

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования
"Казанский (Приволжский) федеральный университет"
Институт математики и механики им. Н.И. Лобачевского



УТВЕРЖДАЮ

Проректор по образовательной деятельности КФУ
проф. Таюрский Д.А.

"__" _____ 20__ г.

Программа дисциплины

Общая теория приближенных методов и ее приложения

Направление подготовки: 01.03.01 - Математика

Профиль подготовки: Общий профиль

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Год начала обучения по образовательной программе: 2016

Содержание

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОПОП ВО
2. Место дисциплины (модуля) в структуре ОПОП ВО
3. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся
4. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий
 - 4.1. Структура и тематический план контактной и самостоятельной работы по дисциплине (модулю)
 - 4.2. Содержание дисциплины (модуля)
5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)
6. Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю)
7. Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)
8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", необходимых для освоения дисциплины (модуля)
9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)
10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)
11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)
12. Средства адаптации преподавания дисциплины (модуля) к потребностям обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья
13. Приложение №1. Фонд оценочных средств
14. Приложение №2. Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)
15. Приложение №3. Перечень информационных технологий, используемых для освоения дисциплины (модуля), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем

Программу дисциплины разработал(а)(и) доцент, к.н. (доцент) Агачев Ю.Р. (Кафедра теории функций и приближений, отделение математики), Juriy.Agachev@kpfu.ru

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОПОП ВО

Обучающийся, освоивший дисциплину (модуль), должен обладать следующими компетенциями:

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции
ОПК-3	способностью к самостоятельной научно-исследовательской работе
ПК-1	способностью к определению общих форм и закономерностей отдельной предметной области
ПК-3	способностью строго доказать утверждение, сформулировать результат, увидеть следствия полученного результата
ПК-6	способностью передавать результат проведенных физико-математических и прикладных исследований в виде конкретных рекомендаций, выраженной в терминах предметной области изучавшегося явления
ПК-7	способностью использовать методы математического и алгоритмического моделирования при анализе управленческих задач в научно-технической сфере, в экономике, бизнесе и гуманитарных областях знаний

Обучающийся, освоивший дисциплину (модуль):

Должен знать:

основы теории приближенных методов и их применение к обоснованию прямых методов решения корректно поставленных интегральных и дифференциальных уравнений

Должен уметь:

строить вычислительные схемы конкретных прямых (в частности, проекционных) методов решения различных классов функциональных уравнений

Должен владеть:

информацией о применимости конкретных прямых методов решения простейших интегральных уравнений второго рода и обыкновенных дифференциальных уравнений

Должен демонстрировать способность и готовность:

применить идеи, лежащие в основе теоретического исследования приближенных методов решения операторных уравнений, для построения полиномиальных и сплайновых приближений к решению различных классов интегральных, дифференциальных и интегро-дифференциальных уравнений

2. Место дисциплины (модуля) в структуре ОПОП ВО

Данная дисциплина (модуль) включена в раздел "Б1.В.ДВ.7 Дисциплины (модули)" основной профессиональной образовательной программы 01.03.01 "Математика (Общий профиль)" и относится к дисциплинам по выбору. Осваивается на 3 курсе в 6 семестре.

3. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетных(ые) единиц(ы) на 108 часа(ов).

Контактная работа - 52 часа(ов), в том числе лекции - 26 часа(ов), практические занятия - 26 часа(ов), лабораторные работы - 0 часа(ов), контроль самостоятельной работы - 0 часа(ов).

Самостоятельная работа - 38 часа(ов).

Контроль (зачёт / экзамен) - 18 часа(ов).

Форма промежуточного контроля дисциплины: экзамен в 6 семестре.

4. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

4.1 Структура и тематический план контактной и самостоятельной работы по дисциплине (модулю)

N	Разделы дисциплины / модуля	Семестр	Виды и часы контактной работы, их трудоемкость (в часах)			Самостоятельная работа
			Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
1.	Тема 1. Общая теория приближенных методов анализа	6	5	4	0	7
2.	Тема 2. Приложения общей теории к периодическим интегральным уравнениям Фредгольма второго рода	6	7	8	0	10
3.	Тема 3. Приложения общей теории к неперидическим интегральным уравнениям Фредгольма второго рода	6	6	6	0	8
4.	Тема 4. Приложения общей теории к интегральным уравнениям Вольтерра второго рода	6	3	4	0	5
5.	Тема 5. Приложения к приближенному решению корректных обыкновенных дифференциальных уравнений	6	3	4	0	6
6.	Тема 6. Приложения к бесконечным системам линейных алгебраических уравнений	6	2	0	0	2
	Итого		26	26	0	38

4.2 Содержание дисциплины (модуля)

Тема 1. Общая теория приближенных методов анализа

1. Односторонняя и двусторонняя обратимость аппроксимирующих операторов
2. Представление и оценка погрешности приближенного решения
3. Прямые и проекционные методы решения линейных операторных уравнений. Теоремы о разрешимости аппроксимирующих уравнений, сходимости приближенных решений и оценке погрешности. Теорема о представлении погрешности приближенных решений
4. Устойчивость и обусловленность прямых методов

Тема 2. Приложения общей теории к периодическим интегральным уравнениям Фредгольма второго рода

1. Полиномиальные методы Галеркина, наименьших квадратов, коллокации, подобластей и механических квадратур. Сходимость в среднем методов
2. Сходимость в узлах методов коллокации и механических квадратур
3. Равномерная сходимость методов Галеркина, коллокации, подобластей и механических квадратур

Тема 3. Приложения общей теории к неперидическим интегральным уравнениям Фредгольма второго рода

1. Полиномиальные методы Галеркина, коллокации, подобластей и механических квадратур. Сходимость методов в пространстве квадратично-суммируемых с весом
2. Сходимость в узлах методов коллокации и механических квадратур
3. Равномерная сходимость методов Галеркина, коллокации, подобластей и механических квадратур

Тема 4. Приложения общей теории к интегральным уравнениям Вольтерра второго рода

1. Полиномиальные методы Галеркина, подобластей
2. Обоснование методов путем перехода к уравнению Фредгольма
3. Сплайн-методы коллокации и механических квадратур, равномерная сходимость методов

Тема 5. Приложения к приближенному решению корректных обыкновенных дифференциальных уравнений

1. Полиномиальный метод коллокации решения задачи Коши
2. Кубический сплайн-метод решения краевой задачи для дифференциального уравнения второго порядка

Тема 6. Приложения к бесконечным системам линейных алгебраических уравнений

Метод редукции и его сходимости

5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

Самостоятельная работа обучающихся выполняется по заданию и при методическом руководстве преподавателя, но без его непосредственного участия. Самостоятельная работа подразделяется на самостоятельную работу на аудиторных занятиях и на внеаудиторную самостоятельную работу. Самостоятельная работа обучающихся включает как полностью самостоятельное освоение отдельных тем (разделов) дисциплины, так и проработку тем (разделов), осваиваемых во время аудиторной работы. Во время самостоятельной работы обучающиеся читают и конспектируют учебную, научную и справочную литературу, выполняют задания, направленные на закрепление знаний и отработку умений и навыков, готовятся к текущему и промежуточному контролю по дисциплине.

Организация самостоятельной работы обучающихся регламентируется нормативными документами, учебно-методической литературой и электронными образовательными ресурсами, включая:

Порядок организации и осуществления образовательной деятельности по образовательным программам высшего образования - программам бакалавриата, программам специалитета, программам магистратуры (утвержден приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 5 апреля 2017 года №301)

Письмо Министерства образования Российской Федерации №14-55-996ин/15 от 27 ноября 2002 г. "Об активизации самостоятельной работы студентов высших учебных заведений"

Устав федерального государственного автономного образовательного учреждения "Казанский (Приволжский) федеральный университет"

Правила внутреннего распорядка федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего профессионального образования "Казанский (Приволжский) федеральный университет"

Локальные нормативные акты Казанского (Приволжского) федерального университета

Федеральный портал Российское образование - <http://window.edu.ru/>

ЭБС "Znanium.com" - <http://znanium.com>

ЭБС "Лань" - <http://e.lanbook.com>

6. Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю)

Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю) включает оценочные материалы, направленные на проверку освоения компетенций, в том числе знаний, умений и навыков. Фонд оценочных средств включает оценочные средства текущего контроля и оценочные средства промежуточной аттестации.

В фонде оценочных средств содержится следующая информация:

- соответствие компетенций планируемым результатам обучения по дисциплине (модулю);
- критерии оценивания сформированности компетенций;
- механизм формирования оценки по дисциплине (модулю);
- описание порядка применения и процедуры оценивания для каждого оценочного средства;
- критерии оценивания для каждого оценочного средства;
- содержание оценочных средств, включая требования, предъявляемые к действиям обучающихся, демонстрируемым результатам, задания различных типов.

Фонд оценочных средств по дисциплине находится в Приложении 1 к программе дисциплины (модулю).

7. Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)

Освоение дисциплины (модуля) предполагает изучение основной и дополнительной учебной литературы.

Литература может быть доступна обучающимся в одном из двух вариантов (либо в обоих из них):

- в электронном виде - через электронные библиотечные системы на основании заключенных КФУ договоров с правообладателями;

- в печатном виде - в Научной библиотеке им. Н.И. Лобачевского. Обучающиеся получают учебную литературу на абонементе по читательским билетам в соответствии с правилами пользования Научной библиотекой.

Электронные издания доступны дистанционно из любой точки при введении обучающимся своего логина и пароля от личного кабинета в системе "Электронный университет". При использовании печатных изданий библиотечный фонд должен быть укомплектован ими из расчета не менее 0,5 экземпляра (для обучающихся по ФГОС 3++ - не менее 0,25 экземпляра) каждого из изданий основной литературы и не менее 0,25 экземпляра дополнительной литературы на каждого обучающегося из числа лиц, одновременно осваивающих данную дисциплину.

Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля), находится в Приложении 2 к рабочей программе дисциплины. Он подлежит обновлению при изменении условий договоров КФУ с правообладателями электронных изданий и при изменении комплектования фондов Научной библиотеки КФУ.

8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", необходимых для освоения дисциплины (модуля)

Федеральный портал Российское образование - <http://window.edu.ru/>

ЭБС "Znanium.com" - <http://znanium.com>

ЭБС "Лань" - <http://e.lanbook.com>

9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)

При изучении дисциплины обратить внимание:

- 1) на условия непрерывной левосторонней и правосторонней обратимости аппроксимирующих операторов;
- 2) на вычислительные схемы общих прямого и проекционного методов для линейных операторных уравнений;
- 3) на построение систем конкретных прямых и проекционных методов решения интегральных и дифференциальных уравнений;
- 4) на достаточные условия сходимости прямых и проекционных методов.

При подготовке к устному опросу обратить внимание:

- 1) на теоремы о непрерывной обратимости слева и справа аппроксимирующего оператора;
- 2) на оценку и представление погрешности приближенных решений;
- 3) на особенности применения приближенных методов решения интегральных уравнений Вольтерра второго рода;
- 4) на вычислительную схему метода редукции решения бесконечной системы линейных алгебраических уравнений.

При подготовке к тестированию обратить внимание:

- 1) на построение вычислительных схем методов Галеркина, коллокации, подобластей и механических квадратур;
- 2) на условия сходимости методов в пространстве квадратично-суммируемых с весом функций;
- 3) на выбор узлов в методах коллокации и механических квадратур;
- 4) на выбор квадратурной формулы при построении вычислительной схемы метода механических квадратур.

При подготовке к контрольной работе обратить внимание:

- 1) на представления тригонометрического полинома;
- 2) вычислительные схемы методов Галеркина, наименьших квадратов, коллокации, подобластей и механических квадратур;
- 3) на условия, обеспечивающие равномерную сходимость методов;
- 4) на операторные уравнения конкретных проекционных методов для интегральных и дифференциальных уравнений;
- 5) на операторное уравнение метода механических квадратур.

При подготовке к письменному домашнему заданию обратить внимание:

- 1) на построение вычислительных схем полиномиальных методов Галеркина, коллокации и подобластей решения задачи Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений;
- 2) на выбор узлов для обеспечения сходимости методов коллокации и подобластей;
- 3) на особенности построения вычислительных схем сплайн-методов решения задач Коши и краевых задач для дифференциальных уравнений.

При подготовке к экзамену обратить внимание:

- 1) на аксиомы общей теории приближенных методов;
- 2) на основную теорему для прямых методов решения линейных операторных уравнений;
- 3) на обоснование прямых (в частности, проекционных) методов решения интегральных и дифференциальных уравнений;
- 4) на особенности применения аппарата сплайн-функций при решении дифференциальных уравнений;
- 5) на принцип построения вычислительных схем известных проекционных методов.

10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)

Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем, представлен в Приложении 3 к рабочей программе дисциплины (модуля).

11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)

Материально-техническое обеспечение образовательного процесса по дисциплине (модулю) включает в себя следующие компоненты:

Помещения для самостоятельной работы обучающихся, укомплектованные специализированной мебелью (столы и стулья) и оснащенные компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду КФУ.

Учебные аудитории для контактной работы с преподавателем, укомплектованные специализированной мебелью (столы и стулья).

Компьютер и принтер для распечатки раздаточных материалов.

Компьютерный класс.

12. Средства адаптации преподавания дисциплины к потребностям обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья

При необходимости в образовательном процессе применяются следующие методы и технологии, облегчающие восприятие информации обучающимися инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья:

- создание текстовой версии любого нетекстового контента для его возможного преобразования в альтернативные формы, удобные для различных пользователей;
- создание контента, который можно представить в различных видах без потери данных или структуры, предусмотреть возможность масштабирования текста и изображений без потери качества, предусмотреть доступность управления контентом с клавиатуры;
- создание возможностей для обучающихся воспринимать одну и ту же информацию из разных источников - например, так, чтобы лица с нарушениями слуха получали информацию визуально, с нарушениями зрения - аудиально;
- применение программных средств, обеспечивающих возможность освоения навыков и умений, формируемых дисциплиной, за счёт альтернативных способов, в том числе виртуальных лабораторий и симуляционных технологий;
- применение дистанционных образовательных технологий для передачи информации, организации различных форм интерактивной контактной работы обучающегося с преподавателем, в том числе вебинаров, которые могут быть использованы для проведения виртуальных лекций с возможностью взаимодействия всех участников дистанционного обучения, проведения семинаров, выступления с докладами и защиты выполненных работ, проведения тренингов, организации коллективной работы;
- применение дистанционных образовательных технологий для организации форм текущего и промежуточного контроля;
- увеличение продолжительности сдачи обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья форм промежуточной аттестации по отношению к установленной продолжительности их сдачи:
- продолжительности сдачи зачёта или экзамена, проводимого в письменной форме, - не более чем на 90 минут;
- продолжительности подготовки обучающегося к ответу на зачёте или экзамене, проводимом в устной форме, - не более чем на 20 минут;
- продолжительности выступления обучающегося при защите курсовой работы - не более чем на 15 минут.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО и учебным планом по направлению 01.03.01 "Математика" и профилю подготовки "Общий профиль".

Приложение 2
к рабочей программе дисциплины (модуля)
Б1.В.ДВ.7 Общая теория приближенных методов и ее приложения

Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)

Направление подготовки: 01.03.01 - Математика

Профиль подготовки: Общий профиль

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Год начала обучения по образовательной программе: 2016

Основная литература:

1. Агачев, Ю.Р. Прямые полиномиальные и сплайновые методы решения интегральных уравнений второго рода: учебное пособие / Ю.Р. Агачев, Е.К. Липачев. - Казань, 2017. - 68 с. - URL: https://repository.kpfu.ru/?p_id=157205
2. Бахвалов, Н.С. Численные методы : учебное пособие / Н.С. Бахвалов, Н.П. Жидков, Г.М. Кобельков. - 8-е изд. (эл.). - Москва : Лаборатория знаний, 2015. - 639 с. - ISBN 978-5-9963-2616-7. - Текст : электронный // Электронно-библиотечная система 'Лань' : [сайт]. - URL: <https://e.lanbook.com/book/70767>
3. Васильева, А.Б. Интегральные уравнения : учебник / А.Б. Васильева, Н.А. Тихонов. - 3-е изд., стер. - Санкт-Петербург : Лань, 2009. - 160 с. - ISBN 978-5-8114-0911-2. - Текст : электронный // Электронно-библиотечная система 'Лань' : [сайт]. - URL: <https://e.lanbook.com/book/42>
4. Марчук, Г.И. Методы вычислительной математики : учебное пособие / Г.И. Марчук. - 4-е изд., стер. - Санкт-Петербург : Лань, 2009. - 608 с. - ISBN 978-5-8114-0892-4. - Текст : электронный // Электронно-библиотечная система 'Лань': [сайт]. - URL: <https://e.lanbook.com/book/255>

Дополнительная литература:

1. Квасов Б.И., Методы изометрической аппроксимации сплайнами [Электронный ресурс] / Квасов Б.И. - М. : ФИЗМАТЛИТ, 2006. - 360 с. - ISBN -- - URL: <http://www.studentlibrary.ru/book/5-9221-0733-X.html>
2. Габдулхаев Б.Г. Теория приближенных методов решения операторных уравнений. Учебное пособие. - Казань: Изд-во Казанск. ун-та, 2006. - 112 с. - URL: <http://libweb.kpfu.ru/ebooks/publicat/0-760465.pdf>
3. Треногин, В.А. Функциональный анализ: учебник / В.А. Треногин. - 4-е, изд. - Москва : ФИЗМАТЛИТ, 2007. - 488 с. - ISBN 978-5-9221-0804-1. - Текст : электронный // Электронно-библиотечная система 'Лань' : [сайт]. - URL: <https://e.lanbook.com/book/59471>
4. Натансон, И.П. Теория функций вещественной переменной : учебник / И.П. Натансон. - 5-е изд., стер. - Санкт-Петербург : Лань, 2008. - 560 с. - ISBN 978-5-8114-0136-9. - Текст : электронный // Электронно-библиотечная система 'Лань' : [сайт]. - URL: <https://e.lanbook.com/book/284>

Приложение 3
к рабочей программе дисциплины (модуля)
Б1.В.ДВ.7 Общая теория приближенных методов и ее
приложения

Перечень информационных технологий, используемых для освоения дисциплины (модуля), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем

Направление подготовки: 01.03.01 - Математика

Профиль подготовки: Общий профиль

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Год начала обучения по образовательной программе: 2016

Освоение дисциплины (модуля) предполагает использование следующего программного обеспечения и информационно-справочных систем:

Операционная система Microsoft Windows 7 Профессиональная или Windows XP (Volume License)

Пакет офисного программного обеспечения Microsoft Office 365 или Microsoft Office Professional plus 2010

Браузер Mozilla Firefox

Браузер Google Chrome

Adobe Reader XI или Adobe Acrobat Reader DC

Kaspersky Endpoint Security для Windows

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе Издательства "Лань" , доступ к которой предоставлен обучающимся. ЭБС Издательства "Лань" включает в себя электронные версии книг издательства "Лань" и других ведущих издательств учебной литературы, а также электронные версии периодических изданий по естественным, техническим и гуманитарным наукам. ЭБС Издательства "Лань" обеспечивает доступ к научной, учебной литературе и научным периодическим изданиям по максимальному количеству профильных направлений с соблюдением всех авторских и смежных прав.