с профилями);
ПК-3 (профессиональные компетенции)	- способность разрабатывать и реализовывать процессы жизненного цикла информационных систем, программного обеспечения, сервисов систем информационных технологий, а также методы и механизмы оценки и анализа функционирования средств и систем информационных технологий; способность разработки проектной и программной документации, удовлетворяющей нормативным требованиям.

В результате освоения дисциплины студент:

1. должен знать:

место и роль дискретной математики в общей системе математического образования

2. должен уметь:  
ориентироваться в задачах дискретной математики

3. должен владеть:

-

4. должен демонстрировать способность и готовность:

.

#### 4. Структура и содержание дисциплины/ модуля

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетных(ые) единиц(ы) 108 часа(ов).

Форма промежуточного контроля дисциплины зачет во 2 семестре.

Суммарно по дисциплине можно получить 100 баллов, из них текущая работа оценивается в 50 баллов, итоговая форма контроля - в 50 баллов. Минимальное количество для допуска к зачету 28 баллов.

86 баллов и более - "отлично" (отл.);

71-85 баллов - "хорошо" (хор.);

55-70 баллов - "удовлетворительно" (удов.);

54 балла и менее - "неудовлетворительно" (неуд.).

#### 4.1 Структура и содержание аудиторной работы по дисциплине/ модулю

##### Тематический план дисциплины/модуля

N	Раздел Дисциплины/ Модуля	Семестр	Неделя семестра	Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах)			Текущие формы контроля
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
1.	Тема 1. Введение	2		2	3	0	
2.	Тема 2. Элементы комбинаторики	2		2	3	0	
3.	Тема 3. Алгебра логики	2		2	3	0	коллоквиум
4.	Тема 4. Минимизация булевых формул	2		2	3	0	
5.	Тема 5. Булевы функции	2		2	3	0	контрольная работа домашнее задание
6.	Тема 6. Схемы из функциональных элементов	2		2	3	0	домашнее задание

N	Раздел Дисциплины/ Модуля	Семестр	Неделя семестра	Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах)			Текущие формы контроля
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
7.	Тема 7. Ограниченно-детерминированные (автоматные) функции			2	3	0	контрольная работа домашнее задание
8.	Тема 8. Основы теории графов	2		2	3	0	домашнее задание
9.	Тема 9. Основы теории кодирования	2		1	2	0	домашнее задание
10.	Тема 10. Алгоритмы и вычислимость	2		1	2	0	домашнее задание
	Тема . Итоговая форма контроля	2		0	0	0	зачет
	Итого			18	28	0	

## 4.2 Содержание дисциплины

### Тема 1. Введение

#### **лекционное занятие (2 часа(ов)):**

Место дискретной математики в системе математического образования. Дискретная математика и математическая кибернетика. Соотношение между непрерывным и дискретным подходами к изучению различных явлений.

#### **практическое занятие (3 часа(ов)):**

Соотношение между непрерывным и дискретным подходами к изучению различных явлений.

### Тема 2. Элементы комбинаторики

#### **лекционное занятие (2 часа(ов)):**

Перестановки, размещения, сочетания, сочетания с повторениями, их число. Бином Ньютона. Оценки значения  $n!$ .

#### **практическое занятие (3 часа(ов)):**

Бином Ньютона. Оценки значения  $n!$ .

### Тема 3. Алгебра логики

#### **лекционное занятие (2 часа(ов)):**

Алгебра логики. Функции алгебры логики (булевы функции). Формулы. Реализация функций формулами. Эквивалентность формул.

#### **практическое занятие (3 часа(ов)):**

Свойства элементарных функций. Принцип двойственности. Стандартные представления функций алгебры логики. Полнота и замкнутость, примеры полных систем. Важнейшие замкнутые классы.

### Тема 4. Минимизация булевых формул

#### **лекционное занятие (2 часа(ов)):**

Дизъюнктивные нормальные формы. Понятие дизъюнктивной нормальной формы (ДНФ). Проблема минимизации ДНФ. Постановка задачи минимизации ДНФ в геометрической форме. Сокращенная ДНФ и её роль в минимизации ДНФ.

#### **практическое занятие (3 часа(ов)):**

Методы построения сокращенной ДНФ. Методы нахождения тупиковых ДНФ. Некоторые однозначно получаемые ДНФ. Понятие локального алгоритма.

### **Тема 5. Булевы функции**

#### **лекционное занятие (2 часа(ов)):**

Таблица истинности. Выполнимость и общезначимость. СДНФ, СКНФ, полиномы Жегалкина.

#### **практическое занятие (3 часа(ов)):**

Существенные и фиктивные переменные. Классы L, M, S, T0, T1. Критерий полноты. Базисы в P2.

### **Тема 6. Схемы из функциональных элементов**

#### **лекционное занятие (2 часа(ов)):**

Понятие схемы из функциональных элементов (СФЭ) в базисе {И, ИЛИ, НЕ}.

#### **практическое занятие (3 часа(ов)):**

Понятие схемы из функциональных элементов (СФЭ) в базисе {И, ИЛИ, НЕ}. Задача синтеза СФЭ и подходы к её решению. Элементарные методы синтеза СФЭ. Синтез двоичного сумматора.

### **Тема 7. Ограниченно-детерминированные (автоматные) функции**

#### **лекционное занятие (2 часа(ов)):**

Детерминированные функции. Задание детерминированных функций при помощи деревьев. Ограниченно - детерминированные функции. Операции над ограниченно - детерминированными функциями. Примеры полных систем. Проблема распознавания полноты систем ограниченно - детерминированных функций. Основные задачи теории автоматов.

#### **практическое занятие (3 часа(ов)):**

Распознавание свойства детерминированности функций. Дерево д.-функции. Вес дерева. Усеченное дерево. Диаграммы Мура. Канонические таблицы и канонические уравнения.

### **Тема 8. Основы теории графов**

#### **лекционное занятие (2 часа(ов)):**

Графы. Основные понятия теории графов. Типы графов. Способы задания графов. Изоморфизм, связность. Геометрическая реализация графов. Формула Эйлера. Понятие о теореме Понтрягина - Куратовского. Оценки числа графов. Деревья и их свойства. Корневые деревья и оценка их числа. Построение минимальных остовных деревьев. Алгоритм Краскала.

#### **практическое занятие (3 часа(ов)):**

Бинарные отношения. Транзитивное замыкание бинарного отношения. Алгоритм Дейкстры, алгоритм Флойда, алгоритм Крускала, алгоритм Прима.

### **Тема 9. Основы теории кодирования**

#### **лекционное занятие (1 часа(ов)):**

Коды. Проблематика теории кодирования. Алфавитное кодирование. Критерий однозначности декодирования. Помехоустойчивое кодирование. Коды Хэмминга. Коды с минимальной избыточностью. Метод Хаффмена.

#### **практическое занятие (2 часа(ов)):**

Префиксные коды. Алгоритм проверки однозначности кодирования на основе теоремы Маркова. Сжатие информации. Архиваторы. Алгоритмы обнаружения и исправления ошибок в протоколах передачи данных.

### **Тема 10. Алгоритмы и вычислимость**

#### **лекционное занятие (1 часа(ов)):**

Вычислимые функции. Машины Тьюринга. Вычислимые функции. Операции суперпозиции, примитивной рекурсии и минимизации. Рекурсивные функции, их связь с классом вычислимых функций. Тезис Тьюринга-Чёрча. Примеры невычислимых функций.

#### **практическое занятие (2 часа(ов)):**

Имитация работы машины Тьюринга. Операции над машинами Тьюринга. Операторный язык задания алгоритмов. Построение простейших машин Тьюринга.

### 4.3 Структура и содержание самостоятельной работы дисциплины (модуля)

№	Раздел Дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды самостоятельной работы студентов	Трудоемкость (в часах)	Формы контроля самостоятельной работы
3.	Тема 3. Алгебра логики	2		подготовка к коллоквиуму	14	коллоквиум
5.	Тема 5. Булевы функции	2		подготовка домашнего задания	8	домашнее задание
				подготовка к контрольной работе	8	контрольная работа
6.	Тема 6. Схемы из функциональных элементов	2		подготовка домашнего задания	6	домашнее задание
7.	Тема 7. Ограниченно-детерминированные (автоматные) функции			подготовка домашнего задания	6	домашнее задание
				подготовка к контрольной работе	8	контрольная работа
8.	Тема 8. Основы теории графов	2		подготовка домашнего задания	6	домашнее задание
9.	Тема 9. Основы теории кодирования	2		подготовка домашнего задания	4	домашнее задание
10.	Тема 10. Алгоритмы и вычислимость	2		подготовка домашнего задания	2	домашнее задание
	Итого				62	

### 5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения

Обучение происходит в форме лекций, практических занятий, а также самостоятельной работы студентов.

### 6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов

#### Тема 1. Введение

#### Тема 2. Элементы комбинаторики

#### Тема 3. Алгебра логики

коллоквиум , примерные вопросы:

Коллоквиум по замкнутости и полноте систем булевых функций. Примерные вопросы: 1. Характеристика класса T0 2. Характеристика класса T1 3. Характеристика класса L 4. Характеристика класса S 5. Характеристика класса M 6. Критерий полноты систем булевых функций 7. Понятие базиса в P2. Примеры.

#### Тема 4. Минимизация булевых формул

## Тема 5. Булевы функции

домашнее задание , примерные вопросы:

Решение задач ♦♦4-10 из пособия "Задачи по дискретной математике для контрольных и самостоятельных работ, Булевы функции / [А. В. Васильев, Н. К. Замов, П. В. Пшеничный]. - Казань: Изд-во Казанского государственного университета, 2012. - 57 с."

контрольная работа , примерные вопросы:

Контрольная работа по замкнутым классам и полноте систем булевых функций. Примерные вопросы: 1. Проверить принадлежность функции классу  $T_0$  2. Проверить принадлежность функции классу  $T_1$  3. Проверить принадлежность функции классу  $L$  4. Проверить принадлежность функции классу  $S$  5. Проверить принадлежность функции классу  $M$  6. Проверить полноту системы булевых функций 7. Проверить, является ли систем булевых функций базисом в  $P_2$ .

## Тема 6. Схемы из функциональных элементов

домашнее задание , примерные вопросы:

Решение задач из пособия "Гаврилов Г. П., Сапоженко А. А. Задачи и упражнения по дискретной математике: Учеб. пособие. - 3-е изд., перераб. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2005. - 416 с.": стр. 308 ♦♦1.1, 1.6, 1.7

## Тема 7. Ограниченно-детерминированные (автоматные) функции

домашнее задание , примерные вопросы:

Решение задач ♦♦1-5 из пособия "Задачи по дискретной математике для контрольных и самостоятельных работ. О.-д. функции. Теория кодирования. Графы / А.В. Васильев, Н.К. Замов, П.В. Пшеничный. - Казань: Издательство Казанского государственного университета, 2009."

контрольная работа , примерные вопросы:

Контрольная работа по способам представления ограниченно-детерминированных функций. Примерные вопросы: 1. Представить о.-д. функцию в виде усеченного дерева 2. Представить о.-д. функцию в виде диаграммы Мура 3. Представить о.-д. функцию в виде системы канонических уравнений

## Тема 8. Основы теории графов

домашнее задание , примерные вопросы:

Решение задач ♦♦18-21 из пособия "Задачи по дискретной математике для контрольных и самостоятельных работ. О.-д. функции. Теория кодирования. Графы / А.В. Васильев, Н.К. Замов, П.В. Пшеничный. - Казань: Издательство Казанского государственного университета, 2009."

## Тема 9. Основы теории кодирования

домашнее задание , примерные вопросы:

Решение задач ♦♦6-17 из пособия "Задачи по дискретной математике для контрольных и самостоятельных работ. О.-д. функции. Теория кодирования. Графы / А.В. Васильев, Н.К. Замов, П.В. Пшеничный. - Казань: Издательство Казанского государственного университета, 2009."

## Тема 10. Алгоритмы и вычислимость

домашнее задание , примерные вопросы:

Решение задач из пособия "Гаврилов Г. П., Сапоженко А. А. Задачи и упражнения по дискретной математике: Учеб. пособие. - 3-е изд., перераб. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2005. - 416 с.": стр. 183 ♦♦1.1-1.4, 1.9-1.11

## Тема . Итоговая форма контроля

Примерные вопросы к зачету:

По данной дисциплине предусмотрено проведение зачета.

Примерные вопросы для зачета:

1. Определение булевой функции, способы задания и подсчет числа функций от  $n$  переменных.



2. Определение формулы, реализация булевых функций формулами. Основные эквивалентности.
3. Двойственные функции. Принцип двойственности.
4. Разложение булевой функции по переменным. СДНФ.
5. Полнота системы функций {AND, OR, NOT}.
6. Полнота систем функций. Полнота системы, выражающей полную систему. Примеры полных систем.
7. Полиномы Жегалкина. Теорема о представлении булевых функций полиномами Жегалкина.
8. Замыкание. Свойства замыкания. Примеры замкнутых классов.
9. Классы функций, сохраняющих константы.
10. Класс самодвойственных функций и лемма о несамодвойственной функции.
11. Класс монотонных функций и лемма о немонотонной функции.
12. Класс линейных функций и лемма о нелинейной функции.
13. Теорема Поста о полноте.
14. Предполные классы. Теорема о существовании в точности 5 предполных классов.
15. Теорема о полной подсистеме из 4 функций.
16. Постановка задачи минимизации булевых функций. Тривиальный алгоритм построения минимальной и кратчайшей ДНФ.
17. Геометрическая интерпретация задачи построения минимальной и кратчайшей ДНФ.
18. Сокращенная ДНФ и метод Блейка.
19. Проблема однозначности кодирования.
20. Минимизация (оптимизация) кодирования.
21. Обнаружение и исправление ошибок. Коды Хемминга.
22. Детерминированные функции. Представление д. функций деревьями. Вес д. функций. Усеченные деревья.
23. Ограниченно-детерминированные функции. Способы задания о.-д. функций.
24. Графы. Способы задания. Геометрическая реализация. Примеры задач на графах.
25. Вычислимые функции. Машины Тьюринга. Тезис Тьюринга-Черча.

### 7.1. Основная литература:

- 1.Новиков Ф.А. Дискретная математика для программистов. СПб: Питер, 2004 г. - . 363 с.
2. Гаврилов, Гарий Петрович. Задачи и упражнения по дискретной математике / Г.П. Гаврилов, А.А. Сапоженко. ?Изд. 3-е, перераб..?Москва: Физматлит, 2006.?416 с.
- 3.Дискретная математика: Учебное пособие / В.В. Куликов. - М.: РИОР, 2007. - 174 с.: 60x90 1/16. - (Высшее образование). (переплет) ISBN 978-5-369-00205-6, 3000 экз.  
<http://www.znaniyum.com/bookread.php?book=126799>
- 4.Дискретная математика. Задачи и упражнения с решениями: Учебно-методическое пособие / А.А. Вороненко, В.С. Федорова. - М.: НИЦ ИНФРА-М, 2014. - 104 с.: 60x88 1/16. - (Высшее образование: Бакалавриат). (обложка) ISBN 978-5-16-006601-1, 300 экз.  
<http://www.znaniyum.com/bookread.php?book=424101>
4. Задачи и упражнения по дискретной математике: [учебное пособие] / Г. П. Гаврилов, А. А. Сапоженко. ?3-е изд., перераб..?Москва: ФИЗМАТЛИТ, 2009.?416 с.  
[http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_id=2157](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=2157)
- 5.Микони С.В. Дискретная математика для бакалавра: множества, отношения, функции, графы . - Санкт-Петербург: Лань, 2012. - 192с.  
[http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_id=4316](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=4316)

## 7.2. Дополнительная литература:

1. Мальцев, И. А. Дискретная математика: учебное пособие / И. А. Мальцев. ?Изд. 2-е, испр.. ?Санкт-Петербург [и др.]: Лань, 2011. ?290 с.
2. Дискретная математика : графы, матроиды, алгоритмы : учебное пособие / М. О. Асанов, В. А. Баранский, В. В. Расин .? Издание 2-е, исправленное и дополненное .? Санкт-Петербург [и др.] : Лань, 2010 .? 362 с. : ил. ; 21 см. ? (Учебники для вузов, Специальная литература) .? пред. изд. нет .? Библиогр.: с. 351-354 (68 назв.) .? Предм. указ.: с. 355-359 .? ISBN 978-5-8114-1068-2 ((в пер.)) , 1500.
3. Дискретная математика : учебное пособие для студентов, обучающихся по направлению подготовки бакалавров и магистров 511600 - "Прикладные математика и физика" / А. Н. Макоха, П. А. Сахнюк, Н. И. Червяков .? Москва : Физматлит, 2005 .? 368 с. : ил., табл. ; 22 .? Библиогр.: с. 366-368 (57 назв.) .? ISBN 5-9221-0630-9 ((в пер.)) .

## 7.3. Интернет-ресурсы:

Портал математических интернет-ресурсов - <http://www.math.ru/>

Портал математических интернет-ресурсов - <http://www.allmath.com/>

Портал образовательных ресурсов по естественно-научным дисциплинам - <http://en.edu.ru/>

Портал ресурсов по математике, алгоритмике и ИТ - <http://algolist.manual.ru/>

Сайт с учебными материалами по математическим дисциплинам - <http://www.exponenta.ru/>

## 8. Материально-техническое обеспечение дисциплины(модуля)

Освоение дисциплины "Дискретная математика" предполагает использование следующего материально-технического обеспечения:

Лекционные занятия по дисциплине проводятся в аудитории, оснащенной доской и мелом(маркером), а так же в специализированных компьютерных кабинетах.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВПО и учебным планом по направлению 080500.62 "Бизнес-информатика" и профилю подготовки не предусмотрено .

Автор(ы):

Кугураков В.С. \_\_\_\_\_

"\_\_" \_\_\_\_\_ 201\_\_ г.

Рецензент(ы):

"\_\_" \_\_\_\_\_ 201\_\_ г.