

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования  
"Казанский (Приволжский) федеральный университет"  
Елабужский институт (филиал)  
Факультет математики и естественных наук



подписано электронно-цифровой подписью

## Программа дисциплины

### Геометрия

Направление подготовки: 44.03.05 - Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

Профиль подготовки: Математика и информатика

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Год начала обучения по образовательной программе: 2016

## **Содержание**

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОПОП ВО
2. Место дисциплины (модуля) в структуре ОПОП ВО
3. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся
4. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий
  - 4.1. Структура и тематический план контактной и самостоятельной работы по дисциплине (модулю)
  - 4.2. Содержание дисциплины (модуля)
5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)
6. Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю)
7. Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)
8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", необходимых для освоения дисциплины (модуля)
9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)
10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)
11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)
12. Средства адаптации преподавания дисциплины (модуля) к потребностям обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья
13. Приложение №1. Фонд оценочных средств
14. Приложение №2. Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)
15. Приложение №3. Перечень информационных технологий, используемых для освоения дисциплины (модуля), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем

Программу дисциплины разработал(а)(и) доцент, к.н. (доцент) Костин А.В. (Кафедра математики и прикладной информатики, Факультет математики и естественных наук), AVKostin@kpfu.ru ; доцент, к.н. (доцент) Костина Н.Н. (Кафедра математики и прикладной информатики, Факультет математики и естественных наук), NaNKostina@kpfu.ru

**1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОПОП ВО**

Обучающийся, освоивший дисциплину (модуль), должен обладать следующими компетенциями:

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции
ПК-1	готовностью реализовывать образовательные программы по учебным предметам в соответствии с требованиями образовательных стандартов
ПК-6	готовностью к взаимодействию с участниками образовательного процесса

Обучающийся, освоивший дисциплину (модуль):

Должен знать:

основные понятия геометрии, определения и свойства математических объектов в этой области, формулировки утверждений, методы их доказательства, возможные сферы их приложений, в том числе в компьютерном моделировании геометрических объектов и явлений

Должен уметь:

решать задачи вычислительного и теоретического характера в области геометрии трехмерного евклидова (аффинного) пространства и проективной плоскости, доказывать утверждения

Должен владеть:

математическим аппаратом геометрии, аналитическими методами исследования геометрических объектов

Должен демонстрировать способность и готовность:

применять результаты освоения дисциплины в профессиональной деятельности

## 2. Место дисциплины (модуля) в структуре ОПОП ВО

Данная дисциплина (модуль) включена в раздел "Б1.В.ОД.4 Дисциплины (модули)" основной профессиональной образовательной программы 44.03.05 "Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки) (Математика и информатика)" и относится к обязательным дисциплинам.  
Осваивается на 1, 2 курсах в 1, 2, 3 семестрах.

## 3. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Общая трудоемкость дисциплины составляет 11 зачетных(ые) единиц(ы) на 396 часа(ов).

Контактная работа - 198 часа(ов), в том числе лекции - 108 часа(ов), практические занятия - 90 часа(ов), лабораторные работы - 0 часа(ов), контроль самостоятельной работы - 0 часа(ов).

Самостоятельная работа - 90 часа(ов).

Контроль (зачёт / экзамен) - 108 часа(ов).

Форма промежуточного контроля дисциплины: экзамен в 1 семестре; экзамен во 2 семестре; экзамен в 3 семестре.

## 4. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

### 4.1 Структура и тематический план контактной и самостоятельной работы по дисциплине (модулю)

N	Разделы дисциплины / модуля	Семестр	Виды и часы контактной работы, их трудоемкость (в часах)			Самостоятельная работа
			Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
1.	Тема 1. Векторы. Операции над векторами.	1	8	8	0	10
2.	Тема 2. Метод координат. Прямые на плоскости и в пространстве.	1	8	10	0	5
3.	Тема 3. Уравнения плоскости. Задачи на сочетание прямых и плоскостей	1	8	4	0	9
4.	Тема 4. Кривые второго порядка. Конические сечения.	1	4	8	0	8
5.	Тема 5. Общая теория линий второго порядка	1	8	6	0	4
6.	Тема 6. Геометрические преобразования плоскости и пространства	2	16	16	0	6
7.	Тема 7. Поверхности в евклидовом пространстве	2	14	14	0	6
8.	Тема 8. Элементы проективной геометрии	2	6	6	0	6
9.	Тема 9. Элементы топологии	3	12	6	0	18
10.	Тема 10. Дифференциальная геометрия кривых	3	12	6	0	10
11.	Тема 11. Дифференциальная геометрия поверхностей	3	12	6	0	8
	Итого		108	90	0	90

### 4.2 Содержание дисциплины (модуля)

#### Тема 1. Векторы. Операции над векторами.

Векторы. Линейные операции над векторами. Линейная зависимость векторов. Базис и размерность векторного пространства. Ортонормированные базисы. Координаты вектора относительно данного базиса и из свойства. Векторные подпространства.

Проекции векторов на плоскость и прямую как линейные отображения. Ортогональная проекция вектора на ось и ее свойства. Скалярное произведение и его свойства. Формулы для вычисления скалярного произведения векторов, модуля вектора, угла между векторами, расстояния между точками в прямоугольной декартовой системе координат. Векторное произведение векторов: определение, формулы для вычисления, свойства и приложения. Смешанное произведение векторов: определение, формулы для вычисления, свойства и приложения.

### **Тема 2. Метод координат. Прямые на плоскости и в пространстве.**

Метод координат на плоскости и в пространстве. Аффинная и прямоугольная декартова системы координат на плоскости и в пространстве; определение координат точки. Вычисление координат вектора по координатам его начала и конца. Вычисление расстояния между двумя точками. Деление отрезка в данном отношении.

Геометрический смысл уравнений и неравенств с двумя переменными. Полярная система координат на плоскости, цилиндрическая и сферическая системы координат в пространстве. Формулы преобразования координат.

Различные способы задания прямой на плоскости. Прямая в аффинной и прямоугольной декартовой системах координат. Расположение прямой относительно координатной системы. Взаимное расположение двух прямых на плоскости. Геометрический смысл знака многочлена  $Ax+By+C$ . Расстояние от точки до прямой. Угол между двумя прямыми.

### **Тема 3. Уравнения плоскости. Задачи на сочетание прямых и плоскостей**

Различные способы задания плоскости в пространстве. Плоскость в аффинной и прямоугольной декартовой системах координат. Расположение плоскости относительно координатной системы. Взаимное расположение двух и трёх плоскостей. Геометрический смысл знака многочлена  $Ax+By+Cz+D$ . Расстояние от точки до плоскости. Угол между двумя плоскостями. Пучки и связки плоскостей.

Различные способы задания прямой в пространстве. Взаимное расположение двух прямых в пространстве. Взаимное расположение прямой и плоскости. Расстояние от точки до прямой. Угол между двумя прямыми. Расстояние между скрещивающимися прямыми.

### **Тема 4. Кривые второго порядка. Конические сечения.**

Конические сечения. Окружность, эллипс, гипербола, парабола (определения, вывод канонических уравнений, свойства). Фокальные радиусы. Параметрические уравнения линий второго порядка. Эксцентриситет. Директориальные свойства линий второго порядка. Уравнения эллипса, гиперболы и параболы в полярных координатах.

### **Тема 5. Общая теория линий второго порядка**

Общее уравнение линии второго порядка. Пересечение линии второго порядка с прямой. Асимптотические направления. Асимптоты. Центр линии второго порядка. Касательная к линии второго порядка. Оптические свойства эллипса, гиперболы и параболы. Диаметры линии второго порядка. Сопряжённые направления, сопряжённые диаметры. Главные диаметры. Приведение общего уравнения линии второго порядка к каноническому виду.

### **Тема 6. Геометрические преобразования плоскости и пространства**

Группа преобразований множества, подгруппа группы преобразований. Определение движения. Частные виды движений. Свойства движений. Аналитическое задание движений. Классификация движений. Группа движений и её подгруппы. Подобия плоскости. Гомотетия. Разложение подобия в произведение гомотетии и движения. Классификация подобий. Группа подобий и её подгруппы. Подобие фигур. Аффинные преобразования. Перспективно-аффинные преобразования. Группа аффинных преобразований плоскости и её подгруппы. Аффинная эквивалентность фигур. Эрлангенская программа Ф.Клейна.

Геометрические преобразования пространства (обзорно). Движения, подобия, аффинные преобразования трёхмерного евклидова пространства.

### **Тема 7. Поверхности в евклидовом пространстве**

Поверхности вращения, цилиндрические и конические поверхности; их параметрические и неявные уравнения. Поверхности второго порядка в трехмерном евклидовом пространстве (эллипсоиды, гиперболоиды, параболоиды), их канонические уравнения и основные свойства. Прямолинейные образующие поверхностей второго порядка.

### **Тема 8. Элементы проективной геометрии**

Аксиомы проективного пространства. Свойства прямых и плоскостей в трёхмерном проективном пространстве. Модели проективной прямой и проективной плоскости.

Проективный репер на проективной прямой и на проективной плоскости. Координаты точки на проективной прямой и на проективной плоскости. Основной инвариант группы проективных преобразований.

### **Тема 9. Элементы топологии**

Аксиомы топологического пространства. Примеры топологий. Метрическое пространство. Топологическое отображение (гомеоморфизм). Связность. Аксиомы отделимости. Определение компактности, свойства компактных пространств. Многообразие. Эйлерова характеристика. связная сумма многообразий. Ориентируемость. Накрытия. Понятие о классификации двумерных многообразий.

### **Тема 10. Дифференциальная геометрия кривых**

Определение кривой, примеры. Параметризация на простой дуге, параметрическое уравнение кривой. Способы задания кривых на плоскости и в пространстве. Составление уравнений плоских и пространственных кривых. Неявное задание плоской кривой. Классификация особых точки кривой, заданной неявно. Неявное задание пространственной кривой. Касательная прямая пространственной кривой, заданной неявно. Определение длины дуги кривой, формулы для вычисления (при различных способах задания кривой). Касательная прямая, нормальная и спрямляющая плоскости. Соприкасающаяся плоскость кривой, её геометрический смысл. Трёхгранник Серре-Френе. Формулы Френе. Геометрический смысл кривизны и кручения кривой. Формулы для вычисления кривизны и кручения. Огибающая однопараметрического семейства плоских кривых. Дискриминантная кривая. Эволюта плоской кривой (определение, параметрические уравнения, геометрический смысл). Эвольвента плоской кривой. Взаимное расположение кривой и трёхгранника Френе в её заданной точке. Смысл знака кручения. Натуральные уравнения кривой. Задача о восстановлении параметрических уравнений кривой по её натуральным уравнениям.

### **Тема 11. Дифференциальная геометрия поверхностей**

Примеры поверхностей. Криволинейные координаты и параметрическое уравнение поверхности. Касательная прямая и касательная плоскость параметризованной поверхности. Нормаль поверхности. Составление уравнений поверхностей. Проекции поверхностей на координатные плоскости. Параметрические уравнения поверхностей вращения, цилиндрических, конических, развёртывающихся, винтовых поверхностей. Линейный элемент поверхности. Длина дуги кривой на поверхности. Первая квадратичная форма, её свойства. Билинейная форма, соответствующая первой квадратичной форме. Угол между двумя линиями на поверхности. Площадь области на поверхности. Нормальная кривизна кривой, принадлежащей поверхности. Вторая квадратичная форма поверхности, её коэффициенты. Зависимость кривизны кривой на поверхности от нормальной кривизны и угла между ее соприкасающейся плоскостью и нормалью к поверхности. Плоские сечения, нормальное сечение. Теорема Менье. Индикатриса Дюпена, её уравнение. Главные кривизны на поверхности в данной точке. Формула Эйлера. Характеристическое уравнение поверхности. Полная и средняя кривизны. Понятие минимальной поверхности. Классификация точек поверхности. Вид поверхности вблизи данной точки. Омбилические точки. Сферическое отображение области поверхности. Теорема Гаусса (геометрический смысл гауссовой кривизны). Асимптотические направления и асимптотические линии (определение, свойства, уравнение). Сопряженные направления, сопряженная сеть. Главные направления на поверхности. Линии кривизны (определение, свойства, уравнение). Изгибание и наложимость. Критерий наложимости.

## **5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)**

Самостоятельная работа обучающихся выполняется по заданию и при методическом руководстве преподавателя, но без его непосредственного участия. Самостоятельная работа подразделяется на самостоятельную работу на аудиторных занятиях и на внеаудиторную самостоятельную работу. Самостоятельная работа обучающихся включает как полностью самостоятельное освоение отдельных тем (разделов) дисциплины, так и проработку тем (разделов), осваиваемых во время аудиторной работы. Во время самостоятельной работы обучающиеся читают и конспектируют учебную, научную и справочную литературу, выполняют задания, направленные на закрепление знаний и отработку умений и навыков, готовятся к текущему и промежуточному контролю по дисциплине.

Организация самостоятельной работы обучающихся регламентируется нормативными документами, учебно-методической литературой и электронными образовательными ресурсами, включая:

Порядок организации и осуществления образовательной деятельности по образовательным программам высшего образования - программам бакалавриата, программам специалитета, программам магистратуры (утвержден приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 5 апреля 2017 года №301)

Письмо Министерства образования Российской Федерации №14-55-996нин/15 от 27 ноября 2002 г. "Об активизации самостоятельной работы студентов высших учебных заведений"

Устав федерального государственного автономного образовательного учреждения "Казанский (Приволжский) федеральный университет"

Правила внутреннего распорядка федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего профессионального образования "Казанский (Приволжский) федеральный университет"

Локальные нормативные акты Казанского (Приволжского) федерального университета

## **6. Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю)**

Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю) включает оценочные материалы, направленные на проверку освоения компетенций, в том числе знаний, умений и навыков. Фонд оценочных средств включает оценочные средства текущего контроля и оценочные средства промежуточной аттестации.

В фонде оценочных средств содержится следующая информация:

- соответствие компетенций планируемым результатам обучения по дисциплине (модулю);
- критерии оценивания сформированности компетенций;
- механизм формирования оценки по дисциплине (модулю);
- описание порядка применения и процедуры оценивания для каждого оценочного средства;
- критерии оценивания для каждого оценочного средства;

- содержание оценочных средств, включая требования, предъявляемые к действиям обучающихся, демонстрируемым результатам, задания различных типов.

Фонд оценочных средств по дисциплине находится в Приложении 1 к программе дисциплины (модулю).

## **7. Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)**

Освоение дисциплины (модуля) предполагает изучение основной и дополнительной учебной литературы. Литература может быть доступна обучающимся в одном из двух вариантов (либо в обоих из них):

- в электронном виде - через электронные библиотечные системы на основании заключенных КФУ договоров с правообладателями;

- в печатном виде - в Научной библиотеке им. Н.И. Лобачевского. Обучающиеся получают учебную литературу на абонементе по читательским билетам в соответствии с правилами пользования Научной библиотекой.

Электронные издания доступны дистанционно из любой точки при введении обучающимся своего логина и пароля от личного кабинета в системе "Электронный университет". При использовании печатных изданий библиотечный фонд должен быть укомплектован ими из расчета не менее 0,5 экземпляра (для обучающихся по ФГОС З++ - не менее 0,25 экземпляра) каждого из изданий основной литературы и не менее 0,25 экземпляра дополнительной литературы на каждого обучающегося из числа лиц, одновременно осваивающих данную дисциплину.

Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля), находится в Приложении 2 к рабочей программе дисциплины. Он подлежит обновлению при изменении условий договоров КФУ с правообладателями электронных изданий и при изменении комплектования фондов Научной библиотеки КФУ.

## **8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", необходимых для освоения дисциплины (модуля)**

Бесплатный ресурс для студентов - <http://math24.ru/calculus-list.html>

Образовательный математический сайт - <http://www.exponenta.ru/>

Общероссийский математический портал - <http://www.mathnet.ru>

## **9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)**

Вид работ	Методические рекомендации
лекции	Лекционные занятия проводятся с использованием интерактивных технологий и предполагают активное участие студентов. Для подготовки к занятиям рекомендуется выделять в материале проблемные вопросы, затрагиваемые преподавателем в лекции, и группировать информацию вокруг них. Желательно выделять в используемой литературе постановки вопросов, на которые разными авторами могут быть даны различные ответы. На основании постановки таких вопросов следует собирать аргументы в пользу различных вариантов решения поставленных проблем.
практические занятия	Практическое занятие - это занятие, проводимое под руководством преподавателя в учебной аудитории, направленное на углубление научно-теоретических знаний и овладение определенными методами самостоятельной работы. В процессе таких занятийрабатываются практические умения (вычислений, расчетов, использования таблиц, справочников, номограмм). Перед практическим занятием следует изучить конспект лекции и рекомендованную преподавателем литературу, обращая внимание на практическое применение теории и на методику решения типовых задач. На практическом занятии главное - уяснить связь решаемых задач с теоретическими положениями. При решении предложенной задачи нужно стремиться не только получить правильный ответ, но и усвоить общий метод решения подобных задач. На практических занятиях студенты решают типовые задачи с использованием изученных методов. Работа на практических занятиях предполагает повторение теоретического материала, активное участие в совместном решении задач, отчеты по выполненной домашней работе.

Вид работ	Методические рекомендации
самостоятельная работа	Самостоятельная работа - это вид занятия, на котором обучающиеся с определённой долей самостоятельности выполняют различного рода задания, прилагая необходимые для этого умственные усилия и проявляя навыки самоконтроля и самокоррекции. Самостоятельная работа включает в себя: изучение теоретического материала по конспектам лекций и учебникам; выполнение письменных домашних заданий; подготовку к аудиторным контрольным работам; подготовку к теоретическим опросам на практических занятиях; подготовку к экзамену/зачёту
экзамен	Экзамен по курсу проводится в виде тестирования или по билетам. При подготовке к экзамену необходимо опираться на источники, которые разбирались на лекциях в течение семестра. В каждом билете присутствует практическое задание (помимо 2 теоретических вопросов), таким образом, обучающийся демонстрирует и наработанные практические умения и навыки.

**10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)**

Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем, представлен в Приложении 3 к рабочей программе дисциплины (модуля).

**11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)**

Материально-техническое обеспечение образовательного процесса по дисциплине (модулю) включает в себя следующие компоненты:

Помещения для самостоятельной работы обучающихся, укомплектованные специализированной мебелью (столы и стулья) и оснащенные компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду КФУ.

Учебные аудитории для контактной работы с преподавателем, укомплектованные специализированной мебелью (столы и стулья).

Компьютер и принтер для распечатки раздаточных материалов.

Мультимедийная аудитория.

**12. Средства адаптации преподавания дисциплины к потребностям обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья**

При необходимости в образовательном процессе применяются следующие методы и технологии, облегчающие восприятие информации обучающимися инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья:

- создание текстовой версии любого нетекстового контента для его возможного преобразования в альтернативные формы, удобные для различных пользователей;
- создание контента, который можно представить в различных видах без потери данных или структуры, предусмотреть возможность масштабирования текста и изображений без потери качества, предусмотреть доступность управления контентом с клавиатуры;
- создание возможностей для обучающихся воспринимать одну и ту же информацию из разных источников - например, так, чтобы лица с нарушениями слуха получали информацию визуально, с нарушениями зрения - аудиально;
- применение программных средств, обеспечивающих возможность освоения навыков и умений, формируемых дисциплиной, за счёт альтернативных способов, в том числе виртуальных лабораторий и симуляционных технологий;
- применение дистанционных образовательных технологий для передачи информации, организации различных форм интерактивной контактной работы обучающегося с преподавателем, в том числе вебинаров, которые могут быть использованы для проведения виртуальных лекций с возможностью взаимодействия всех участников дистанционного обучения, проведения семинаров, выступления с докладами и защиты выполненных работ, проведения тренингов, организации коллективной работы;
- применение дистанционных образовательных технологий для организации форм текущего и промежуточного контроля;
- увеличение продолжительности сдачи обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья форм промежуточной аттестации по отношению к установленной продолжительности их сдачи;
- продолжительности сдачи зачёта или экзамена, проводимого в письменной форме, - не более чем на 90 минут;
- продолжительности подготовки обучающегося к ответу на зачёте или экзамене, проводимом в устной форме, - не более чем на 20 минут;

- продолжительности выступления обучающегося при защите курсовой работы - не более чем на 15 минут.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО и учебным планом по направлению 44.03.05 "Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)" и профилю подготовки "Математика и информатика".

**Приложение 2**  
к рабочей программе дисциплины (модуля)  
**Б1.В.ОД.4 Геометрия**

**Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)**

Направление подготовки: 44.03.05 - Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

Профиль подготовки: Математика и информатика

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Год начала обучения по образовательной программе: 2016

**Основная литература:**

1. Александров, А. Д. Геометрия: учебник / А. Д. Александров, Н. Ю. Нецевтаев - 2-е изд., исправленное. - СПб.: БХВ-Петербург, 2010. - 612 с. - URL: <http://znanium.com/bookread2.php?book=350711>
2. Кузовлев В.П. Курс геометрии: элементы топологии, дифференциальная геометрия, основания геометрии [Электронный ресурс] : учебник / В.П. Кузовлев, Н.Г. Подадева. - М.: Физматлит, 2012. - 207 с. - URL: <https://e.lanbook.com/reader/book/59618/#1>
3. Сборник задач по геометрии : учебное пособие / Под ред. В.Т. Базылева. - 2-е изд., стер. - СПб.: Лань, 2008. - 256с. - (101 экз.).

**Дополнительная литература:**

1. Атанасян Л.С. Геометрия / Л.С. Атанасян, В.Т. Базылев. В 2-х ч. Ч.2 :Учеб. пособие . - 2-е изд-е,стор. - М.: КНОРУС, 2011. - 424 с. (10 экз.).
2. Беклемишева, Л.А. Сборник задач по аналитической геометрии и линейной алгебре [Электронный ресурс]: Учеб. пособие / Беклемишева Л.А., Петрович А.Ю., Чубаров И.А. Под ред. Д.В. Беклемишева. - 2-е изд., перераб. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2006. - URL <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN5922100106.html>
3. Цубербиллер, О.Н. Задачи и упражнения по аналитической геометрии [Электронный ресурс]: учебное пособие. - СПб.: Лань, 2009. - 337 с. URL: <https://e.lanbook.com/reader/book/430/#1>

Приложение 3  
к рабочей программе дисциплины (модуля)  
Б1.В.ОД.4 Геометрия

**Перечень информационных технологий, используемых для освоения дисциплины (модуля), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем**

Направление подготовки: 44.03.05 - Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

Профиль подготовки: Математика и информатика

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Год начала обучения по образовательной программе: 2016

Освоение дисциплины (модуля) предполагает использование следующего программного обеспечения и информационно-справочных систем:

Операционная система Microsoft Windows 7 Профессиональная или Windows XP (Volume License)

Пакет офисного программного обеспечения Microsoft Office 365 или Microsoft Office Professional plus 2010

Браузер Mozilla Firefox

Браузер Google Chrome

Adobe Reader XI или Adobe Acrobat Reader DC

Kaspersky Endpoint Security для Windows

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе "ZNANIUM.COM", доступ к которой предоставлен обучающимся. ЭБС "ZNANIUM.COM" содержит произведения крупнейших российских учёных, руководителей государственных органов, преподавателей ведущих вузов страны, высококвалифицированных специалистов в различных сферах бизнеса. Фонд библиотеки сформирован с учетом всех изменений образовательных стандартов и включает учебники, учебные пособия, учебно-методические комплексы, монографии, авторефераты, диссертации, энциклопедии, словари и справочники, законодательно-нормативные документы, специальные периодические издания и издания, выпускаемые издательствами вузов. В настоящее время ЭБС ZNANIUM.COM соответствует всем требованиям федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования (ФГОС ВО) нового поколения.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе Издательства "Лань", доступ к которой предоставлен обучающимся. ЭБС Издательства "Лань" включает в себя электронные версии книг издательства "Лань" и других ведущих издательств учебной литературы, а также электронные версии периодических изданий по естественным, техническим и гуманитарным наукам. ЭБС Издательства "Лань" обеспечивает доступ к научной, учебной литературе и научным периодическим изданиям по максимальному количеству профильных направлений с соблюдением всех авторских и смежных прав.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе "Консультант студента", доступ к которой предоставлен обучающимся. Многопрофильный образовательный ресурс "Консультант студента" является электронной библиотечной системой (ЭБС), предоставляемой доступ через сеть Интернет к учебной литературе и дополнительным материалам, приобретенным на основании прямых договоров с правообладателями. Полностью соответствует требованиям федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования к комплектованию библиотек, в том числе электронных, в части формирования фондов основной и дополнительной литературы.