

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение
высшего образования
"Казанский (Приволжский) федеральный университет"
Отделение Высшая школа исторических наук и всемирного культурного наследия



УТВЕРЖДАЮ

Проректор по образовательной деятельности КФУ

Проф. Д.А. Таюрский

ДЕПАРТАМЕНТ
ОБРАЗОВАНИЯ
(ДО КУФ)

» _____ 20__ г.

подписано электронно-цифровой подписью

Программа дисциплины
Математика Б1.Б.9

Направление подготовки: 51.03.01 - Культурология

Профиль подготовки: Культура стран и регионов мира

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Автор(ы):

Киясов С.Н.

Рецензент(ы):

Валеев Р.М.

СОГЛАСОВАНО:

Заведующий(ая) кафедрой: Авхадиев Ф. Г.

Протокол заседания кафедры No ____ от " ____ " _____ 201__ г

Учебно-методическая комиссия Института международных отношений, истории и востоковедения (отделение Высшая школа исторических наук и всемирного культурного наследия):

Протокол заседания УМК No ____ от " ____ " _____ 201__ г

Регистрационный No 980379818

Казань
2018

Содержание

1. Цели освоения дисциплины
2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы
3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля
4. Структура и содержание дисциплины/ модуля
5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения
6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов
7. Литература
8. Интернет-ресурсы
9. Материально-техническое обеспечение дисциплины/модуля согласно утвержденному учебному плану

Программу дисциплины разработал(а)(и) доцент, д.н. (доцент) Киясов С.Н. Кафедра теории функций и приближений отделение математики, Sergey.Kijasov@kpfu.ru

1. Цели освоения дисциплины

Ознакомить студентов с теоретическими знаниями основных разделов математики, входящих в программу курса, и с основными практическими математическими методами; способствовать обладанию студентами достаточно высокой математической культурой; способствовать приобретению студентами навыков использования математических методов в практической деятельности; научить студентов ориентироваться в потоке информации по своей специальности, содержащей математические вычисления.

2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы высшего профессионального образования

Данная учебная дисциплина включена в раздел " Б1.Б.9 Дисциплины (модули)" основной образовательной программы 51.03.01 Культурология и относится к базовой (общепрофессиональной) части. Осваивается на 1 курсе, 1 семестр.

Для её успешного освоения требуются знания математического профиля, полученные в рамках средней школы. Освоение данной дисциплины необходимо для изучения курсов "Математика в социально-гуманитарной сфере", "Информатика", "Концепции современного естествознания".

3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля

В результате освоения дисциплины формируются следующие компетенции:

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции
ОК-7 (общекультурные компетенции)	способностью к самоорганизации и самообразованию
ОПК-5 (профессиональные компетенции)	способностью критически переосмысливать накопленный опыт, изменять при необходимости профиль профессиональной деятельности
ОПК-4 (профессиональные компетенции)	способностью к самостоятельному поиску, обработке, анализу и оценке профессиональной информации, приобретению новых знаний, используя современные образовательные и информационные технологии

В результате освоения дисциплины студент:

1. должен знать:

-основные теоретические положения классической и дискретной математики, входящие в программу курса,

-основные этапы развития математической мысли,

-основные приемы и методы первичной обработки статистического материала,

-структуру формально-логического построения математической теории на примере аксиоматического метода.

2. должен уметь:

- осуществлять перевод высказываний и умозаключений с естественного языка на язык формальной логики, упрощать и проводить анализ,
- решать основные типы задач по теории вероятностей,
- проводить элементарную статистическую обработку информации,
- ориентироваться в потоке информации по своей специальности, содержащей математические вычисления,
- пользоваться справочной литературой.

3. должен владеть:

- основными понятиями таких разделов математики как: математическая логика, теория множеств, теория вероятностей и математическая статистика,
- достаточно высокой математической культурой,
- навыками использования математических методов в практической деятельности.

4. должен демонстрировать способность и готовность:

- осуществлять перевод высказываний и умозаключений с естественного языка на язык формальной логики, упрощать и проводить анализ,
- решать основные типы задач по теории вероятностей,
- проводить элементарную статистическую обработку информации,
- ориентироваться в потоке информации по своей специальности, содержащей математические вычисления,
- пользоваться справочной литературой.

4. Структура и содержание дисциплины/ модуля

Общая трудоемкость дисциплины составляет 2 зачетных(ые) единиц(ы) 72 часа(ов).

Форма промежуточного контроля дисциплины зачет в 1 семестре.

Суммарно по дисциплине можно получить 100 баллов, из них текущая работа оценивается в 50 баллов, итоговая форма контроля - в 50 баллов. Минимальное количество для допуска к зачету 28 баллов.

86 баллов и более - "отлично" (отл.);

71-85 баллов - "хорошо" (хор.);

55-70 баллов - "удовлетворительно" (удов.);

54 балла и менее - "неудовлетворительно" (неуд.).

4.1 Структура и содержание аудиторной работы по дисциплине/ модулю

Тематический план дисциплины/модуля

N	Раздел Дисциплины/ Модуля	Семестр	Неделя семестра	Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах)			Текущие формы контроля
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
1.	Тема 1. Аксиоматический метод. Элементы теории множеств	1	1-2	2	2	0	Письменное домашнее задание
2.	Тема 2. Элементы математической логики	1	3-6	4	4	0	Письменное домашнее задание
3.	Тема 3. Элементы комбинаторики	1	7-8	2	2	0	Письменная работа
4.	Тема 4. Элементы теории вероятностей	1	9-14	6	6	0	Письменное домашнее задание
5.	Тема 5. Случайные величины, законы их распределения и основные числовые характеристики	1	15-17	3	3	0	Письменное домашнее задание
6.	Тема 6. Элементы математической статистики	1	18	1	1	0	Контрольная работа
	Тема . Итоговая форма контроля	1		0	0	0	Зачет
	Итого			18	18	0	

4.2 Содержание дисциплины

Тема 1. Аксиоматический метод. Элементы теории множеств

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Аксиоматический ме-тод. Математические модели. Математика в юриспруденции. Понятие множества. Числовые множества. Подмножества. Диаграммы Эйлера-Венна. Универсальное множество. Операции над множествами. Дополнение к множеству. Разность множеств. Декартово произведение множеств и его графическое представление. Мощность множества. Отображение множеств. Функция.

практическое занятие (2 часа(ов)):

Диаграммы Эйлера-Венна. Операции над множествами. Отображение множеств.

Тема 2. Элементы математической логики

лекционное занятие (4 часа(ов)):

Высказывания и логические операции над ними. Таблицы истинности. Формулы алгебры логики. Равносильные формулы. Тавтология и противоречие. Основные равносильности. Законы алгебры логики. Обратные и противоположные утверждения. Логическое следование.

практическое занятие (4 часа(ов)):

Высказывания и логические операции над ними. Таблицы истинности. Формулы алгебры логики. Равносильные формулы. Логическое следование.

Тема 3. Элементы комбинаторики

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Элементы комбинаторики. Правило сложения. Правило умножения. Перестановки. Сочетания. Размещения.

практическое занятие (2 часа(ов)):

Правило сложения. Правило умножения. Перестановки. Сочетания. Размещения.

Тема 4. Элементы теории вероятностей

лекционное занятие (6 часа(ов)):

Основные понятия теории вероятностей. Классическое определение вероятности, статистическое определение вероятности. Закон больших чисел. Алгебра событий. Соотношения между событиями. Теорема сложения и умножения вероятностей. Вероятность появления хотя бы одного из n независимых событий. Условная вероятность. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Повторные испытания. Теорема о повторении опытов. Формула Бернулли. Формула Пуассона. Формула Лапласа.

практическое занятие (6 часа(ов)):

Классическое определение вероятности. Алгебра событий. Вероятность появления хотя бы одного из n независимых событий. Условная вероятность. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Формула Бернулли.

Тема 5. Случайные величины, законы их распределения и основные числовые характеристики

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Случайные величины, основные понятия. Закон распределения дискретной случайной величины. Функции и плотности распределения вероятностей случайных величин. Вероятность попадания случайной величины в заданный интервал. Основные числовые характеристики случайных величин (математическое ожидание, дисперсия, среднеквадратичное отклонение). Основные виды и типы распределения случайных величин и их характеристики. Распределение Бернулли. Распределение Пуассона. Равномерно распределенная случайная величина. Показательное распределение. Нормальное распределение.

практическое занятие (3 часа(ов)):

Закон распределения дискретной случайной величины. Основные числовые характеристики случайных величин (математическое ожидание, дисперсия, среднеквадратичное отклонение).

Тема 6. Элементы математической статистики

лекционное занятие (1 часа(ов)):

Этапы статистического эксперимента. Определение генеральной совокупности, выборки. Определения вариационного ряда, частоты, относительной частоты, накопленной частоты. Определение дискретного и интервального рядов распределения, их графическое представление. Числовые характеристики признака (медиана, мода, среднее значение, дисперсия, среднеквадратичное отклонение), способы вычисления. Выборка, таблица и полигон частот, гистограмма. Числовые характеристики распределений: мода, медиана, среднее арифметическое.

практическое занятие (1 часа(ов)):

Выборка, таблица и полигон частот, гистограмма. Числовые характеристики распределений: мода, медиана, среднее арифметическое.

4.3 Структура и содержание самостоятельной работы дисциплины (модуля)

N	Раздел Дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды самостоятельной работы студентов	Трудоемкость (в часах)	Формы контроля самостоятельной работы
1.	Тема 1. Аксиоматический метод. Элементы теории множеств	1	1-2	подготовка домашнего задания	4	домашнее задание

N	Раздел Дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды самостоятельной работы студентов	Трудоемкость (в часах)	Формы контроля самостоятельной работы
2.	Тема 2. Элементы математической логики	1	3-6	подготовка домашнего задания	6	домашнее задание
3.	Тема 3. Элементы комбинаторики	1	7-8	подготовка к письменной работе	8	письменная работа
4.	Тема 4. Элементы теории вероятностей	1	9-14	подготовка домашнего задания	6	домашнее задание
5.	Тема 5. Случайные величины, законы их распределения и основные числовые характеристики	1	15-17	подготовка домашнего задания	4	домашнее задание
6.	Тема 6. Элементы математической статистики	1	18	подготовка к контрольной работе	8	контрольная работа
	Итого				36	

5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения

Проводятся лекции и практические занятия. На лекциях в качестве примеров рассматриваются конкретные задачи. Задачи решаются лектором совместно со студентами. Студенты обязаны подсказать преподавателю ход решения и провести вычисления на каждом этапе.

На семинарских занятиях проводятся проверки домашних заданий.

6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов

Тема 1. Аксиоматический метод. Элементы теории множеств

домашнее задание , примерные вопросы:

Числовые множества (множество натуральных , целых, рациональных, действительных чисел). Операции над множествами. Диаграммы Эйлера-Венна. Числовые множества. Операции над множествами (объединение, пересечение, разность, дополнение). Декартово произведение (графическое представление). Выполнение заданий из пособия: Математика: [учебно-методическое пособие] / Казан. (Приволж.) федер. ун-т; [авт.-сост.] Н.Р. Абубакиров, М. С. Малакаев, -Казань: [Казанский университет], 2010.-72 стр.39-40 ♦10-28

Тема 2. Элементы математической логики

домашнее задание , примерные вопросы:

Алгебра высказываний (сформулировать словесно высказывание). Алгебра высказываний (записать высказывание в символической форме). Логические операции (определение истинности высказываний). Логические операции (составить таблицу истинности). Логическое следование. Выполнение заданий из пособия: Математика: [учебно-методическое пособие] / Казан. (Приволж.) федер. ун-т; [авт.-сост.] Н.Р. Абубакиров, М. С. Малакаев, -Казань: [Казанский университет], 2010.-72 с. стр.27-29 ♦3-19

Тема 3. Элементы комбинаторики

письменная работа , примерные вопросы:

Комбинаторная задача (перестановки, размещения, сочетания). Выполнение заданий из пособия: Математика: [учебно-методическое пособие] / Казан. (Приволж.) федер. ун-т; [авт.-сост.] Н.Р. Абубакиров, М. С. Малакаев, -Казань: [Казанский университет], 2010.-72 с. стр. 58 ♦4-20

Тема 4. Элементы теории вероятностей

домашнее задание , примерные вопросы:

Алгебра событий. Классическое определение вероятности. Условная вероятность. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Формула Бернулли. Выполнение заданий из пособия: Математика: [учебно-методическое пособие] / Казан. (Приволж.) федер. ун-т; [авт.-сост.] Н.Р. Абубакиров, М. С. Малакаев, -Казань: [Казанский университет], 2010.-72 с. стр. 59-61 ♦24-46

Тема 5. Случайные величины, законы их распределения и основные числовые характеристики

домашнее задание , примерные вопросы:

Дискретная случайная величина. Ряд распределения. Многоугольник распределения. Математическое ожидание. Дисперсия. Выполнение заданий из пособия: Математика: [учебно-методическое пособие] / Казан. (Приволж.) федер. ун-т; [авт.-сост.] Н.Р. Абубакиров, М. С. Малакаев, -Казань: [Казанский университет], 2010.-72 с. стр. 61 ♦47-49

Тема 6. Элементы математической статистики

контрольная работа , примерные вопросы:

Выборка. Таблица и полигон частот. Мода. Медиана. Среднее арифметическое. Выполнение заданий из пособия: Математика: [учебно-методическое пособие] / Казан. (Приволж.) федер. ун-т; [авт.-сост.] Н.Р. Абубакиров, М. С. Малакаев, -Казань: [Казанский университет], 2010.-72 с. стр. 71-72 ♦1-5

Итоговая форма контроля

зачет

Примерные вопросы к зачету:

Примерные вопросы к зачету:

1. Высказывания. Простые и составные высказывания.
2. Логические операции: отрицание, конъюнкция, дизъюнкция, импликация, эквивалентность. Таблицы истинности.
3. Формулы алгебры логики. Равносильные формулы. Тавтология. Противоречие.
4. Понятие множества. Равенство множеств. Способы записи и задания множеств. Примеры множеств.
5. Операции над множествами и их свойства. Объединение, пересечение, разность множеств. Дополнение к множеству.
6. Декартово произведение множеств. Графическое изображение декартова произведения.
7. Основные понятия комбинаторики: перестановки, размещения, сочетания.
8. События. Классификация событий. Совместные, несовместные события. Полная группа событий.
9. Алгебра событий. Действия над событиями. Теорема сложения и умножения вероятностей. Условная вероятность.
10. Теоремы о повторении опытов. Формула Бернулли.
11. Понятие о случайной величине. Способы задания дискретной случайной величины. Закон распределения дискретной случайной величины. График (многоугольник) распределения.
12. Числовые характеристики случайных величин. Математическое ожидание. Дисперсия. Среднеквадратичное отклонение.

Примеры практических заданий для зачета:

1. Для множеств $A = \{1, 3, 5, f, p, v\}$ и $B = \{2, 3, 4, 5, f, x\}$. Найти $A \cup B$, $A \cap B$, $A \setminus B$, $B \setminus A$.

2. Для трех множеств A , B и C общего положения на диаграмме Эйлера, т.е. $A \cap B \cap C$ отметить $A \cap B$, $A \cap C$.
3. Найти прямые (Декартовы) произведения множеств $A \times B$ и $B \times A$, если $A = \{d, p, 1\}$ и $B = \{2, f\}$.
4. Даны высказывания A : Будет дождь, B : Мы пойдем в гости, C : Мы пойдем за грибами. Для приведенных формул составьте повествовательные предложения, соответствующие им:
а) $A \vee B$; б) C .
5. Составив таблицы истинности, установить имеет ли место логическая равносильность
($A \vee B) \rightarrow C \equiv A \rightarrow (B \rightarrow C)$
6. Дано утверждение: "Если Джон не встречал ночью Смита, то Смит убийца. Но Джон встретил ночью Смита. Значит Смит не убийца". Формализовав приведенное утверждение и составив таблицы истинности, установить имеет ли место логическое следование в данном утверждении.
7. Среди 10 студентов группы, в которой 6 девушек для участия в конкурсе выбирают 5 человек. Найти вероятность того, среди них будут 3 девушки и 2 юноши.
8. В саду посажены три дерева: яблоня, слива, и груша. Вероятность того, что приживется яблоня равна 0,9; вероятность того, что приживется слива равна 0,8 и вероятность того, что приживется груша равна 0,7. Найти вероятность того, что груша точно приживется.
9. Случайная величина X задана законом распределения,

x_i	3	5	7
p_i	0,3	0,2	0,5

 - 1) Найти математическое ожидание $M(X)$,
 - 2) Найти дисперсию $D(X)$,
 - 3) Найти $P(X < 7)$,
 - 4) Построить многоугольник распределения.
10. Дана выборка: 1;2;3;1;1;4;5;4;4;4;5;6;2;3;3;2;3;4;1;4.
 - 1) Составить дискретную таблицу частот распределения.
 - 2) Начертить полигон частот.
 - 3) Найти моду, медиану и выборочное среднее (среднее арифметическое).

7.1. Основная литература:

History of computers: учебное пособие для студентов, обучающихся по специальности 'Прикладная математика и информатика', 'Математические методы в экономике', 'Информационные технологии' / [Ситдикова Ф.Б., Хакимзянова Д.Ф.]; Казан. гос. ун-т, Ин-т яз. ? Казань. Казанский государственный университет, 2010. ? 63 с.

Грес П.В. Математика для бакалавров. Универсальный курс для студентов гуманитарных направлений: учебное пособие /П.В.Грес. - М.: Логос, 2013. - Режим доступа: <http://znanium.com/bookread.php?book=468424>

7.2. Дополнительная литература:

Балдин К. В. Математика для гуманитариев [Электронный ресурс]: Учебник / Под общ. ред. д. э. н., проф., К.В. Балдина. - 3-е изд. - М.: Дашков и К, 2012. - 512 с.
<http://znanium.com/bookread2.php?book=411391>

Очерки по истории методики обучения математике (до 1917 года): монография / О.А. Саввина. ? М. : ИНФРА-М, 2017. ? 189 с. ? (Научная мысль).Режим доступа: <http://znanium.com/bookread2.php?book=780511>

7.3. Интернет-ресурсы:

Википедия - <http://ru.wikipedia.org>

Математический сайт - <http://allmatematika.ru>

сайт естественнонаучной направленности - <http://bib.tiera.ru>

Сайт Катречко С.Л. - <http://katrechko.narod.ru>

Стэнфордская энциклопедия - <http://plato.stanford.edu>

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины(модуля)

Освоение дисциплины "Математика" предполагает использование следующего материально-технического обеспечения:

Мультимедийная аудитория, вместимостью более 60 человек. Мультимедийная аудитория состоит из интегрированных инженерных систем с единой системой управления, оснащенная современными средствами воспроизведения и визуализации любой видео и аудио информации, получения и передачи электронных документов. Типовая комплектация мультимедийной аудитории состоит из: мультимедийного проектора, автоматизированного проекционного экрана, акустической системы, а также интерактивной трибуны преподавателя, включающей тач-скрин монитор с диагональю не менее 22 дюймов, персональный компьютер (с техническими характеристиками не ниже Intel Core i3-2100, DDR3 4096Mb, 500Gb), конференц-микрофон, беспроводной микрофон, блок управления оборудованием, интерфейсы подключения: USB, audio, HDMI. Интерактивная трибуна преподавателя является ключевым элементом управления, объединяющим все устройства в единую систему, и служит полноценным рабочим местом преподавателя. Преподаватель имеет возможность легко управлять всей системой, не отходя от трибуны, что позволяет проводить лекции, практические занятия, презентации, вебинары, конференции и другие виды аудиторной нагрузки обучающихся в удобной и доступной для них форме с применением современных интерактивных средств обучения, в том числе с использованием в процессе обучения всех корпоративных ресурсов. Мультимедийная аудитория также оснащена широкополосным доступом в сеть интернет. Компьютерное оборудование имеет соответствующее лицензионное программное обеспечение.

Электронно-библиотечная система "КнигаФонд".

Принтер и раздаточные материалы

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВПО и учебным планом по направлению 51.03.01 "Культурология" и профилю подготовки Культура стран и регионов мира

Автор(ы):

Киясов С.Н. _____

"__" _____ 201__ г.

Рецензент(ы):

Валеев Р.М. _____

"__" _____ 201__ г.