

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования
"Казанский (Приволжский) федеральный университет"
Институт вычислительной математики и информационных технологий



УТВЕРЖДАЮ

Проректор по образовательной деятельности КФУ
проф. Таюрский Д.А.

"__" _____ 20__ г.

Программа дисциплины

Общая алгебра и теория чисел Б1.В.ДВ.20

Направление подготовки: 01.03.02 - Прикладная математика и информатика

Профиль подготовки: Системное программирование

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Год начала обучения по образовательной программе: 2016

Автор(ы): Кугураков В.С.

Рецензент(ы): Аблаев Ф.М.

СОГЛАСОВАНО:

Заведующий(ая) кафедрой: Аблаев Ф. М.

Протокол заседания кафедры No ___ от "___" _____ 20__ г.

Учебно-методическая комиссия Института вычислительной математики и информационных технологий:

Протокол заседания УМК No ___ от "___" _____ 20__ г.

Содержание

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы
2. Место дисциплины в структуре основной профессиональной образовательной программы высшего образования
3. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся
4. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий
 - 4.1. Структура и тематический план контактной и самостоятельной работы по дисциплине (модулю)
 - 4.2. Содержание дисциплины
5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)
6. Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю)
 - 6.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы и форм контроля их освоения
 - 6.2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания
 - 6.3. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы
 - 6.4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций
7. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)
 - 7.1. Основная литература
 - 7.2. Дополнительная литература
8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", необходимых для освоения дисциплины (модуля)
9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)
10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)
11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)
12. Средства адаптации преподавания дисциплины к потребностям обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья

Программу дисциплины разработал(а)(и) доцент, к.н. (доцент) Кугураков В.С. (кафедра теоретической кибернетики, отделение фундаментальной информатики и информационных технологий), Vladimir.Kugurakov@kpfu.ru

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Выпускник, освоивший дисциплину, должен обладать следующими компетенциями:

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции
ОПК-1	Способность использовать базовые знания естественных наук, математики и информатики, основные факты, концепции, принципы теорий, связанных с прикладной математикой и информатикой
ПК-2	Способность понимать, совершенствовать и применять современный математический аппарат

Выпускник, освоивший дисциплину:

Должен знать:

роль языка алгебраических структур при описании различных объектов исследования;

Должен уметь:

ориентироваться в иерархии алгебраических структур;

Должен владеть:

теоретическими знаниями о базовых алгебраических системах - группах, кольцах, полях и др.;

Должен демонстрировать способность и готовность:

приобрести навыки использования алгебраического аппарата при решении прикладных задач.

2. Место дисциплины в структуре основной профессиональной образовательной программы высшего образования

Данная учебная дисциплина включена в раздел "Б1.В.ДВ.20 Дисциплины (модули)" основной профессиональной образовательной программы 01.03.02 "Прикладная математика и информатика (Системное программирование)" и относится к дисциплинам по выбору. Осваивается на 3 курсе в 6 семестре.

3. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Общая трудоемкость дисциплины составляет 2 зачетных(ые) единиц(ы) на 72 часа(ов).

Контактная работа - 36 часа(ов), в том числе лекции - 0 часа(ов), практические занятия - 0 часа(ов), лабораторные работы - 36 часа(ов), контроль самостоятельной работы - 0 часа(ов).

Самостоятельная работа - 36 часа(ов).

Контроль (зачёт / экзамен) - 0 часа(ов).

Форма промежуточного контроля дисциплины: зачет в 6 семестре.

4. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

4.1 Структура и тематический план контактной и самостоятельной работы по дисциплине (модулю)

N	Разделы дисциплины / модуля	Семестр	Виды и часы контактной работы, их трудоемкость (в часах)			Самостоятельная работа
			Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
1.	Тема 1. Введение.	6	0	0	4	4
2.	Тема 2. Множества и отображения.	6	0	0	4	4

N	Разделы дисциплины / модуля	Семестр	Виды и часы контактной работы, их трудоемкость (в часах)			Самостоятельная работа
			Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
3.	Тема 3. Арифметика целых чисел.	6	0	0	4	4
4.	Тема 4. Введение в алгебраические структуры.	6	0	0	4	4
5.	Тема 5. Группы.	6	0	0	4	4
6.	Тема 6. Кольца и поля.	6	0	0	4	4
7.	Тема 7. Многочлены и кольца многочленов.	6	0	0	4	4
8.	Тема 8. Теория полей.	6	0	0	4	4
9.	Тема 9. Строение конечных полей.	6	0	0	4	4
	Итого		0	0	36	36

4.2 Содержание дисциплины

Тема 1. Введение.

Введение. Предмет дисциплины ?Общая алгебра и теория чисел?. Исторические сведения о развитии данного раздела математики. Роль и место общей алгебры в системе математического образования. Некоторые модельные задачи: задача о разрешимости алгебраических уравнений в радикалах, задача о кодировании сообщений с исправлением ошибок.

Тема 2. Множества и отображения.

Множества и отображения. Конечные множества, счетные множества, континуум. Операции над множествами. Мощность множества. Инъективные, сюръективные и биективные отображения. Отношения эквивалентности. Фактор-множества по отношению эквивалентности. Факторизация (разложение) отображений в произведение сюръективного и инъективного отображений. Отношения порядка.

Тема 3. Арифметика целых чисел.

Арифметика целых чисел. Основная теорема арифметики. НОД и НОК. Алгоритм деления в Z . Обобщенный алгоритм Евклида вычисления НОД и мультипликативного обратного элемента по модулю n . Некоторые теоретико-числовые функции. Мультипликативные функции. Функции Мебиуса и Эйлера. Формула обращения Мебиуса. Сравнения в Z . Полная и приведенная системы вычетов по $\text{mod } n$. Теоремы Эйлера и Ферма. Китайская теорема об остатках.

Тема 4. Введение в алгебраические структуры.

Введение в алгебраические структуры. Введение в алгебраические структуры. Множества с бинарной операцией: группоиды. Полугруппы. Моноиды. Группы. Ассоциативность. Нейтральные элементы. Обратимые элементы. Множества с двумя бинарными операциями: Кольца, тела и поля. Конечные поля. Тело кватернионов.

Тема 5. Группы.

Группы. Симметрическая и знакопеременная группы. Гомеоморфизмы и изоморфизмы групп. Теорема Кэли. Смежные классы по подгруппе. Теорема Лагранжа о порядке подгруппы. Циклические группы. Ядро гомоморфизма и его свойства. Нормальные делители. Факторгруппы. Теорема о гомоморфизмах групп. Мультипликативная группа целых чисел по $\text{mod } n$. Функция Кармайкла. Группы правильных многогранников.

Тема 6. Кольца и поля.

Кольца и поля. Общие свойства колец. Типы колец. Сравнения. Кольцо классов вычетов по $\text{mod } n$. Факторкольца. Гомоморфизмы и идеалы колец. Теорема о гомоморфизмах колец. Области целостности и поля. Характеристика кольца и поля. Простые поля. Два типа простых полей. Поле Q и поле $GF(p)$, где p - простое число.

Тема 7. Многочлены и кольца многочленов.

Многочлены и кольца многочленов. Элементарные свойства многочленов. Алгоритм Евклида. Теорема Безу. Однозначность разложения на простые множители. Факториальность евклидовых колец. Поле отношений целостного кольца. Поле рациональных функций. Простейшие дроби. Корни многочленов. Интерполяционные формулы Лагранжа и Ньютона. Гиперпроизводные как инструмент определения кратности корней многочлена.

Тема 8. Теория полей.

Теория полей. Присоединение. Простые расширения полей. Конечные и алгебраические расширения. Алгебраическое замыкание. Поля разложения. Изоморфизм полей разложения. Конечные поля Галуа. Формула обращения Мёбиуса и её применения. Существование неприводимых многочленов любой степени над любым конечным полем.

Тема 9. Строение конечных полей.

Строение конечных полей. Характеризация конечных полей. Цикличность мультипликативной группы поля. Единственность конечного поля заданного порядка. Критерий подполя. Корни многочленов. Разложение многочленов на неприводимые сомножители. Представление элементов конечных полей. Вычисления в конечных полях. Некоторые приложения конечных полей.

5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

Самостоятельная работа обучающихся выполняется по заданию и при методическом руководстве преподавателя, но без его непосредственного участия. Самостоятельная работа подразделяется на самостоятельную работу на аудиторных занятиях и на внеаудиторную самостоятельную работу. Самостоятельная работа обучающихся включает как полностью самостоятельное освоение отдельных тем (разделов) дисциплины, так и проработку тем (разделов), осваиваемых во время аудиторной работы. Во время самостоятельной работы обучающиеся читают и конспектируют учебную, научную и справочную литературу, выполняют задания, направленные на закрепление знаний и отработку умений и навыков, готовятся к текущему и промежуточному контролю по дисциплине.

Организация самостоятельной работы обучающихся регламентируется нормативными документами, учебно-методической литературой и электронными образовательными ресурсами, включая:

Порядок организации и осуществления образовательной деятельности по образовательным программам высшего образования - программам бакалавриата, программам специалитета, программам магистратуры (утвержден приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 5 апреля 2017 года №301).

Письмо Министерства образования Российской Федерации №14-55-996ин/15 от 27 ноября 2002 г. "Об активизации самостоятельной работы студентов высших учебных заведений".

Положение от 29 декабря 2018 г. № 0.1.1.67-08/328 "О порядке проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего образования "Казанский (Приволжский) федеральный университет".

Положение № 0.1.1.67-06/241/15 от 14 декабря 2015 г. "О формировании фонда оценочных средств для проведения текущей, промежуточной и итоговой аттестации обучающихся федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего образования "Казанский (Приволжский) федеральный университет".

Положение № 0.1.1.56-06/54/11 от 26 октября 2011 г. "Об электронных образовательных ресурсах федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего профессионального образования "Казанский (Приволжский) федеральный университет".

Регламент № 0.1.1.67-06/66/16 от 30 марта 2016 г. "Разработки, регистрации, подготовки к использованию в учебном процессе и удаления электронных образовательных ресурсов в системе электронного обучения федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего образования "Казанский (Приволжский) федеральный университет".

Регламент № 0.1.1.67-06/11/16 от 25 января 2016 г. "О балльно-рейтинговой системе оценки знаний обучающихся в федеральном государственном автономном образовательном учреждении высшего образования "Казанский (Приволжский) федеральный университет".

Регламент № 0.1.1.67-06/91/13 от 21 июня 2013 г. "О порядке разработки и выпуска учебных изданий в федеральном государственном автономном образовательном учреждении высшего профессионального образования "Казанский (Приволжский) федеральный университет".

6. Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю)

6.1 Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы и форм контроля их освоения

Этап	Форма контроля	Оцениваемые компетенции	Темы (разделы) дисциплины
Семестр 6			
	Текущий контроль		
1	Контрольная работа	ОПК-1	6. Кольца и поля.
2	Контрольная работа	ПК-2	5. Группы.
3	Письменная работа	ОПК-1	4. Введение в алгебраические структуры.
4	Письменная работа	ПК-2	3. Арифметика целых чисел.
5	Компьютерная программа	ОПК-1	9. Строение конечных полей.
	Зачет	ОПК-1, ПК-2	

6.2 Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Форма контроля	Критерии оценивания				Этап
	Отлично	Хорошо	Удовл.	Неуд.	
Семестр 6					
Текущий контроль					
Контрольная работа	Правильно выполнены все задания. Продемонстрирован высокий уровень владения материалом. Проявлены превосходные способности применять знания и умения к выполнению конкретных заданий.	Правильно выполнена большая часть заданий. Присутствуют незначительные ошибки. Продемонстрирован хороший уровень владения материалом. Проявлены средние способности применять знания и умения к выполнению конкретных заданий.	Задания выполнены более чем наполовину. Присутствуют серьезные ошибки. Продемонстрирован удовлетворительный уровень владения материалом. Проявлены низкие способности применять знания и умения к выполнению конкретных заданий.	Задания выполнены менее чем наполовину. Продемонстрирован неудовлетворительный уровень владения материалом. Проявлены недостаточные способности применять знания и умения к выполнению конкретных заданий.	1
					2
Письменная работа	Правильно выполнены все задания. Продемонстрирован высокий уровень владения материалом. Проявлены превосходные способности применять знания и умения к выполнению конкретных заданий.	Правильно выполнена большая часть заданий. Присутствуют незначительные ошибки. Продемонстрирован хороший уровень владения материалом. Проявлены средние способности применять знания и умения к выполнению конкретных заданий.	Задания выполнены более чем наполовину. Присутствуют серьезные ошибки. Продемонстрирован удовлетворительный уровень владения материалом. Проявлены низкие способности применять знания и умения к выполнению конкретных заданий.	Задания выполнены менее чем наполовину. Продемонстрирован неудовлетворительный уровень владения материалом. Проявлены недостаточные способности применять знания и умения к выполнению конкретных заданий.	3
					4
Компьютерная программа	Высокий уровень умений и навыков программирования, в том числе моделирования, алгоритмизации, использования языка программирования. Поставленная задача полностью решена.	Хороший уровень умений и навыков программирования, в том числе моделирования, алгоритмизации, использования языка программирования. Поставленная задача в основном решена.	Удовлетворительный уровень умений и навыков программирования, в том числе моделирования, алгоритмизации, использования языка программирования. Поставленная задача решена частично.	Недостаточный уровень умений и навыков программирования, в том числе моделирования, алгоритмизации, использования языка программирования. Поставленная задача не решена.	5
	Зачтено		Не зачтено		
Зачет	Обучающийся обнаружил знание основного учебно-программного материала в объеме, необходимом для дальнейшей учебы и предстоящей работы по специальности, справился с выполнением заданий, предусмотренных программой дисциплины.		Обучающийся обнаружил значительные пробелы в знаниях основного учебно-программного материала, допустил принципиальные ошибки в выполнении предусмотренных программой заданий и не способен продолжить обучение или приступить по окончании университета к профессиональной деятельности без дополнительных занятий по соответствующей дисциплине.		

6.3 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

Семестр 6

Текущий контроль

1. Контрольная работа

Тема 6

Задание 4. Характеристика кольца, поля. Простые поля. Расширения полей. Фактор-кольца. Поле отношений. Поле разложения многочлена. Теоремы о существовании и числе элементов конечного поля.

2. Контрольная работа

Тема 5

Задание 3. Группы, подгруппы. Смежные классы по подгруппе. Нормальные делители. Факторгруппы. Циклические группы и их свойства.

3. Письменная работа

Тема 4

Задание 2. Иерархия алгебраических структур: группоиды, полугруппы, моноиды, группы. Аддитивная и мультипликативная группы целых чисел по модулю n . Симметрическая и знакопеременная группы степени n .

4. Письменная работа

Тема 3

Задание 1. Алгоритмы модулярной арифметики:

- 2.1. Наибольший общий делитель,
- 2.2. Быстрое возведение в степень.
- 2.3. Вычисление мультипликативного обратного элемента по модулю n ,
- 2.4. Китайская теорема об остатках.
- 2.5. Решение системы сравнений.

5. Компьютерная программа

Тема 9

Задание 5. Решение квадратных уравнений в конечных полях нечетной характеристики (на выбор).

- 6.1. Метод, восходящий к Лежандру.
- 6.2. Метод Поклингтона.
- 6.3. Метод Чиполлы.
- 6.4. Метод Чиполлы-Лемера.
- 6.5. Метод Тонелли-Шенкса.

Зачет

Вопросы к зачету:

Полная и приведенная система вычетов по модулю n . Свойства отображений: инъективность, сюръективность, биективность.

Композиция отображений.

Бинарные отношения. Отношения эквивалентности и порядка.

Основная теорема арифметики кольца \mathbb{Z}

Алгоритм деления в \mathbb{Z} .

Наибольший общий делитель и наименьшее общее кратное.

Свойства сравнений в \mathbb{Z}

Малая теорема Ферма.

Теорема Эйлера.

Китайская теорема об остатках.

Алгебраические структуры: группоиды, полугруппы, моноиды, группы.

Симметрическая и знакопеременная группы.

Теорема Кэли.

Циклические группы. Основные свойства.

Смежные классы по подгруппе.

Теорема Лагранжа.

Подгруппы. Нормальные делители.

Фактор-группа.

Морфизмы групп: изоморфизм и гомоморфизм.

Теорема о гомоморфизмах групп.

Кольца. Определение и общие свойства колец.

Поле. Характеристика поля.

Идеалы колец. Классы вычетов и фактор-кольца.

Кольцо классов вычетов по модулю n .

Теорема о гомоморфизмах колец.

Характеристика кольца и поля.

Простое поле. Два типа простых полей.

Поле отношений.

Интерполяционная формула Лагранжа.

Расширения полей: простое, конечное, алгебраическое, трансцендентное.

Поле разложения многочлена.

Конечное поле. Число элементов. Почему не существует полей порядка 6 и 10, но существуют поля порядков 7 и 9. Цикличность мультипликативной группы конечного поля.

Неприводимые многочлены над конечными полями. Основная теорема арифметики кольца $F_q[x]$.

Построение полей малого порядка q ($= 4, 5, 7, 8, 9, 11, 13, 16, 17, 19, 23, 25$).

Вычисления в конечных полях.

6.4 Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

В КФУ действует балльно-рейтинговая система оценки знаний обучающихся. Суммарно по дисциплине (модулю) можно получить максимум 100 баллов за семестр, из них текущая работа оценивается в 50 баллов, итоговая форма контроля - в 50 баллов.

Для зачёта:

56 баллов и более - "зачтено".

55 баллов и менее - "не зачтено".

Для экзамена:

86 баллов и более - "отлично".

71-85 баллов - "хорошо".

56-70 баллов - "удовлетворительно".

55 баллов и менее - "неудовлетворительно".

Форма контроля	Процедура оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций	Этап	Количество баллов
Семестр 6			
Текущий контроль			
Контрольная работа	Контрольная работа проводится в часы аудиторной работы. Обучающиеся получают задания для проверки усвоения пройденного материала. Работа выполняется в письменном виде и сдаётся преподавателю. Оцениваются владение материалом по теме работы, аналитические способности, владение методами, умения и навыки, необходимые для выполнения заданий.	1	10
		2	10
Письменная работа	Обучающиеся получают задание по освещению определённых теоретических вопросов или решению задач. Работа выполняется письменно и сдаётся преподавателю. Оцениваются владение материалом по теме работы, аналитические способности, владение методами, умения и навыки, необходимые для выполнения заданий.	3	10
		4	10
Компьютерная программа	Обучающиеся самостоятельно составляют программу на определённом языке программирования в соответствии с заданием. Программа сдаётся преподавателю в электронном виде. Оценивается реализация алгоритмов на языке программирования, достижение заданного результата.	5	10
Зачет	Зачёт нацелен на комплексную проверку освоения дисциплины. Обучающийся получает вопрос (вопросы) либо задание (задания) и время на подготовку. Зачёт проводится в устной, письменной или компьютерной форме. Оценивается владение материалом, его системное освоение, способность применять нужные знания, навыки и умения при анализе проблемных ситуаций и решении практических заданий.		50

7. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)

7.1 Основная литература:

1. Баранова Е. К. Информационная безопасность и защита информации: Учебное пособие / Баранова Е. К., Бабаш А. В., 3-е изд. - М.: ИЦ РИОР, НИЦ ИНФРА-М, 2016. - 322 с. - (Высшее образование) ISBN 978-5-369-01450-9
Режим доступа: <http://znanium.com/bookread2.php?book=495249>

2. Комплексная защита информации в корпоративных системах: Учебное пособие / В.Ф. Шаньгин. - М.: ИД ФОРУМ: НИЦ ИНФРА-М, 2013. - 592 с. Режим доступа: <http://znanium.com/bookread.php?book=402686>

3. Башлы, П. Н. Информационная безопасность и защита информации [Электронный ресурс]: Учебник / П. Н. Башлы, А. В. Бабаш, Е. К. Баранова. - М.: РИОР, 2013. - 222 с. Режим доступа: <http://znanium.com/bookread.php?book=405000>

7.2. Дополнительная литература:

1. Кнауб, Л. В. Теоретико-численные методы в криптографии [Электронный ресурс] : Учеб. пособие / Л. В. Кнауб, Е. А. Новиков, Ю. А. Шитов. - Красноярск : Сибирский федеральный университет, 2011. - 160 с.- Режим доступа: <http://znaniyum.com/catalog.php?bookinfo=441493>
2. Ишмухаметов Ш.Т. Математические основы защиты информации: учебное пособие. - Казань: Казанский университет, 2012. - 138 с. - Режим доступа: <http://kpfu.ru/docs/F366166681/mzi.pdf>

8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", необходимых для освоения дисциплины (модуля)

- Бухштаб А.А. Теория чисел. - <http://eek.diary.ru/p54405820.htm>
Википедия - http://ru.wikipedia.org/wiki/%D2%E5%EE%F0%E8%FF_%F7%E8%F1%E5%EB
Дэвенпорт Г. Высшая арифметика. Введение в теорию чисел. - <http://eek.diary.ru/p54405820.htm>
3. И. Боревиц, И. Р. Шафаревич Теория чисел. - <http://eek.diary.ru/p54405820.htm>
Кузьмин М.С. - <http://inc.istu.ru/index.php/remository?func=fileinfo&id=253>

9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)

Вид работ	Методические рекомендации
лабораторные работы	В аудитории, оснащённой соответствующим оборудованием, обучающиеся проводят учебные эксперименты и тренируются в применении практико-ориентированных технологий. Оцениваются знание материала и умение применять его на практике, умения и навыки по работе с оборудованием в соответствующей предметной области.
самостоятельная работа	Самостоятельные работы проводятся вне аудиторных часов в группах, на которые студенты делятся самостоятельно. Результат работы группы оценивается совокупно, а не по вкладу каждого отдельного ее участника. При выполнении заданий по самостоятельной работе рекомендуется активно изучать открытые интернет-ресурсы проводить совместные обсуждения для решения поставленной задачи. письменное домашнее задание.
контрольная работа	Обучающиеся получают задание по освещению определённых теоретических вопросов или решению задач. Работа выполняется письменно и сдаётся преподавателю. Оцениваются владение материалом по теме работы, аналитические способности, владение методами, умения и навыки, необходимые для выполнения заданий. Работа выполняется письменно и сдаётся преподавателю. Оцениваются владение материалом по теме работы, аналитические способности, владение методами, умения и навыки, необходимые для выполнения заданий. .
письменная работа	Письменная работа обучающихся выполняется по заданию и при методическом руководстве преподавателя, но без его непосредственного участия. Письменная работа подразделяется на самостоятельную работу на аудиторных занятиях и на внеаудиторную самостоятельную работу. Письменная работа обучающихся включает как полностью самостоятельное освоение отдельных тем (разделов) дисциплины, так и проработку тем (разделов), осваиваемых во время аудиторной работы. Во время письменной работы обучающиеся читают и конспектируют учебную, научную и справочную литературу, выполняют задания, направленные на закрепление знаний и отработку умений и навыков, готовятся к текущему и промежуточному контролю по дисциплине. Организация самостоятельной работы обучающихся регламентируется нормативными документами, учебно-методической литературой и электронными образовательными ресурсами
компьютерная программа	Обучающиеся самостоятельно составляют программу на определённом языке программирования в соответствии с заданием. Программа сдаётся преподавателю в электронном виде. Оценивается реализация алгоритмов на языке программирования, достижение заданного результата.. Выбор языка программирования не регламентируется, осуществляется из ранее изучаемых.
зачет	Заключительная часть самостоятельной работы - подготовка к зачету. При подготовке к сдаче зачета весь объем работы рекомендуется распределять равномерно по дням, отведенным для подготовки к зачету, желательно контролировать каждый день выполнения работы. При подготовке к зачету нужно использовать конспекты лекций, литературу и источники из интернета, данные преподавателем. Лучше, если можно перевыполнить план, тогда всегда будет резерв времени. Для подготовки необходимо использовать конспекты лекций, рекомендуемую литературу и источники из интернета.

10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)

Освоение дисциплины "Общая алгебра и теория чисел" предполагает использование следующего программного обеспечения и информационно-справочных систем:

Операционная система Microsoft Windows Professional 7 Russian

Пакет офисного программного обеспечения Microsoft Office 2010 Professional Plus Russian

Браузер Google Chrome

Adobe Reader XI

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе "БиблиоРоссика", доступ к которой предоставлен обучающимся. В ЭБС "БиблиоРоссика" представлены коллекции актуальной научной и учебной литературы по гуманитарным наукам, включающие в себя публикации ведущих российских издательств гуманитарной литературы, издания на английском языке ведущих американских и европейских издательств, а также редкие и малотиражные издания российских региональных вузов. ЭБС "БиблиоРоссика" обеспечивает широкий законный доступ к необходимым для образовательного процесса изданиям с использованием инновационных технологий и соответствует всем требованиям федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования (ФГОС ВО) нового поколения.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе "ZNANIUM.COM", доступ к которой предоставлен обучающимся. ЭБС "ZNANIUM.COM" содержит произведения крупнейших российских учёных, руководителей государственных органов, преподавателей ведущих вузов страны, высококвалифицированных специалистов в различных сферах бизнеса. Фонд библиотеки сформирован с учетом всех изменений образовательных стандартов и включает учебники, учебные пособия, учебно-методические комплексы, монографии, авторефераты, диссертации, энциклопедии, словари и справочники, законодательно-нормативные документы, специальные периодические издания и издания, выпускаемые издательствами вузов. В настоящее время ЭБС ZNANIUM.COM соответствует всем требованиям федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования (ФГОС ВО) нового поколения.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе Издательства "Лань", доступ к которой предоставлен обучающимся. ЭБС Издательства "Лань" включает в себя электронные версии книг издательства "Лань" и других ведущих издательств учебной литературы, а также электронные версии периодических изданий по естественным, техническим и гуманитарным наукам. ЭБС Издательства "Лань" обеспечивает доступ к научной, учебной литературе и научным периодическим изданиям по максимальному количеству профильных направлений с соблюдением всех авторских и смежных прав.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе "Консультант студента", доступ к которой предоставлен обучающимся. Многопрофильный образовательный ресурс "Консультант студента" является электронной библиотечной системой (ЭБС), предоставляющей доступ через сеть Интернет к учебной литературе и дополнительным материалам, приобретенным на основании прямых договоров с правообладателями. Полностью соответствует требованиям федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования к комплектованию библиотек, в том числе электронных, в части формирования фондов основной и дополнительной литературы.

11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)

Освоение дисциплины "Общая алгебра и теория чисел" предполагает использование следующего материально-технического обеспечения:

Компьютерный класс, представляющий собой рабочее место преподавателя и не менее 15 рабочих мест студентов, включающих компьютерный стол, стул, персональный компьютер, лицензионное программное обеспечение. Каждый компьютер имеет широкополосный доступ в сеть Интернет. Все компьютеры подключены к корпоративной компьютерной сети КФУ и находятся в едином домене.

12. Средства адаптации преподавания дисциплины к потребностям обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья

При необходимости в образовательном процессе применяются следующие методы и технологии, облегчающие восприятие информации обучающимися инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья:

- создание текстовой версии любого нетекстового контента для его возможного преобразования в альтернативные формы, удобные для различных пользователей;
- создание контента, который можно представить в различных видах без потери данных или структуры, предусмотреть возможность масштабирования текста и изображений без потери качества, предусмотреть доступность управления контентом с клавиатуры;

- создание возможностей для обучающихся воспринимать одну и ту же информацию из разных источников - например, так, чтобы лица с нарушениями слуха получали информацию визуально, с нарушениями зрения - аудиально;
- применение программных средств, обеспечивающих возможность освоения навыков и умений, формируемых дисциплиной, за счёт альтернативных способов, в том числе виртуальных лабораторий и симуляционных технологий;
- применение дистанционных образовательных технологий для передачи информации, организации различных форм интерактивной контактной работы обучающегося с преподавателем, в том числе вебинаров, которые могут быть использованы для проведения виртуальных лекций с возможностью взаимодействия всех участников дистанционного обучения, проведения семинаров, выступления с докладами и защиты выполненных работ, проведения тренингов, организации коллективной работы;
- применение дистанционных образовательных технологий для организации форм текущего и промежуточного контроля;
- увеличение продолжительности сдачи обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья форм промежуточной аттестации по отношению к установленной продолжительности их сдачи:
- продолжительности сдачи зачёта или экзамена, проводимого в письменной форме, - не более чем на 90 минут;
- продолжительности подготовки обучающегося к ответу на зачёте или экзамене, проводимом в устной форме, - не более чем на 20 минут;
- продолжительности выступления обучающегося при защите курсовой работы - не более чем на 15 минут.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО и учебным планом по направлению 01.03.02 "Прикладная математика и информатика" и профилю подготовки Системное программирование .