

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное автономное учреждение
высшего профессионального образования
"Казанский (Приволжский) федеральный университет"
Институт вычислительной математики и информационных технологий



подписано электронно-цифровой подписью

Программа дисциплины

Современные проблемы финансовой математики М1.В.1

Направление подготовки: 010300.68 - Фундаментальная информатика и информационные технологии

Профиль подготовки: Математические основы и программное обеспечение информационной безопасности и защиты информации

Квалификация выпускника: магистр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Автор(ы):

Халиуллин С.Г.

Рецензент(ы):

Турилова Е.А.

СОГЛАСОВАНО:

Заведующий(ая) кафедрой: Турилова Е. А.

Протокол заседания кафедры No ____ от " ____ " _____ 201__ г

Учебно-методическая комиссия Института вычислительной математики и информационных технологий:

Протокол заседания УМК No ____ от " ____ " _____ 201__ г

Регистрационный No 94914

Казань
2014

Содержание

1. Цели освоения дисциплины
2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы
3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля
4. Структура и содержание дисциплины/ модуля
5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения
6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов
7. Литература
8. Интернет-ресурсы
9. Материально-техническое обеспечение дисциплины/модуля согласно утвержденному учебному плану

Программу дисциплины разработал(а)(и) доцент, к.н. (доцент) Халиуллин С.Г. кафедры математической статистики отделение прикладной математики и информатики ,
Samig.Haliullin@kpfu.ru

1. Цели освоения дисциплины

Курс посвящен систематическому изучению финансового рынка, имеющего два актива - облигации и акции, а также изучению моделей временных рядов, наиболее часто встречающихся на финансовом рынке. Основное внимание уделено задачам инвестирования и хеджирования, а также задаче расчета опционов Европейского типа в дискретном времени. Курс представляет определенный интерес для применения его в финансовой математике.

2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы высшего профессионального образования

Данная учебная дисциплина включена в раздел " М1.В.1 Общенаучный" основной образовательной программы 010300.68 Фундаментальная информатика и информационные технологии и относится к вариативной части. Осваивается на 1 курсе, 1 семестр.

"современные проблемы финансовой математики" входит в состав общенаучных дисциплин. Читается на 1 курсе, в 1 семестре.

3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля

В результате освоения дисциплины формируются следующие компетенции:

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции
ОК-1 (общекультурные компетенции)	способность понимать и анализировать мировоззренческие, социально и лично значимые философские проблемы
ОК-2 (общекультурные компетенции)	способность совершенствовать и развивать свой интеллектуальный и общекультурный уровень, добиваться нравственного и физического совершенствования своей личности
ОК-3 (общекультурные компетенции)	способность к самостоятельному обучению новым методам исследования, к изменению научного и научно-производственного профиля своей профессиональной деятельности
ОК-4 (общекультурные компетенции)	способность свободно пользоваться русским и иностранным языками как средством делового общения

В результате освоения дисциплины студент:

1. должен знать:

1. использование мартингалльных методов исследования случайных процессов;
2. исследование данных на предмет подбора подходящей модели и ее использование для различных задач финансового рынка.

2. должен уметь:

1. ориентироваться в характеристических свойствах мартингалов, супермартингалов и субмартингалов;
2. ориентироваться в способах построения мартингалов и сферах их применимости;

3. ориентироваться в построении математической модели финансового рынка, идентификации предложенных данных и оценке параметров выбранной модели.

3. должен владеть:

1. теоретическими знаниями об условных математических ожиданиях, мартингалах;
2. теоретическими знаниями о финансовом рынке с дискретным временем, о гауссовских моделях;
3. теоретическими знаниями о задачах инвестирования и хеджирования.

4. должен демонстрировать способность и готовность:

1. ориентироваться в построении математической модели финансового рынка, идентификации предложенных данных и оценке

4. Структура и содержание дисциплины/ модуля

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетных(ые) единиц(ы) 108 часа(ов).

Форма промежуточного контроля дисциплины зачет в 1 семестре.

Суммарно по дисциплине можно получить 100 баллов, из них текущая работа оценивается в 50 баллов, итоговая форма контроля - в 50 баллов. Минимальное количество для допуска к зачету 28 баллов.

86 баллов и более - "отлично" (отл.);

71-85 баллов - "хорошо" (хор.);

55-70 баллов - "удовлетворительно" (удов.);

54 балла и менее - "неудовлетворительно" (неуд.).

4.1 Структура и содержание аудиторной работы по дисциплине/ модулю

Тематический план дисциплины/модуля

N	Раздел Дисциплины/ Модуля	Семестр	Неделя семестра	Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах)			Текущие формы контроля
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
1.	Тема 1. Тема. Конечное вероятностного пространство.	1	1	1	0	1	домашнее задание
2.	Тема 2. Тема. Условное математическое ожидание случайной величины относительно разбиения (два эквивалентных подхода).	1	1-2	2	0	2	домашнее задание
3.	Тема 3. Тема. Измеримость случайных величин относительно разбиения.	1	3	1	0	1	домашнее задание

N	Раздел Дисциплины/ Модуля	Семестр	Неделя семестра	Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах)			Текущие формы контроля
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
4.	Тема 4. Понятие конечного мартингала.	1	4	2	0	2	домашнее задание
5.	Тема 5. Понятия супермартингала и субмартингала.	1	5	1	0	1	контрольная точка
6.	Тема 6. Постановка задач инвестирования и хеджирования для финансового рынка с дискретным временем.	1	5	1	0	1	домашнее задание
7.	Тема 7. Теория расчета стоимости и хеджирующих стратегий для опционов европейского типа с дискретным временем.	1	6	1	0	1	домашнее задание
8.	Тема 8. Понятие рациональной стоимости и хеджирующих стратегий для опционов американского типа с дискретным временем.	1	7	1	0	1	домашнее задание
9.	Тема 9. Стационарные и нестационарные временные ряды.	1	7	1	0	1	домашнее задание
10.	Тема 10. Условия стационарности и обратимости линейных моделей.	1	8	2	0	2	домашнее задание
11.	Тема 11. Разностные уравнения.	1	8	1	0	1	контрольная работа
.	Тема . Итоговая форма контроля	1		0	0	0	зачет
	Итого			14	0	14	

4.2 Содержание дисциплины

Тема 1. Тема. Конечное вероятностного пространство.

лекционное занятие (1 часа(ов)):

Понятие конечного вероятностного пространства. Понятие разбиения вероятностного пространства. Условная вероятность события относительно разбиения, ее свойства. Условная вероятность события относительно случайной величины, ее свойства.

лабораторная работа (1 часа(ов)):

Примеры построения различных разбиений

Тема 2. Тема. Условное математическое ожидание случайной величины относительно разбиения (два эквивалентных подхода).

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Условное математическое ожидание случайной величины относительно разбиения (два эквивалентных подхода), его свойства. Условное математическое ожидание случайной величины относительно другой случайной величины.

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Непосредственное вычисление условных вероятностей и условных математических ожиданий.

Тема 3. Тема. Измеримость случайных величин относительно разбиения.

лекционное занятие (1 часа(ов)):

Измеримость случайных величин относительно разбиения. Алгебра, порожденная разбиением. Условное математическое ожидание относительно этой алгебры.

лабораторная работа (1 часа(ов)):

Свойства измеримых относительно разбиений и алгебр случайных величин.

Тема 4. Понятие конечного мартингала.

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Понятие конечного мартингала. Момент остановки относительно последовательности разбиений (алгебр). Теорема о среднем значении случайной величины со случайным моментом времени для мартингалов. Использование мартингалов для симметричных случайных блужданий. Теорема о баллотировке.

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Примеры. Строение конечных мартингалов. Обращенный мартингал.

Тема 5. Понятия супермартингала и субмартингала.

лекционное занятие (1 часа(ов)):

Понятия супермартингала и субмартингала. Теорема Дуба о разложении супермартингала (субмартингала) в сумму мартингала и предсказуемой последовательности.

лабораторная работа (1 часа(ов)):

Примеры разложения Дуба.

Тема 6. Постановка задач инвестирования и хеджирования для финансового рынка с дискретным временем.

лекционное занятие (1 часа(ов)):

Постановка задач инвестирования и хеджирования для финансового рынка с дискретным временем. Опционы. Рациональная стоимость опциона, рациональный момент исполнения опциона.

лабораторная работа (1 часа(ов)):

Определение инвестиционной стоимости.

Тема 7. Теория расчета стоимости и хеджирующих стратегий для опционов европейского типа с дискретным временем.

лекционное занятие (1 часа(ов)):

Теория расчета стоимости и хеджирующих стратегий для опционов европейского типа с дискретным временем. Примеры расчета стоимости и хеджирующих стратегий для опционов европейского типа с дискретным временем.

лабораторная работа (1 часа(ов)):

Отыскание рациональной стоимости опциона и хеджа.

Тема 8. Понятие рациональной стоимости и хеджирующих стратегий для опционов американского типа с дискретным временем.

лекционное занятие (1 часа(ов)):

Понятие рациональной стоимости и хеджирующих стратегий для опционов американского типа с дискретным временем.

лабораторная работа (1 часа(ов)):

Инвестиционная стоимость в случае опциона американского типа.

Тема 9. Стационарные и нестационарные временные ряды.

лекционное занятие (1 часа(ов)):

Стационарные и нестационарные временные ряды. Линейные модели временных рядов ? модель авторегрессии порядка p ; модель скользящего среднего порядка q ; смешанные модели.

лабораторная работа (1 часа(ов)):

Определение и свойства стационарных процессов.

Тема 10. Условия стационарности и обратимости линейных моделей.

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Условия стационарности и обратимости линейных моделей. Оценка параметров моделей. Уравнения Юла-Уокера. Характеристические уравнения линейных моделей.

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Решение задачи отыскания оценок параметров линейных моделей.

Тема 11. Разностные уравнения.

лекционное занятие (1 часа(ов)):

Линейные модели как разностные уравнения.

лабораторная работа (1 часа(ов)):

Решение разностных уравнений.

4.3 Структура и содержание самостоятельной работы дисциплины (модуля)

N	Раздел Дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды самостоятельной работы студентов	Трудоемкость (в часах)	Формы контроля самостоятельной работы
1.	Тема 1. Тема. Конечное вероятностного пространство.	1	1	подготовка домашнего задания	8	домашнее задание
2.	Тема 2. Тема. Условное математическое ожидание случайной величины относительно разбиения (два эквивалентных подхода).	1	1-2	подготовка домашнего задания	10	домашнее задание
3.	Тема 3. Тема. Измеримость случайных величин относительно разбиения.	1	3	подготовка домашнего задания	6	домашнее задание
4.	Тема 4. Понятие конечного мартингала.	1	4	подготовка домашнего задания	10	домашнее задание
5.	Тема 5. Понятия супермартингала и субмартингала.	1	5	подготовка к контрольной точке	6	контрольная точка

N	Раздел Дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды самостоятельной работы студентов	Трудоемкость (в часах)	Формы контроля самостоятельной работы
6.	Тема 6. Постановка задач инвестирования и хеджирования для финансового рынка с дискретным временем.	1	5	подготовка домашнего задания	6	домашнее задание
7.	Тема 7. Теория расчета стоимости и хеджирующих стратегий для опционов европейского типа с дискретным временем.	1	6	подготовка домашнего задания	8	домашнее задание
8.	Тема 8. Понятие рациональной стоимости и хеджирующих стратегий для опционов американского типа с дискретным временем.	1	7	подготовка домашнего задания	6	домашнее задание
9.	Тема 9. Стационарные и нестационарные временные ряды.	1	7	подготовка домашнего задания	6	домашнее задание
10.	Тема 10. Условия стационарности и обратимости линейных моделей.	1	8	подготовка домашнего задания	6	домашнее задание
11.	Тема 11. Разностные уравнения.	1	8	подготовка к контрольной работе	8	контрольная работа
	Итого				80	

5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения

Обучение происходит в форме лекционных и лабораторных занятий, а также самостоятельной работы студентов.

Теоретический материал излагается на лекциях. Причем конспект лекций, который остается у студента в результате прослушивания лекции не может заменить учебник. Его цель-формулировка основных утверждений и определений. Прослушав лекцию, полезно ознакомиться с более подробным изложением материала в учебнике. Список литературы разделен на две категории: необходимый для сдачи зачета минимум и дополнительная литература.

Изучение курса подразумевает не только овладение теоретическим материалом, но и получение практических навыков для более глубокого понимания разделов на основе решения задач и упражнений, иллюстрирующих доказываемые теоретические положения, а также развитие абстрактного мышления и способности самостоятельно доказывать утверждения.

Самостоятельная работа предполагает выполнение домашних работ. Практические задания, выполненные в аудитории, предназначены для указания общих методов решения задач определенного типа. Закрепить навыки можно лишь в результате самостоятельной работы.

Кроме того, самостоятельная работа включает подготовку к зачету. При подготовке к сдаче зачета весь объем работы рекомендуется распределять равномерно по дням, отведенным для подготовки к зачету, контролировать каждый день выполнения работы. Лучше, если можно перевыполнить план. Тогда будет резерв времени.

6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов

Тема 1. Тема. Конечное вероятностного пространство.

домашнее задание , примерные вопросы:

Построение разбиений на конечном вероятностном пространстве.

Тема 2. Тема. Условное математическое ожидание случайной величины относительно разбиения (два эквивалентных подхода).

домашнее задание , примерные вопросы:

Примеры на вычисление условных вероятностей и математических ожиданий.

Тема 3. Тема. Измеримость случайных величин относительно разбиения.

домашнее задание , примерные вопросы:

Изучение свойств измеримых случайных величин.

Тема 4. Понятие конечного мартингала.

домашнее задание , примерные вопросы:

Работа с мартингалами - свойства и примеры.

Тема 5. Понятия супермартингала и субмартингала.

контрольная точка , примерные вопросы:

Контрольная точка по предыдущим темам.

Тема 6. Постановка задач инвестирования и хеджирования для финансового рынка с дискретным временем.

домашнее задание , примерные вопросы:

Финансовый рынок и его активы.

Тема 7. Теория расчета стоимости и хеджирующих стратегий для опционов европейского типа с дискретным временем.

домашнее задание , примерные вопросы:

Понятие инвестиционной стоимости и хеджа для опционов европейского типа.

Тема 8. Понятие рациональной стоимости и хеджирующих стратегий для опционов американского типа с дискретным временем.

домашнее задание , примерные вопросы:

Понятие инвестиционной стоимости и хеджа для опционов американского типа.

Тема 9. Стационарные и нестационарные временные ряды.

домашнее задание , примерные вопросы:

Случайные процессы в дискретном времени.

Тема 10. Условия стационарности и обратимости линейных моделей.

домашнее задание , примерные вопросы:

Линейные модели и их свойства.

Тема 11. Разностные уравнения.

контрольная работа , примерные вопросы:

Решение разностных однородных уравнений.

Тема . Итоговая форма контроля

Примерные вопросы к зачету:

По данной дисциплине предусмотрена проведение зачета. Примерные вопросы для зачета - Приложение 1.

1. Что такое разбиение?
2. Как определяется условная вероятность относительно разбиения?
3. Как определяется условное математическое ожидание относительно разбиения?
4. Какие свойства имеет условное математическое ожидание?
5. Можно ли разбиению сопоставить некоторую алгебру?
6. Можно ли сопоставить алгебре некоторое разбиение?
7. Что такое мартингал?
8. Сделать вывод из примера 1 - какие последовательности образуют мартингал?
9. Сделать вывод из примера 2 - какие последовательности образуют мартингал?
10. Дать полное описание конечных мартингалов.
11. Для каких последовательностей случайных величин применимо разложение Дуба?
12. Стационарные случайные процессы.
13. Модель $AR(P)$.
14. Модель $MA(q)$.
15. Смешанные модели.
16. Уравнения Юла-Уокера.
17. Решение разностных уравнений.

7.1. Основная литература:

1. Володин, Игорь Николаевич (д-р физ.-мат. наук ; 1937-) .Математические основы вероятности [Текст: электронный ресурс] : [учебное пособие] / Володин И. Н., Тихонов О. Е., Турилова Е. А. ; Казан. гос. ун-т, Каф. мат. статистики .? Электронные данные (1 файл: 0,73 Мб) .? (Казань : Казанский федеральный университет, 2013) . Режим доступа: открытый. <URL:http://libweb.kpfu.ru/ebooks/09_66%20_ds005.pdf>.
2. Задачи по финансовой математике: учебное пособие для студентов, обучающихся по специальностям "Финансы и кредит", "Бухгалтерский учет, анализ и аудит", "Мировая экономика", "Налоги и налогообложение" / П. Н. Брусов, П. П. Брусов, Н. П. Орехова, С. В. Скородулина. ?Москва: КноРус, 2012 .?272 с.: ил.; 22.
3. Свешников А.А. Прикладные методы теории вероятностей [Электронный ресурс].- СПб.: Лань, 2012. - 480 с. - Режим доступа: <http://e.lanbook.com/view/book/3184/>
4. Свешников А.А. Прикладные методы теории случайных функций [Электронный ресурс] - СПб.: Лань, 2011. - 464 с. - Режим доступа: <http://e.lanbook.com/view/book/656/>

7.2. Дополнительная литература:

1. Финансовая математика : учебное пособие для студентов, обучающихся по специальностям 080105 "Финансы и кредит", 080109 "Бухгалтерский учет, анализ и аудит", 080102 "Мировая экономика", 080107 "Налоги и налогообложение" / П. Н. Брусов, П.Л. Брусов, Н.П. Орехова, С.В. Скородулина .? 2-е изд., стер. ? Москва : КноРус, 2013 .? 224 с.
2. Миронова, Маргарита Давыдовна. Финансовая математика : учебно-методическое пособие / М. Д. Миронова ; М-во образования и науки Рос. Федерации, Казан. гос. архитектур.-строит. ун-т .? Казань : [Изд-во Казанского государственного архитектурно-строительного университета], 2013 .? 72 с.

3. Финансовая математика : учебное пособие для студентов, обучающихся по специальностям "Менеджмент", "Бухгалтерский учет, анализ и аудит", "Финансы и кредит", "Экономика и управление в отраслях лесного комплекса" / Е. В. Ширшов [и др.] .? Изд. 5-е, перераб. и доп. ? Москва : КноРус, 2013 .? 136 с.

7.3. Интернет-ресурсы:

Альтернативный подход к расчету опционов - <http://www.nsu.ru/education/etfm/Lect8/LECT8.htm>

Опционы - <http://www.nsu.ru/education/etfm/Lect6/lect6.htm>

Опционы и фьючерсы - <http://www.parusinvestora.ru/refbook/rts/12.shtm>

Опционы на рынке ценных бумаг - <http://loutand.ucoz.com/>

Пример расчета опциона - <http://www.steps-to-trade.com/nyman68.html>

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины(модуля)

Освоение дисциплины "Современные проблемы финансовой математики" предполагает использование следующего материально-технического обеспечения:

лекции и лабораторные занятия по дисциплине проводятся в аудитории, оснащенной доской и мелом (маркером)

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВПО и учебным планом по направлению 010300.68 "Фундаментальная информатика и информационные технологии" и магистерской программе Математические основы и программное обеспечение информационной безопасности и защиты информации .

Автор(ы):

Халиуллин С.Г. _____

"__" _____ 201__ г.

Рецензент(ы):

Турилова Е.А. _____

"__" _____ 201__ г.