

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное автономное учреждение
высшего профессионального образования
"Казанский (Приволжский) федеральный университет"
Институт математики и механики им. Н.И. Лобачевского



УТВЕРЖДАЮ

Проректор
по образовательной деятельности КФУ
Проф. Минзарипов Р.Г.

_____ 20__ г.

Программа дисциплины

Асимптотические методы решения задач механики М1.ДВ.3

Направление подготовки: 010800.68 - Механика и математическое моделирование

Профиль подготовки: Механика твердого деформируемого тела

Квалификация выпускника: магистр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Автор(ы):

Егоров А.Г.

Рецензент(ы):

Коноплев Ю.Г.

СОГЛАСОВАНО:

Заведующий(ая) кафедрой: Егоров А. Г.

Протокол заседания кафедры No _____ от "_____" _____ 201__ г

Учебно-методическая комиссия Института математики и механики им. Н.И. Лобачевского :

Протокол заседания УМК No _____ от "_____" _____ 201__ г

Регистрационный No

Казань
2015

Содержание

1. Цели освоения дисциплины
2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы
3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля
4. Структура и содержание дисциплины/ модуля
5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения
6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов
7. Литература
8. Интернет-ресурсы
9. Материально-техническое обеспечение дисциплины/модуля согласно утвержденному учебному плану

Программу дисциплины разработал(а)(и) заведующий кафедрой, д.н. (с.н.с.) Егоров А.Г.
Кафедра аэрогидромеханики отделение механики , Andrey.egorov@kpfu.ru

1. Цели освоения дисциплины

Целями освоения дисциплины "Асимптотические методы решения задач механики" является изучение и практическое освоение методов исследования зависящих от малого параметра интегралов, интегральных уравнений, обыкновенных дифференциальных уравнений, уравнений в частных производных. Изложение ведется на примерах из теоретической механики, механики жидкости, теории фильтрации. Особое внимание уделяется сингулярным задачам с малым параметром. Рассматриваются методы сращивания асимптотических разложений, метод растянутых координат, метод многих масштабов, техника ВКБ построения асимптотических разложений. Обсуждается метод гомогенизации и его возможности применительно к механике пористых сред.

Основной упор сделан на вопросы практического использования методов асимптотического анализа в задачах механики

2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы высшего профессионального образования

Данная учебная дисциплина включена в раздел " М1.ДВ.3 Общенаучный" основной образовательной программы 010800.68 Механика и математическое моделирование и относится к дисциплинам по выбору. Осваивается на 2 курсе, 3 семестр.

Дисциплина входит в вариативную часть профессионального цикла. Для ее освоения нужны первоначальные знания из курсов математического анализа, дифференциальных уравнений, уравнений в частных производных, теоретической механики, механики сплошной среды, теории фильтрации. Получаемые знания, умения и навыки необходимы для практического использования методов асимптотического анализа в задачах механики, и используются при выполнении магистерских диссертаций по направлению "механика и математическое моделирование".

3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля

В результате освоения дисциплины формируются следующие компетенции:

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции
ОК-8 (общекультурные компетенции)	способностью к проявлению инициативы и лидерских качеств
ПК-1 (профессиональные компетенции)	Обладать способностью к определению закономерностей, а также инструментальных средств данной области знания
ПК-3 (профессиональные компетенции)	способность к интенсивной научно-исследовательской и научно-изыскательской деятельности
ПК-4 (профессиональные компетенции)	способность к применению методов математического и алгоритмического моделирования при решении теоретических и прикладных задач
ПК-9 (профессиональные компетенции)	умением ориентироваться в современных алгоритмах компьютерной математики, совершенствовать, углублять и развивать математическую теорию и физико-механические модели, лежащие в их основе

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции
ПК-12 (профессиональные компетенции)	Обладать глубоким пониманием сути точности фундаментального знания
ПК-19 (профессиональные компетенции)	умением извлекать актуальную научно-техническую информацию из электронных библиотек, реферативных журналов

В результате освоения дисциплины студент:

4. должен демонстрировать способность и готовность:

- 1) приобрести навыки использования асимптотических методов в задачах механики.
- 2) ориентироваться в особенностях применения общих методов асимптотического анализа к исследованию конкретных задач механики,
- 3) обладать теоретическими знаниями об общих методах асимптотического анализа интегралов, обыкновенных дифференциальных уравнений и уравнений в частных производных

4. Структура и содержание дисциплины/ модуля

Общая трудоемкость дисциплины составляет зачетных(ые) единиц(ы) 144 часа(ов).

Форма промежуточного контроля дисциплины экзамен в 3 семестре.

Суммарно по дисциплине можно получить 100 баллов, из них текущая работа оценивается в 50 баллов, итоговая форма контроля - в 50 баллов. Минимальное количество для допуска к зачету 28 баллов.

86 баллов и более - "отлично" (отл.);

71-85 баллов - "хорошо" (хор.);

55-70 баллов - "удовлетворительно" (удов.);

54 балла и менее - "неудовлетворительно" (неуд.).

4.1 Структура и содержание аудиторной работы по дисциплине/ модулю

Тематический план дисциплины/модуля

N	Раздел Дисциплины/ Модуля	Семестр	Неделя семестра	Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах)			Текущие формы контроля
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
1.	Тема 1. Введение в асимптотические методы на примере алгебраических уравнений.	3	1	1	1	0	домашнее задание
2.	Тема 2. Сходимость и асимптотичность.	3	2	2	2	0	домашнее задание
3.	Тема 3. Асимптотическое исследование интегралов.	3	3	1	2	0	домашнее задание

N	Раздел Дисциплины/ Модуля	Семестр	Неделя семестра	Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах)			Текущие формы контроля
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
4.	Тема 4. Регулярные возмущения в уравнениях с частными производными.	3	4	1	0	0	научный доклад
5.	Тема 5. Метод сращивания асимптотических разложений на примере модельной задачи конвекции-диффузии с преобладанием конвекции.	3	5	1	1	0	контрольная работа
6.	Тема 6. Специфика сращивания асимптотических разложений в задачах гидромеханики с неограниченными областями.	3	6	0	2	0	домашнее задание
7.	Тема 7. Последовательность вложенных пограничных слоев на примере задачи о динамическом гистерезисе.	3	7	1	1	0	домашнее задание
8.	Тема 8. Метод растянутых координат.	3	8	1	2	0	домашнее задание
9.	Тема 9. Метод многих масштабов.	3	9	1	2	0	письменная работа
10.	Тема 10. Метод гомогенизации анализа уравнений с быстро осциллирующими коэффициентами.	3	10	0	2	0	домашнее задание
11.	Тема 11. ВКБ-метод асимптотического анализа.	3	11	1	1	0	коллоквиум
12.	Тема 12. Уравнение фазового поля.	3	12	0	0	0	научный доклад
.	Тема . Итоговая форма контроля	3		0	0	0	экзамен
	Итого			10	16	0	

4.2 Содержание дисциплины

Тема 1. Введение в асимптотические методы на примере алгебраических уравнений.

лекционное занятие (1 часа(ов)):

Основные методы построения асимптотических решений : метод итераций и метод асимптотических разложений. Регулярно и сингулярно возмущенные задачи.

практическое занятие (1 часа(ов)):

Идея перенормировки. Алгоритм нахождения полезных перенормировок.

Тема 2. Сходимость и асимптотичность.

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Понятия асимптотической последовательности, асимптотического представления, асимптотического ряда. Операции с асимптотическими рядами

практическое занятие (2 часа(ов)):

Численное использование асимптотических рядов.

Тема 3. Асимптотическое исследование интегралов.

лекционное занятие (1 часа(ов)):

Лемма Ватсона. Метод стационарной фазы. Метод перевала

практическое занятие (2 часа(ов)):

Понятие о локальных и нелокальных вкладах в интеграл. Методы вычитания и расщепления при построении асимптотических представлений интегралов. Вычисление электрической емкости тонкого тела.

Тема 4. Регулярные возмущения в уравнениях с частными производными.

лекционное занятие (1 часа(ов)):

Возмущения в уравнении, граничных условиях, положении границы. Задача о потенциале вокруг близкого к сфере тела

Тема 5. Метод сращивания асимптотических разложений на примере модельной задачи конвекции-диффузии с преобладанием конвекции.

лекционное занятие (1 часа(ов)):

Внешнее и внутреннее разложение. Область перекрытия. Сращивание разложений. Правило Ван-Дайка.

практическое занятие (1 часа(ов)):

Построение равномерно пригодного асимптотического разложения. Приемы определения местоположения и толщины пограничного слоя.

Тема 6. Специфика сращивания асимптотических разложений в задачах гидромеханики с неограниченными областями.

практическое занятие (2 часа(ов)):

Асимптотическое решение задач об обтекании цилиндра и сферы при малых числах Рейнольдса

Тема 7. Последовательность вложенных пограничных слоев на примере задачи о динамическом гистерезисе.

лекционное занятие (1 часа(ов)):

Последовательность вложенных пограничных слоев

практическое занятие (1 часа(ов)):

Асимптотическое решение задачи о динамическом гистерезисе.

Тема 8. Метод растянутых координат.

лекционное занятие (1 часа(ов)):

Основная идея метода растянутых координат. Задача Лайтхилла.

практическое занятие (2 часа(ов)):

Осциллятор Дюффинга со слабой нелинейностью. Задача о малоамплитудных волнах на мелкой воде. Вычисление времени опрокидывания волны.

Тема 9. Метод многих масштабов.

лекционное занятие (1 часа(ов)):

Основная идея метода многих масштабов. Осциллятор Ван-дер-Поля

практическое занятие (2 часа(ов)):

Задача о параметрическом резонансе.

Тема 10. Метод гомогенизации анализа уравнений с быстро осциллирующими коэффициентами.

практическое занятие (2 часа(ов)):

Построение формального асимптотического разложения. Задачи на ячейке. Эффективные характеристики среды. Вариационные методы построения двусторонних оценок для эффективных характеристик. 1-ая и 2-ая формулы Дыхне

Тема 11. ВКБ-метод асимптотического анализа.

лекционное занятие (1 часа(ов)):

Идея и возможности ВКБ-метода. Формальное асимптотическое разложение. Точки поворота.

практическое занятие (1 часа(ов)):

Уравнение Шредингера для гармонического осциллятора.

Тема 12. Уравнение фазового поля.

4.3 Структура и содержание самостоятельной работы дисциплины (модуля)

N	Раздел Дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды самостоятельной работы студентов	Трудоемкость (в часах)	Формы контроля самостоятельной работы
1.	Тема 1. Введение в асимптотические методы на примере алгебраических уравнений.	3	1	подготовка домашнего задания	6	домашнее задание
2.	Тема 2. Сходимость и асимптотичность.	3	2	подготовка домашнего задания	6	домашнее задание
3.	Тема 3. Асимптотическое исследование интегралов.	3	3	подготовка домашнего задания	4	домашнее задание
4.	Тема 4. Регулярные возмущения в уравнениях с частными производными.	3	4	подготовка к научному докладу	14	научный доклад
5.	Тема 5. Метод сращивания асимптотических разложений на примере модельной задачи конвекции-диффузии с преобладанием конвекции.	3	5	подготовка к контрольной работе	4	контрольная работа

N	Раздел Дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды самостоятельной работы студентов	Трудоемкость (в часах)	Формы контроля самостоятельной работы
6.	Тема 6. Специфика срачивания асимптотических разложений в задачах гидромеханики с неограниченными областями.	3	6	подготовка домашнего задания	4	домашнее задание
7.	Тема 7. Последовательность вложенных пограничных слоев на примере задачи о динамическом гистерезисе.	3	7	подготовка домашнего задания	4	домашнее задание
8.	Тема 8. Метод растянутых координат.	3	8	подготовка домашнего задания	8	домашнее задание
9.	Тема 9. Метод многих масштабов.	3	9	подготовка к письменной работе	10	письменная работа
10.	Тема 10. Метод гомогенизации анализа уравнений с быстро осциллирующими коэффициентами.	3	10	подготовка домашнего задания	10	домашнее задание
11.	Тема 11. ВКБ-метод асимптотического анализа.	3	11	подготовка к коллоквиуму	10	коллоквиум
12.	Тема 12. Уравнение фазового поля.	3	12	подготовка к научному докладу	20	научный доклад
	Итого				100	

5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения

1. активные и интерактивные формы, лекции, семинарские занятия, контрольная работа, зачет. В течение учебного года студенты решают задачи, указанные преподавателем, к каждому семинару, самостоятельно изучают и докладывают на семинарах отдельные темы курса. К экзамену допускаются студенты, сдавшие все задачи и показавшие положительные результаты по текущей работе в течение семестра.

6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов

Тема 1. Введение в асимптотические методы на примере алгебраических уравнений.

домашнее задание, примерные вопросы:

Идея перенормировки. Алгоритм нахождения полезных перенормировок.

Тема 2. Сходимость и асимптотичность.

домашнее задание, примерные вопросы:

Численное использование асимптотических рядов.

Тема 3. Асимптотическое исследование интегралов.

домашнее задание , примерные вопросы:

Методы вычитания и расщепления при построении асимптотических представлений интегралов. Вычисление электрической емкости тонкого тела.

Тема 4. Регулярные возмущения в уравнениях с частными производными.

научный доклад , примерные вопросы:

Задача о потенциале вокруг близкого к сфере тела. Задача о форме медленно вращающегося самогравитирующего тела

Тема 5. Метод сращивания асимптотических разложений на примере модельной задачи конвекции-диффузии с преобладанием конвекции.

контрольная работа , примерные вопросы:

Внешнее и внутреннее разложение. Область перекрытия. Сращивание разложений. Правило Ван-Дайка. Построение равномерно пригодного асимптотического разложения. Приемы определения местоположения и толщины пограничного слоя.

Тема 6. Специфика сращивания асимптотических разложений в задачах гидромеханики с неограниченными областями.

домашнее задание , примерные вопросы:

Обтекание сферы и цилиндра при малых числах Рейнольдса

Тема 7. Последовательность вложенных пограничных слоев на примере задачи о динамическом гистерезисе.

домашнее задание , примерные вопросы:

Последовательность вложенных пограничных слоев на примере задачи о динамическом гистерезисе.

Тема 8. Метод растянутых координат.

домашнее задание , примерные вопросы:

Осциллятор Дюффинга со слабой нелинейностью. Задача о малоамплитудных волнах на мелкой воде. Вычисление времени опрокидывания волны.

Тема 9. Метод многих масштабов.

письменная работа , примерные вопросы:

Осциллятор Ван-дер-Поля. Задача о параметрическом резонансе.

Тема 10. Метод гомогенизации анализа уравнений с быстро осциллирующими коэффициентами.

домашнее задание , примерные вопросы:

Эффективные характеристики среды. Вариационные методы построения двусторонних оценок для эффективных характеристик. 1-ая и 2-ая формулы Дыхне. Гипотеза Ландау-Матерона.

Тема 11. ВКБ-метод асимптотического анализа.

коллоквиум , примерные вопросы:

Точки поворота. Уравнение Шредингера для гармонического осциллятора.

Тема 12. Уравнение фазового поля.

научный доклад , примерные вопросы:

1)Уравнение фазового поля. 2)Задачи Хеле-Шоу, Стефана как асимптотический предел уравнений фазового поля.

Тема . Итоговая форма контроля

Примерные вопросы к экзамену:

все виды текущего контроля успеваемости и аттестации по итогам освоения дисциплины оцениваются по 100-балльной рейтинговой системе, принятой к КФУ.

7.1. Основная литература:

Механика сплошной среды, Нигматулин, Роберт Искандерович, 2014г.

Михасев Г.И. Товстик П.Е. Локализованные колебания и волны в тонких оболочках.

Асимптотические методы. - Санкт-Петербург: Лань, 2009. - 292 с.

http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=2264

Высоцкий Л.И., Коперник Г.Р., Высоцкий И.С. Математическое и физическое моделирование потенциальных течений жидкости. - Санкт-Петербург: Лань, 2014. - 64 с.

http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=44842

7.2. Дополнительная литература:

Покровский В.В. Механика. Методы решения задач: учебное пособие. - М.: БИНОМ.

Лаборатория знаний, 2012 - 253 с. <http://e.lanbook.com/view/book/8713/>

Найфэ А. Введение в методы возмущений. М.: Мир, 1984, 535 с.

Найфэ А. Х. Методы возмущений. М.: Мир, 1976. 455 с.

7.3. Интернет-ресурсы:

альбом течений жидкости и газа . AN ALBUM OF -

www.imec.msu.ru/content/nio/VanDaik/vd_main.html

Георесурсы. - Научно-технический журнал - <http://www.georesources.ksu.ru>

Гидрогазодинамика: Учебное пособие / А.А. Кудинов. - М.: НИЦ ИНФРА-М -

<http://www.znaniyum.com/bookread.php?book=410288>

Методы научного познания: Учебное пособие / С.А. Лебедев. - М.: Альфа-М: НИЦ ИНФРА-М,

2014. - 272 с - <http://www.znaniyum.com/bookread.php?book=450183>

Научная электронная библиотека - <http://elibrary.ru/>

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины(модуля)

Освоение дисциплины "Асимптотические методы решения задач механики" предполагает использование следующего материально-технического обеспечения:

Мультимедийная аудитория, вместимостью более 60 человек. Мультимедийная аудитория состоит из интегрированных инженерных систем с единой системой управления, оснащенная современными средствами воспроизведения и визуализации любой видео и аудио информации, получения и передачи электронных документов. Типовая комплектация мультимедийной аудитории состоит из: мультимедийного проектора, автоматизированного проекционного экрана, акустической системы, а также интерактивной трибуны преподавателя, включающей тач-скрин монитор с диагональю не менее 22 дюймов, персональный компьютер (с техническими характеристиками не ниже Intel Core i3-2100, DDR3 4096Mb, 500Gb), конференц-микрофон, беспроводной микрофон, блок управления оборудованием, интерфейсы подключения: USB, audio, HDMI. Интерактивная трибуна преподавателя является ключевым элементом управления, объединяющим все устройства в единую систему, и служит полноценным рабочим местом преподавателя. Преподаватель имеет возможность легко управлять всей системой, не отходя от трибуны, что позволяет проводить лекции, практические занятия, презентации, вебинары, конференции и другие виды аудиторной нагрузки обучающихся в удобной и доступной для них форме с применением современных интерактивных средств обучения, в том числе с использованием в процессе обучения всех корпоративных ресурсов. Мультимедийная аудитория также оснащена широкополосным доступом в сеть интернет. Компьютерное оборудование имеет соответствующее лицензионное программное обеспечение.

Компьютерный класс, представляющий собой рабочее место преподавателя и не менее 15 рабочих мест студентов, включающих компьютерный стол, стул, персональный компьютер, лицензионное программное обеспечение. Каждый компьютер имеет широкополосный доступ в сеть Интернет. Все компьютеры подключены к корпоративной компьютерной сети КФУ и находятся в едином домене.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе "БиблиоРоссика", доступ к которой предоставлен студентам. В ЭБС "БиблиоРоссика" представлены коллекции актуальной научной и учебной литературы по гуманитарным наукам, включающие в себя публикации ведущих российских издательств гуманитарной литературы, издания на английском языке ведущих американских и европейских издательств, а также редкие и малотиражные издания российских региональных вузов. ЭБС "БиблиоРоссика" обеспечивает широкий законный доступ к необходимым для образовательного процесса изданиям с использованием инновационных технологий и соответствует всем требованиям федеральных государственных образовательных стандартов высшего профессионального образования (ФГОС ВПО) нового поколения.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе "ZNANIUM.COM", доступ к которой предоставлен студентам. ЭБС "ZNANIUM.COM" содержит произведения крупнейших российских учёных, руководителей государственных органов, преподавателей ведущих вузов страны, высококвалифицированных специалистов в различных сферах бизнеса. Фонд библиотеки сформирован с учетом всех изменений образовательных стандартов и включает учебники, учебные пособия, УМК, монографии, авторефераты, диссертации, энциклопедии, словари и справочники, законодательно-нормативные документы, специальные периодические издания и издания, выпускаемые издательствами вузов. В настоящее время ЭБС ZNANIUM.COM соответствует всем требованиям федеральных государственных образовательных стандартов высшего профессионального образования (ФГОС ВПО) нового поколения.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе Издательства "Лань", доступ к которой предоставлен студентам. ЭБС Издательства "Лань" включает в себя электронные версии книг издательства "Лань" и других ведущих издательств учебной литературы, а также электронные версии периодических изданий по естественным, техническим и гуманитарным наукам. ЭБС Издательства "Лань" обеспечивает доступ к научной, учебной литературе и научным периодическим изданиям по максимальному количеству профильных направлений с соблюдением всех авторских и смежных прав.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе "Консультант студента", доступ к которой предоставлен студентам. Электронная библиотечная система "Консультант студента" предоставляет полнотекстовый доступ к современной учебной литературе по основным дисциплинам, изучаемым в медицинских вузах (представлены издания как чисто медицинского профиля, так и по естественным, точным и общественным наукам). ЭБС предоставляет вузу наиболее полные комплекты необходимой литературы в соответствии с требованиями государственных образовательных стандартов с соблюдением авторских и смежных прав.

учебные аудитории для проведения лекционных и семинарских занятий

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВПО и учебным планом по направлению 010800.68 "Механика и математическое моделирование" и магистерской программе Механика твердого деформируемого тела .

Автор(ы):

Егоров А.Г. _____

"__" _____ 201__ г.

Рецензент(ы):

Коноплев Ю.Г. _____

"__" _____ 201__ г.