

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное автономное учреждение
высшего профессионального образования
"Казанский (Приволжский) федеральный университет"
Институт вычислительной математики и информационных технологий



подписано электронно-цифровой подписью

Программа дисциплины
Алгебра и геометрия 2 Б2.В.3

Направление подготовки: 010400.62 - Прикладная математика и информатика

Профиль подготовки: Системное программирование

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Автор(ы):

Столов Е.Л.

Рецензент(ы):

-

СОГЛАСОВАНО:

Заведующий(ая) кафедрой: Латыпов Р. Х.

Протокол заседания кафедры No ____ от " ____ " _____ 201__ г

Учебно-методическая комиссия Института вычислительной математики и информационных технологий:

Протокол заседания УМК No ____ от " ____ " _____ 201__ г

Регистрационный No 912515

Казань
2014

Содержание

1. Цели освоения дисциплины
2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы
3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля
4. Структура и содержание дисциплины/ модуля
5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения
6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов
7. Литература
8. Интернет-ресурсы
9. Материально-техническое обеспечение дисциплины/модуля согласно утвержденному учебному плану

Программу дисциплины разработал(а)(и) профессор, д.н. (профессор) Столов Е.Л. кафедра системного анализа и информационных технологий отделение фундаментальной информатики и информационных технологий , Yevgeni.Stolov@kpfu.ru

1. Цели освоения дисциплины

Цель курса - ознакомить студентов с базовыми методами линейной алгебры и их приложениям к задачам аналитической геометрии. В центре изложения находится теория линейных систем произвольного вида. Производится классификация конечномерных операторов над различными полями. С единой точки зрения на основе аппарата теории матриц рассматриваются задачи классификации кривых и поверхностей второго порядка. Излагаются основные факты, относящиеся к теории многочленов.

2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы высшего профессионального образования

Данная учебная дисциплина включена в раздел " Б2.В.3 Общепрофессиональный" основной образовательной программы 010400.62 Прикладная математика и информатика и относится к вариативной части. Осваивается на 1 курсе, 2 семестр.

Данная дисциплина относится к общепрофессиональным дисциплинам.

Читается на 1 курсе во 2 семестре для студентов обучающихся по направлению "Информационная безопасность".

Результаты подготовки по дисциплине "Дополнительные главы алгебры" используются при изучении курсов дисциплин "Дискретная математика", "Математический анализ 1", "Математический анализ 2", "Дифференциальные и разностные уравнения".

3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля

В результате освоения дисциплины формируются следующие компетенции:

| Шифр компетенции | Расшифровка приобретаемой компетенции |
|--|--|
| ПК-1 (профессиональные компетенции) | способность демонстрации общенаучных базовых знаний естественных наук, математики и информатики, понимание основных фактов, концепций, принципов, теорий, связанных с прикладной математикой и информатикой |
| ПК-2 (профессиональные компетенции) | способность приобретать новые научные и профессиональные знания, используя современные образовательные и информационные технологии |
| ПК-6 (профессиональные компетенции) | способность осуществлять целенаправленный поиск информации о новейших научных и технологических достижениях в сети Интернет и из других источников |
| ПК-8 (профессиональные компетенции) | способность формировать суждения о значении и последствиях своей профессиональной деятельности с учетом социальных, профессиональных и этических позиций |
| ПК-9 (профессиональные компетенции) | способность решать задачи производственной и технологической деятельности на профессиональном уровне, включая разработку алгоритмических и программных решений в области системного и прикладного программирования |

В результате освоения дисциплины студент:

1. должен знать:

- каким образом аппарат теории матриц применяется для решения математических задач.
- 2. должен уметь:
 - показать приобретенные навыки работы с пакетами программ типа SciLab.
- 3. должен владеть:
 - теоретическими знаниями о методах решения произвольных систем линейных уравнений и классификации кривых второго порядка.
- 4. должен демонстрировать способность и готовность:
 - ориентироваться в множестве проблем, решаемых методами линейной алгебры и аналитической геометрии.

4. Структура и содержание дисциплины/ модуля

Общая трудоемкость дисциплины составляет 6 зачетных(ые) единиц(ы) 216 часа(ов).

Форма промежуточного контроля дисциплины зачет и экзамен во 2 семестре.

Суммарно по дисциплине можно получить 100 баллов, из них текущая работа оценивается в 50 баллов, итоговая форма контроля - в 50 баллов. Минимальное количество для допуска к зачету 28 баллов.

86 баллов и более - "отлично" (отл.);

71-85 баллов - "хорошо" (хор.);

55-70 баллов - "удовлетворительно" (удов.);

54 балла и менее - "неудовлетворительно" (неуд.).

4.1 Структура и содержание аудиторной работы по дисциплине/ модулю

Тематический план дисциплины/модуля

| N | Раздел Дисциплины/ Модуля | Семестр | Неделя семестра | Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах) | | | Текущие формы контроля |
|----|--|---------|--------------------|---|-------------------------|------------------------|---------------------------|
| | | | | Лекции | Практические занятия | Лабораторные работы | |
| 1. | Тема 1. Многочлены. Определение и операции над многочленами. Вычисление значения многочлена в точке. Деление многочленов с остатком Корень многочлена. Основная теорема о корнях многочлена.. Разложение многочлена на множители над полем вещественных и комплексных чисел. | 2 | | 3 | 0 | 5 | домашнее задание |
| 2. | Тема 2. Связь между базисами пространства. Координаты вектора в разных базах. | 2 | | 3 | 0 | 5 | домашнее задание |

| N | Раздел Дисциплины/ Модуля | Семестр | Неделя семестра | Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах) | | | Текущие формы контроля |
|-----|--|---------|--------------------|---|-------------------------|------------------------|--|
| | | | | Лекции | Практические занятия | Лабораторные работы | |
| 3. | Тема 3. Матрица линейного преобразования. Координаты вектора после преобразования. Подобные матрицы | 2 | | 3 | 0 | 5 | домашнее задание |
| 4. | Тема 4. Инвариантные подпространства. Собственные векторы и собственные значения 4. Характеристический многочлен матрицы. Связь корней матрицы с коэффициентами характеристического многочлена | 2 | | 3 | 0 | 5 | контрольная работа домашнее задание |
| 5. | Тема 5. Преобразования с простым спектром | 2 | | 3 | 0 | 5 | домашнее задание |
| 6. | Тема 6. Евклидово пространство. Определение и примеры. Процедура ортогонализации | 2 | | 3 | 0 | 5 | домашнее задание |
| 7. | Тема 7. Ортогональные преобразования и ортогональные матрицы. | 2 | | 3 | 0 | 4 | домашнее задание |
| 8. | Тема 8. Симметрические преобразования. Основная теорема о симметрических преобразованиях | 2 | | 3 | 0 | 4 | домашнее задание |
| 9. | Тема 9. Квадратичные формы. Метод Лагранжа приведения к каноническому виду. Положительно определенные формы | 2 | | 4 | 0 | 4 | домашнее задание |
| 10. | Тема 10. Приведение квадратичной формы к главным осям | 2 | | 3 | 0 | 4 | домашнее задание |

| N | Раздел Дисциплины/ Модуля | Семестр | Неделя семестра | Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах) | | | Текущие формы контроля |
|-----|---|---------|--------------------|---|-------------------------|------------------------|--|
| | | | | Лекции | Практические занятия | Лабораторные работы | |
| 11. | Тема 11. Эллипс, гипербола и парабола. Канонические уравнения и уравнения в полярной форме. Каноническая форма полиномиальной матрицы. Унимодулярные матриц | 2 | | 4 | 0 | 3 | домашнее задание |
| 12. | Тема 12. Классификация кривых второго порядка | 2 | | 4 | 0 | 3 | домашнее задание |
| 13. | Тема 13. Поверхности второго порядка. Классификация поверхностей второго порядка. | 2 | | 4 | 0 | 2 | контрольная работа домашнее задание |
| 14. | Тема 14. Полиномиальные матрицы. Эквивалентность | 2 | | 3 | 0 | 0 | домашнее задание |
| 15. | Тема 15. Жордвнова форма матрицы | 2 | | 4 | 0 | 0 | домашнее задание |
| 16. | Тема 16. Минимальный многочлен матрицы. Функции от матрицы | 2 | | 4 | 0 | 0 | тестирование |
| | Тема . Итоговая форма контроля | 2 | | 0 | 0 | 0 | экзамен зачет |
| | Итого | | | 54 | 0 | 54 | |

4.2 Содержание дисциплины

Тема 1. Многочлены. Определение и операции над многочленами. Вычисление значения многочлена в точке. Деление многочленов с остатком Корень многочлена. Основная теорема о корнях многочлена.. Разложение многочлена на множители над полем вещественных и комплексных чисел.

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Многочлены. Определение и операции над многочленами. Вычисление значения многочлена в точке по схеме Горнера. Деление многочленов с остатком. Корень многочлена. Основная теорема о корнях многочлена. Разложение многочлена на множители над полем вещественных и комплексных чисел. Понятие о приводимости многочлена над заданным полем. Интерполяционный многочлен и его единственность. Интерполяционный многочлен в форме Лагранжа.

лабораторная работа (5 часа(ов)):

Сложение умножение и деление многочленов. Отыскание остатка от деления. Способы подбора рациональных корней. Примеры вычисления НОД двух многочленов

Тема 2. Связь между базисами пространства. Координаты вектора в разных базах.

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Базы линейного пространства. Матричная форма зависимости между двумя базами. Невырожденность матрицы перехода. Форма зависимости между координатами одного и того же вектора в разных базах и матрицей перехода.

лабораторная работа (5 часа(ов)):

Примеры линейных пространств: пространство строк, направленных отрезков, многочленов. Разложение многочленов по различным базисам

Тема 3. Матрица линейного преобразования. Координаты вектора после преобразования. Подобные матрицы

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Матрица линейного преобразования. Существование и единственность матрицы преобразования в заданном базисе. Связь операций над линейными преобразованиями с матрицами этих преобразований. Координаты вектора после преобразования. Изменение матрицы линейного преобразования после перехода к другому базису. Подобные матрицы

лабораторная работа (5 часа(ов)):

Примеры линейных преобразований: проектирование, дифференцирование, поворот. Отыскание координат вектора после линейного преобразования

Тема 4. Инвариантные подпространства. Собственные векторы и собственные значения. Характеристический многочлен матрицы. Связь корней матрицы с коэффициентами характеристического многочлена

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Определение инвариантных подпространств. Матрица линейного преобразования в базисе, согласованном с инвариантным подпространством. Инвариантные подпространства размерности 1. Собственные векторы и собственные значения. Характеристический многочлен матрицы. След матрицы. Связь корней матрицы с коэффициентами характеристического многочлена

лабораторная работа (5 часа(ов)):

Нахождение корней характеристического многочлена. Решение системы уравнений для нахождения собственных векторов. Собственные векторы линейных преобразований: проектирования и поворота

Тема 5. Преобразования с простым спектром

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Определение спектра линейного преобразования. Связь спектра с полем, над которым рассматривается линейное преобразование. Независимость собственных векторов преобразования, отвечающих разным собственным значениям. Подобие матрицы с простой спектр диагональной матрице.

лабораторная работа (5 часа(ов)):

Рассмотрение примеров преобразований с простым спектром и преобразований, не являющихся таковыми: преобразования в пространстве многочленов

Тема 6. Евклидово пространство. Определение и примеры. Процедура ортогонализации

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Евклидово пространство. Определение и примеры. Скалярное произведение и его свойства. Скалярное произведение в координатах. Ортонормированный базис в евклидовом пространстве. Способ вычисления координат вектора через скалярное произведение. Процедура ортогонализации. Применение процедуры ортогонализации для построения ортонормированного базиса

лабораторная работа (5 часа(ов)):

Способы введения скалярного произведения в пространстве строк и пространстве многочленов. Скалярные произведения на основе интегралов с различными ядрами. Реализация процедуры ортогонализации.

Тема 7. Ортогональные преобразования и ортогональные матрицы.

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Определение ортогонального преобразования. Пример ортогонального преобразования -- поворот векторов на плоскости. Матрица ортогонального преобразования в ортонормированной базе. Соотношение $Q^*Q^T=I$. Определитель ортогональной матрицы. Описание всех ортогональных матриц второго порядка.

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Примеры ортогональных матриц. Способы проверки ортогональности матриц. Ортогональные преобразования в пространстве матриц

Тема 8. Симметрические преобразования. Основная теорема о симметрических преобразованиях

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Симметрические преобразования. Пример симметрического преобразования -- проектирование вектора на подпространство. Симметрические преобразования и симметрические матрицы. Вещественность корней вещественной симметрической матрицы. Основная теорема о симметрических преобразованиях. Ортогональность собственных векторов симметрического преобразования, отвечающих разным собственным значениям.

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Преобразование проектирование и его матрица. Отыскание матрицы перехода от исходной симметрической матрицы к диагональной матрице

Тема 9. Квадратичные формы. Метод Лагранжа приведения к каноническому виду. Положительно определенные формы

лекционное занятие (4 часа(ов)):

Квадратичные формы. Определение квадратичной формы. Матричная запись. Замена переменных в квадратичной форме. Связь между матрицами квадратичных форм после линейной подстановки. Метод Лагранжа приведения к каноническому виду. Положительно определенные формы

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Приведение комплексной квадратичной формы к нормальному виду. Проверка положительной определенности квадратичной формы

Тема 10. Приведение квадратичной формы к главным осям

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Закон инерции вещественных квадратичных форм. Ортогональное подобие вещественной симметрической матрицы диагональной матрице. Приведение квадратичной формы к главным осям. Связь элементов диагональной матрицы с характеристическими числами симметрической матрицы. Определение знаков характеристических чисел вещественной симметрической формы без вычисления корней матрицы.

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Отыскание канонической формы после приведения к главным осям. Матрицы малого ранга.

Тема 11. Эллипс, гипербола и парабола. Канонические уравнения и уравнения в полярной форме. Каноническая форма полиномиальной матрицы. Унимодулярные матриц

лекционное занятие (4 часа(ов)):

Определение кривых второго порядка, не зависящее от аналитического представление. Эллипс, гипербола и парабола как геометрическое место точек. Вывод канонических уравнений кривых. Фокусы кривых. Асимптоты гиперболы. Полярные координаты. Единое уравнение кривых второго порядка в полярных координатах. Эксцентриситет кривой.

лабораторная работа (3 часа(ов)):

Определение параметров эллипса, гиперболы и параболы, исходя из формы задания.

Вычисление эксцентриситета

Тема 12. Классификация кривых второго порядка

лекционное занятие (4 часа(ов)):

Классификация кривых второго порядка по уравнению в общей форме. Главная часть уравнения и ее ранг. Зависимость типа кривой от ранга главной части. Случай вырождения кривой второго порядка -- распадение на пару прямых. Алгоритм отыскания канонического вида кривой.

лабораторная работа (3 часа(ов)):

Отыскание канонического вида уравнения кривой

Тема 13. Поверхности второго порядка Классификация поверхностей второго порядка.

лекционное занятие (4 часа(ов)):

Канонические уравнения поверхностей второго порядка. Главная часть уравнения. Классификация поверхностей второго порядка по рангу главной части. Исследование формы поверхности с помощью сечений плоскостью, параллельной координатной плоскости. Случай вырождения -- цилиндрические поверхности.

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Отыскание канонического вида уравнения поверхности.

Тема 14. Полиномиальные матрицы. Эквивалентность

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Определение полиномиальной матрицы. Эквивалентные преобразования. каноническая матрица и ее единственность. Унимодулярные матрицы. Признаки унимодулярности матрицы. Матричные многочлены и операции над ними.

Тема 15. Жорднова форма матрицы

лекционное занятие (4 часа(ов)):

Жорданова форма матрицы. Блочно-диагональные матрицы. Клетки Жордана. Свойства преобразования. определенного клеткой Жордана. Основная теорема о подобии матриц. Отыскание жордановой формы по каноническому виду характеристической матрицы

Тема 16. Минимальный многочлен матрицы. Функции от матрицы

лекционное занятие (4 часа(ов)):

Подстановка матрицы в многочлен. Деление матричных многочленов. Простейшие функции от матриц. Применения функций от матрицы для вычисления степеней матрицы

4.3 Структура и содержание самостоятельной работы дисциплины (модуля)

| N | Раздел Дисциплины | Семестр | Неделя семестра | Виды самостоятельной работы студентов | Трудоемкость (в часах) | Формы контроля самостоятельной работы |
|------------------------------|---|---------|--------------------|--|---------------------------|---|
| 1. | Тема 1. Многочлены. Определение и операции над многочленами. Вычисление значения многочлена в точке. Деление многочленов с остатком Корень многочлена. Основная теорема о корнях многочлена.. Разложение многочлена на множители над полем | | | | | |
| Регистрационный номер 912515 | | | | | | |

вещественных и комплексных чисел.

2

Изучение
способа
подбора
рациональных
корней
многочлена

5

домашнее
задание

| N | Раздел Дисциплины | Семестр | Неделя семестра | Виды самостоятельной работы студентов | Трудоемкость (в часах) | Формы контроля самостоятельной работы |
|----|--|---------|--------------------|--|---------------------------|---|
| 2. | Тема 2. Связь между базисами пространства. Координаты вектора в разных базах. | 2 | | Способы задания базиса в пространстве многочленов | 5 | домашнее задание |
| 3. | Тема 3. Матрица линейного преобразования. Координаты вектора после преобразования. Подобные матрицы | 2 | | Матрица линейного преобразования, заданная с помощью функционального уравнения | 3 | домашнее задание |
| 4. | Тема 4. Инвариантные подпространства. Собственные векторы и собственные значения Характеристический многочлен матрицы. Связь корней матрицы с коэффициентами характеристического многочлена | 2 | | Вид матрицы линейного преобразования в базисе, согласованном с инвариантным подпространством | 2 | контрольная работа |
| | | | | Работа с блочными матрицами | 3 | домашнее задание |
| 5. | Тема 5. Преобразования с простым спектром | 2 | | Проверка подобия матрицы диагональной матрице с помощью решения линейных систем | 3 | домашнее задание |
| 6. | Тема 6. Евклидово пространство. Определение и примеры. Процедура ортогонализации | 2 | | Евклидово пространство квадратных матриц | 3 | домашнее задание |
| 7. | Тема 7. Ортогональные преобразования и ортогональные матрицы. | 2 | | Ортогональные преобразования в пространстве матриц | 4 | домашнее задание |
| 8. | Тема 8. Симметрические преобразования. Основная теорема о симметрических преобразованиях | 2 | | Понятие о самосопряженном операторе | 4 | домашнее задание |

| N | Раздел Дисциплины | Семестр | Неделя семестра | Виды самостоятельной работы студентов | Трудоемкость (в часах) | Формы контроля самостоятельной работы |
|---|---|---------|--------------------|--|---------------------------|---|
| 9. | Тема 9. Квадратичные формы. Метод Лагранжа приведения к каноническому виду. Положительно определенные формы | 2 | | Изучение критерия Сильвестра положительной определенности квадратичной формы | 4 | домашнее задание |
| 5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения | | | | | | |
| | Тема 10. Приведение 10. квадратичной формы к главным осям | 2 | | Квадратичная лабораторная работа: единичной матрицей. | 4 | домашнее задание |
| Теоретический материал излагается на лекциях. На сайте курса имеется краткий конспект каждой лекции (http://www.ksu.ru/19/index.php?id=20&idm=0&num=3) Конспект не может заменить работу! Преподаватель формулировка основных утверждений и определений. Прослушав лекцию, полезно ознакомиться с более подробным изложением материала в учебнике. | | | | | | |
| | Тема 11. Каноническая форма полиномиальной матрицы. Уравнения и уравнения в полярной форме. | 2 | | Уравнения конических сечений в полярной форме | 3 | домашнее задание |
| Изучение курса подразумевает не только овладение теоретическим материалом, но и получение практических навыков для решения типовых задач. Указанные задачи могут решаться как вручную, так и с помощью различных пакетов. Поэтому лабораторные занятия проходят в компьютерном классе с использованием пакета SciLab. | | | | | | |
| Самостоятельная работа предполагает выполнение домашних работ. Практические задания, выполненные в аудитории, предназначены для указания общих методов решения задач определенного типа. Закрепить навыки можно лишь в результате самостоятельной работы. | | | | | | |
| 12. | Классификация кривых второго порядка | 2 | | Классификация вырожденных кривых | 3 | домашнее задание |
| 6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов | | | | | | |
| | Тема 13. Поверхности второго порядка | 2 | | Классификация вырожденных поверхностей | 1 | домашнее задание |
| Тема 14. Многочлены. Определение и операции над многочленами. Вычисление значения многочлена в точке. Деление многочленов с остатком. Корень многочлена. Основная теорема о корнях многочлена.. Разложение многочлена на множители над полем вещественных и комплексных чисел. | | | | | | |
| | домашнее задание, примерные вопросы: Задачник "Фаддеев." ♦♦ 664(a,b); 631(c,d,e); 633(a,b,c) | 2 | | Полиномиальные матрицы | 2 | домашнее задание |
| Тема 2. Связь между базисами пространства. Координаты вектора в разных базах. | | | | | | |
| | домашнее задание, примерные вопросы: Задачник "Проскуряков" ♦♦ 1277-- 1282 | 2 | | Жорданова форма | 2 | домашнее задание |
| Тема 3. Матрица линейного преобразования. Координаты вектора после преобразования. Подобные матрицы | | | | | | |
| | домашнее задание, примерные вопросы: Задачник "Проскуряков" ♦♦ 1441--1449 | 2 | | Минимальный многочлен | 2 | домашнее задание |
| Тема 4. Инвариантные подпространства. Собственные векторы и собственные значения | | | | | 54 | |
| Характеристический многочлен матрицы. Связь корней матрицы с коэффициентами характеристического многочлена | | | | | | |
| домашнее задание, примерные вопросы: Задачник "Проскуряков" ♦♦ 1465--1476 | | | | | | |
| контрольная работа, примерные вопросы: Найти НОД многочленов. Найти координаты вектора в заданном базисе. Найти собственные векторы и собственные значения преобразования | | | | | | |

Тема 5. Преобразования с простым спектром

домашнее задание , примерные вопросы:

Задачник "Проскуряков" ♦♦ 1479-- 1483

Тема 6. Евклидово пространство. Определение и примеры. Процедура ортогонализации

домашнее задание , примерные вопросы:

Задачник "Проскуряков" ♦♦ 1357--1363

Тема 7. Ортогональные преобразования и ортогональные матрицы.

домашнее задание , примерные вопросы:

Поворот в пространстве направленных отрезков в различных базисах

Тема 8. Симметрические преобразования. Основная теорема о симметрических преобразованиях

домашнее задание , примерные вопросы:

Проекция на прямую и на плоскость в пространстве направленных отрезков в разных базисах

Тема 9. Квадратичные формы. Метод Лагранжа приведения к каноническому виду.

Положительно определенные формы

домашнее задание , примерные вопросы:

Задачник "Проскуряков" ♦♦1180 -- 1186

Тема 10. Приведение квадратичной формы к главным осям

домашнее задание , примерные вопросы:

Задачник "Проскуряков" ♦♦ 1248-- 1254

Тема 11. Эллипс, гипербола и парабола. Канонические уравнения и уравнения в полярной форме. Каноническая форма полиномиальной матрицы. Унимодулярные матрицы

домашнее задание , примерные вопросы:

Задачник "Цубербиллер" ♦♦375-380;444--447;487--489

Тема 12. Классификация кривых второго порядка

домашнее задание , примерные вопросы:

Задачник "Цубербиллер" ♦♦550(1--6); 551(a,b,c)

Тема 13. Поверхности второго порядка Классификация поверхностей второго порядка.

домашнее задание , примерные вопросы:

Задачник "Цубербиллер" ♦♦ 993(1--4); 998(1--5)

контрольная работа , примерные вопросы:

Приведение квадратичной формы к главным осям. Найти канонический вид кривой или поверхности второго порядка, заданных в общей форме

Тема 14. Полиномиальные матрицы. Эквивалентность

домашнее задание, примерные вопросы:

Задачник "Проскуряков" ♦♦1021-1023, 1034-1036

Тема 15. Жорднова форма матрицы

домашнее задание, примерные вопросы:

Задачник "Проскуряков" ♦♦1090-1098, 1110-1112

Тема 16. Минимальный многочлен матрицы. Функции от матрицы

домашнее задание, примерные вопросы:

Задачник "Проскуряков" ♦♦1134-1135, 1162-1164

Тема . Итоговая форма контроля

Примерные вопросы к зачету и экзамену:

По данной дисциплине предусмотрено проведение зачета и экзамена. В течение семестра проводятся две контрольные работы

Примеры контрольных работ

Контрольная работа 1

1. gcd Отделить кратные корни

2 3 4

$$16 - 64s + 88s - 48s + 9s$$

2 3 4

$$16 - 32s - 8s + 24s + 9s$$

2 3 4

$$4 - 20s + 13s + 30s + 9s$$

2 Найти координаты многочлена в базисе $(1+x)^2, (2+x)^2, 1$

$$-5-6x$$

$$(1+x)^2, (2+x)^2, x$$

$$-9-2x$$

$$(1+x)^2, (2+x)^2, x^2$$

$$-9-6x+4x^2$$

3. Найти собственные векторы и собственные значения

в пространстве многочленов степени не выше 3

$$f(x) \rightarrow f(x) + f(-x)$$

$$f(x) \rightarrow f(x) + f(2x)$$

$$f(x) \rightarrow f(x) - 2f(-x)$$

Контрольная работа 2

Привести квадратичную форму к каноническому виду и найти преобразование

$$x_1^2 - 2x_1x_2 + 4x_1x_3 + x_2^2 - 4x_2x_3 + 4x_3^2$$

$$4x_1^2 - 4x_1x_2 - 4x_1x_3 + x_2^2 + 2x_2x_3 + x_3^2$$

$$x_1^2 - 2x_1x_2 - 6x_1x_3 + x_2^2 + 6x_2x_3 + 9x_3^2$$

Найти жорданову форму матрицы

$$\begin{pmatrix} 3 & -2 & 2 & -2 & -9 & -9 & 7 & 6 & 2 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 5 & -4 & 5 & 2 & 7 & 6 & -3 & -2 & -1 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 3 & -3 & 4 & -1 & -3 & -2 & -9 & -9 & -2 \end{pmatrix}$$

Определить тип кривой

$$2x^2 - 3xy + y^2 - 6x + 8y - 20 = 0$$

$$3x^2 + 2xy + 5y^2 - 4x + 10/7 = 0$$

$$-x^2 + 6xy - y^2 + 8x - 12y - 11.5 = 0$$

Темы практических занятий

НОД многочленов. Существование и единственность

Теорема Лагранжа для квадратичных форм

Определение эллипса

Классификация поверхностей второго порядка ранга 2

Примеры задач

Приложение 2

Найти координаты вектора-строки в заданном базисе

Найти матрицу преобразования дифференцирования в пространстве многочленов

Найти каноническое уравнение кривой второго порядка, заданной общим уравнением

Найти жорданову форму матрицы

Найти сотую степень матрицы второго порядка

Пример домашнего задания

Дана парабола $y^2=16x$. В параболу вписан равнобедренный треугольник, одна из вершин которого совпадает с вершиной параболы. Найти треугольник, если точка пересечения медиан лежит в фокусе параболы

Пример билета на экзамене

- НОД двух многочленов. Алгоритм Евклида
- Векторы $\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3$ равны $\langle 1, 2, 3 \rangle, \langle 2, 0, -1 \rangle, \langle 3, 2, 4 \rangle$, векторы $\beta_1, \beta_2, \beta_3$ равны $\langle -1, 2, -3 \rangle, \langle 3, 1, -1 \rangle, \langle 5, 2, 0 \rangle$. Найти матрицу перехода $(\beta_1, \beta_2, \beta_3)T = (\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3)$
- Если в уравнении кривой $a_{11}x^2 + xy + x = 1 \quad a_{11} > 0$, то эта кривая эллипс?

7.1. Основная литература:

- Карчевский, Е. М. Линейная алгебра и аналитическая геометрия: учебное пособие / Е. М. Карчевский, М. М. Карчевский. - Казань: Казанский университет, 2011. - 269 с.
- Ильин, В. А. Линейная алгебра: учебник для студентов физических специальностей и специальности "Прикладная математика" / В. А. Ильин, Э. Г. Позняк. - Изд. 6-е, стер.. - Москва: Физматлит, 2010. - 278 с.
- Ильин В.А., Позняк Э.Г. Линейная алгебра. - 6-е изд., стер. - М.: Физматлит, 2008. - 280 с.
http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=2178
- Столов Е.Л. Категория электронных образовательных ресурсов "Алгебра и геометрия", 2013
<http://zilant.kpfu.ru/course/category.php?id=89>
- Шершнев В.Г. Основы линейной алгебры и аналитической геометрии: Учебное пособие / В.Г. Шершнев. - М.: НИЦ ИНФРА-М, 2014. - 168 с. - ISBN-online: 978-5-16-101126-3.
<http://www.znaniyum.com/go.php?id=455245>
- Карчевский Е.М., Карчевский М.М. Лекции по геометрии и алгебре. Учебное пособие - Казанский федеральный университет, 2011. - Режим доступа: -
http://www.ksu.ru/f9/bin_files/G_and_A_lectures.pdf, свободный. - 222 с.

7.2. Дополнительная литература:

- Проскуряков, И. В. Сборник задач по линейной алгебре: Учеб. пособие для студентов физ.-мат. спец. вузов / И.В.Проскуряков. - 8-е изд.. - М.: Лаб. Базовых Знаний, 2003. - 382 с.
 - Ильин В.А. Аналитическая геометрия: Учеб. для студентов физ. спец. и спец. "Прикладная математика" / В.А.Ильин. - 6-е изд., стер.. - Москва: ФИЗМАТЛИТ, 2002. - 224 с.
 - Бурмистров Б.Н. Элементы линейной алгебры и аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве: учебное пособие / Б. Н. Бурмистров, Л. Р. Секаева; Казан. гос. ун-т. - Казань: [Изд-во Казан. гос. ун-та], 2009, 81 с.
 - Беклемишев Д.В. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры: учеб. пособие для студ.вузов / Д. В. Беклемишев. - 10-е изд., испр.. - М.: Физматлит, 2003. - 304 с.
 - Шевцов Г.С. Линейная алгебра: теория и прикладные аспекты: Учебное пособие / Г.С. Шевцов. - 3-е изд., испр. и доп. - М.: Магистр: НИЦ ИНФРА-М, 2014. - 544 с. - ISBN -online: 978-5-16-100523-1.
- ЭБС "ZNANIUM.COM" <http://znaniyum.com/go.php?id=438021>

7.3. Интернет-ресурсы:

Интернет-портал образовательных ресурсов КФУ - <http://www.kfu-elearning.ru/>
Интернет-портал ресурсов по математическим наукам - <http://www.math.ru/>
Интернет-портал ресурсов по математическим наукам - <http://www.mathnet.ru>
Интернет-портал ресурсов по математическим наукам - <http://www.allmath.com/>
Официальный сайт SciLab - <http://scilab.su/>

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины(модуля)

Освоение дисциплины "Алгебра и геометрия 2" предполагает использование следующего материально-технического обеспечения:

Компьютерный класс, представляющий собой рабочее место преподавателя и не менее 15 рабочих мест студентов, включающих компьютерный стол, стул, персональный компьютер, лицензионное программное обеспечение. Каждый компьютер имеет широкополосный доступ в сеть Интернет. Все компьютеры подключены к корпоративной компьютерной сети КФУ и находятся в едином домене.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе "ZNANIUM.COM", доступ к которой предоставлен студентам. ЭБС "ZNANIUM.COM" содержит произведения крупнейших российских учёных, руководителей государственных органов, преподавателей ведущих вузов страны, высококвалифицированных специалистов в различных сферах бизнеса. Фонд библиотеки сформирован с учетом всех изменений образовательных стандартов и включает учебники, учебные пособия, УМК, монографии, авторефераты, диссертации, энциклопедии, словари и справочники, законодательно-нормативные документы, специальные периодические издания и издания, выпускаемые издательствами вузов. В настоящее время ЭБС ZNANIUM.COM соответствует всем требованиям федеральных государственных образовательных стандартов высшего профессионального образования (ФГОС ВПО) нового поколения.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе Издательства "Лань", доступ к которой предоставлен студентам. ЭБС Издательства "Лань" включает в себя электронные версии книг издательства "Лань" и других ведущих издательств учебной литературы, а также электронные версии периодических изданий по естественным, техническим и гуманитарным наукам. ЭБС Издательства "Лань" обеспечивает доступ к научной, учебной литературе и научным периодическим изданиям по максимальному количеству профильных направлений с соблюдением всех авторских и смежных прав.

Компьютерный класс с установленным на компьютерах пакетом SciLab

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВПО и учебным планом по направлению 010400.62 "Прикладная математика и информатика" и профилю подготовки Системное программирование .

Автор(ы):

Столов Е.Л. _____

"__" _____ 201__ г.

Рецензент(ы):

"__" _____ 201__ г.