

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное автономное учреждение
высшего профессионального образования
"Казанский (Приволжский) федеральный университет"
Институт вычислительной математики и информационных технологий



УТВЕРЖДАЮ

Проректор по образовательной деятельности КФУ

Проф. Таюрский Д.А.



_____ 20__ г.

подписано электронно-цифровой подписью

Программа дисциплины

Математические модели теории упругости Б1.В.ДВ.23

Направление подготовки: 01.03.04 - Прикладная математика

Профиль подготовки: Математическое моделирование

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Автор(ы):

Бахтиева Л.У.

Рецензент(ы):

Плещинский Н.Б.

СОГЛАСОВАНО:

Заведующий(ая) кафедрой: Плещинский Н. Б.

Протокол заседания кафедры No ____ от " ____ " _____ 201__ г

Учебно-методическая комиссия Института вычислительной математики и информационных технологий:

Протокол заседания УМК No ____ от " ____ " _____ 201__ г

Регистрационный No 941917

Казань
2017

Содержание

1. Цели освоения дисциплины
2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы
3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля
4. Структура и содержание дисциплины/ модуля
5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения
6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов
7. Литература
8. Интернет-ресурсы
9. Материально-техническое обеспечение дисциплины/модуля согласно утвержденному учебному плану

Программу дисциплины разработал(а)(и) доцент, к.н. (доцент) Бахтиева Л.У. Кафедра прикладной математики отделение прикладной математики и информатики ,
Lyalya.Bakhtieva@kpfu.ru

1. Цели освоения дисциплины

Дисциплина знакомит студентов с методикой построения математических моделей в некоторых задачах теории упругости, а также с численными методами решения этих задач. На самостоятельных занятиях студенты приобретают навыки решения задач теории упругости с помощью системы МАТЛАБ

2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы высшего профессионального образования

Данная учебная дисциплина включена в раздел " Б1.В.ДВ.23 Дисциплины (модули)" основной образовательной программы 01.03.04 Прикладная математика и относится к дисциплинам по выбору. Осваивается на 3 курсе, 6 семестр.

Дисциплина базируется на знаниях, полученных в рамках дисциплин "Математический анализ", "Дифференциальные уравнения", "Уравнения математической физики", "Численные методы".

3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля

В результате освоения дисциплины формируются следующие компетенции:

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции
ПК-2 (профессиональные компетенции)	способность приобретать новые научные и профессиональные знания, используя современные образовательные и информационные технологии
ПК-5 (профессиональные компетенции)	способность критически переосмысливать накопленный опыт, изменять при необходимости вид и характер своей профессиональной деятельности
ПК-7 (профессиональные компетенции)	способность собирать, обрабатывать и интерпретировать данные современных научных исследований, необходимые для формирования выводов по соответствующим научным, профессиональным, социальным и этическим проблемам
ПК-8 (профессиональные компетенции)	способность формировать суждения о значении и последствиях своей профессиональной деятельности с учетом социальных, профессиональных и этических позиций

В результате освоения дисциплины студент:

1. должен знать:

основные положения теории упругости

2. должен уметь:

ориентироваться в способах построения математических моделей

3. должен владеть:

теоретическими знаниями о численных методах решения краевых задач

4. должен демонстрировать способность и готовность:
навыки численного решения краевых задач с помощью системы Matlab

4. Структура и содержание дисциплины/ модуля

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 зачетных(ые) единиц(ы) 144 часа(ов).

Форма промежуточного контроля дисциплины экзамен в 6 семестре.

Суммарно по дисциплине можно получить 100 баллов, из них текущая работа оценивается в 50 баллов, итоговая форма контроля - в 50 баллов. Минимальное количество для допуска к зачету 28 баллов.

86 баллов и более - "отлично" (отл.);

71-85 баллов - "хорошо" (хор.);

55-70 баллов - "удовлетворительно" (удов.);

54 балла и менее - "неудовлетворительно" (неуд.).

4.1 Структура и содержание аудиторной работы по дисциплине/ модулю Тематический план дисциплины/модуля

N	Раздел Дисциплины/ Модуля	Семестр	Неделя семестра	Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах)			Текущие формы контроля
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
1.	Тема 1. Основные понятия, константы и переменные теории упругости	6	1	2	0	2	Письменное домашнее задание
2.	Тема 2. Дифференциальные уравнения равновесия	6	2-3	4	0	4	Письменная работа
3.	Тема 3. Основные уравнения теории упругости и способы их решения	6	4	2	0	2	Письменное домашнее задание
4.	Тема 4. Плоская задача в полярных координатах	6	5	2	0	2	Письменное домашнее задание
5.	Тема 5. Изгиб прямоугольных пластин	6	6	2	0	2	Контрольная работа
6.	Тема 6. Изгиб круглых пластин	6	7	2	0	2	Письменное домашнее задание
7.	Тема 7. Вариационные методы решения задач теории упругости	6	8	2	0	2	Письменная работа

N	Раздел Дисциплины/ Модуля	Семестр	Неделя семестра	Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах)			Текущие формы контроля
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
8.	Тема 8. Знакомство с основными возможностями системы Matlab	6	9	2	0	2	Письменное домашнее задание
9.	Тема 9. Программирование в системе Matlab	6	10	2	0	2	Письменное домашнее задание
10.	Тема 10. Работа с матрицами	6	11	2	0	2	Письменное домашнее задание
11.	Тема 11. Численное дифференцирование и интегрирование	6	12	2	0	2	
12.	Тема 12. Использование прикладных пакетов	6	13	2	0	2	Письменное домашнее задание
13.	Тема 13. Графика в системе Matlab	6	14	2	0	2	Письменное домашнее задание
14.	Тема 14. Графический интерфейс пользователя	6	15	2	0	2	Письменное домашнее задание
15.	Тема 15. Численные методы решения дифференциальных уравнений	6	16	2	0	2	Письменное домашнее задание
16.	Тема 16. Решение задач теории упругости с помощью системы Matlab	6	17	2	0	2	Письменное домашнее задание
17.	Тема 17. Задача устойчивости прямоугольной пластины под действием динамического сжатия	6	18	2	0	2	Контрольная работа
	Тема . Итоговая форма контроля	6		0	0	0	Экзамен
	Итого			36	0	36	

4.2 Содержание дисциплины

Тема 1. Основные понятия, константы и переменные теории упругости

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Модель идеально упругого тела.

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Напряжения

Тема 2. Дифференциальные уравнения равновесия

лекционное занятие (4 часа(ов)):

Деформации и перемещения в упругом теле, уравнения неразрывности деформаций.

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Обобщенный закон Гука

Тема 3. Основные уравнения теории упругости и способы их решения

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Плоская задача теории упругости и ее решение в напряжениях.

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Примеры решения некоторых задач

Тема 4. Плоская задача в полярных координатах

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Примеры решения некоторых задач

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Примеры решения некоторых задач

Тема 5. Изгиб прямоугольных пластин

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Решение задачи изгиба пластины методом коллокаций и методом наименьших квадратов

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Решение задачи изгиба пластины методом коллокаций и методом наименьших квадратов

Тема 6. Изгиб круглых пластин

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Расчет гибких круглых пластин

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Расчет гибких круглых пластин

Тема 7. Вариационные методы решения задач теории упругости

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Расчет пластины на изгиб методом Бубнова-Галеркина

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Расчет пластины на изгиб методом Бубнова-Галеркина

Тема 8. Знакомство с основными возможностями системы Matlab

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Работа в режиме прямых вычислений.

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Вычисление корней полинома и нулей функции

Тема 9. Программирование в системе Matlab

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Работа с файлами

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Работа с файлами

Тема 10. Работа с матрицами

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Системы алгебраических уравнений.

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Численные методы решения нелинейных алгебраических уравнений: метод последовательных приближений, метод упругих решений

Тема 11. Численное дифференцирование и интегрирование

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Численное дифференцирование и интегрирование

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Численное дифференцирование и интегрирование

Тема 12. Использование прикладных пакетов

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Использование прикладных пакетов

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Использование прикладных пакетов

Тема 13. Графика в системе Matlab

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Графика в системе Matlab

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Графика в системе Matlab

Тема 14. Графический интерфейс пользователя

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Графический интерфейс пользователя

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Графический интерфейс пользователя

Тема 15. Численные методы решения дифференциальных уравнений

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Численные методы решения дифференциальных уравнений

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Численные методы решения дифференциальных уравнений

Тема 16. Решение задач теории упругости с помощью системы Matlab

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Решение задач теории упругости с помощью системы Matlab

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Решение задач теории упругости с помощью системы Matlab

Тема 17. Задача устойчивости прямоугольной пластины под действием динамического сжатия

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Алгоритм расчета пластины под действием динамического сжатия

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Расчет пластины под действием динамического сжатия

4.3 Структура и содержание самостоятельной работы дисциплины (модуля)

N	Раздел Дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды самостоятельной работы студентов	Трудоемкость (в часах)	Формы контроля самостоятельной работы
1.	Тема 1. Основные понятия, константы и переменные теории упругости	6	1	подготовка домашнего задания	1	домашнее задание

N	Раздел Дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды самостоятельной работы студентов	Трудоемкость (в часах)	Формы контроля самостоятельной работы
2.	Тема 2. Дифференциальные уравнения равновесия	6	2-3	подготовка домашнего задания	2	домашнее задание
3.	Тема 3. Основные уравнения теории упругости и способы их решения	6	4	подготовка домашнего задания	1	домашнее задание
4.	Тема 4. Плоская задача в полярных координатах	6	5	подготовка домашнего задания	1	домашнее задание
5.	Тема 5. Изгиб прямоугольных пластин	6	6	подготовка к контрольной работе	1	контрольная работа
6.	Тема 6. Изгиб круглых пластин	6	7	подготовка домашнего задания	1	домашнее задание
7.	Тема 7. Вариационные методы решения задач теории упругости	6	8	подготовка домашнего задания	1	домашнее задание
8.	Тема 8. Знакомство с основными возможностями системы Matlab	6	9	подготовка домашнего задания	1	домашнее задание
9.	Тема 9. Программирование в системе Matlab	6	10	подготовка домашнего задания	1	домашнее задание
10.	Тема 10. Работа с матрицами	6	11	подготовка домашнего задания	1	домашнее задание
11.	Тема 11. Численное дифференцирование и интегрирование	6	12	подготовка к контрольной точке	1	контрольная точка
12.	Тема 12. Использование прикладных пакетов	6	13	подготовка домашнего задания	1	домашнее задание
13.	Тема 13. Графика в системе Matlab	6	14	подготовка домашнего задания	1	домашнее задание
14.	Тема 14. Графический интерфейс пользователя	6	15	подготовка домашнего задания	1	домашнее задание
15.	Тема 15. Численные методы решения дифференциальных уравнений	6	16	подготовка домашнего задания	1	домашнее задание
16.	Тема 16. Решение задач теории упругости с помощью системы Matlab	6	17	подготовка домашнего задания	1	домашнее задание

N	Раздел Дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды самостоятельной работы студентов	Трудоемкость (в часах)	Формы контроля самостоятельной работы
17.	Тема 17. Задача устойчивости прямоугольной пластины под действием динамического сжатия	6	18	подготовка к контрольной работе	1	контрольная работа
	Итого				18	

5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения

Активные и интерактивные формы проведения занятий в сочетании с внеаудиторной работой.

6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов

Тема 1. Основные понятия, константы и переменные теории упругости

домашнее задание , примерные вопросы:

Изучение литературы по теме: Основные определения теории упругости

Тема 2. Дифференциальные уравнения равновесия

домашнее задание , примерные вопросы:

Изучение литературы по теме: Вывод дифференциальных уравнений равновесия

Тема 3. Основные уравнения теории упругости и способы их решения

домашнее задание , примерные вопросы:

Изучение литературы по теме: Способы решения уравнений теории упругости

Тема 4. Плоская задача в полярных координатах

домашнее задание , примерные вопросы:

Самостоятельный вывод уравнений для плоской задачи в полярных координатах

Тема 5. Изгиб прямоугольных пластин

контрольная работа , примерные вопросы:

Проверка знаний по теме: Решение задачи изгиба прямоугольной пластины с конкретными физическими и геометрическими параметрами при различных краевых условиях

Тема 6. Изгиб круглых пластин

домашнее задание , примерные вопросы:

Изучение литературы по теме: Вывод уравнений изгиба круглых пласти

Тема 7. Вариационные методы решения задач теории упругости

домашнее задание , примерные вопросы:

Изучение литературы по теме: Решение краевой задачи одним из вариационных методов

Тема 8. Знакомство с основными возможностями системы Matlab

домашнее задание , примерные вопросы:

1. Вычислить гамма-функцию $\Gamma(x)$ для $x = 0.1, 0.2, \dots, 10$. 2. Вычислить все значения корня 6-й степени из комплексного числа $z = ?$ 64, Сравнить полученный результат с результатом выполнения команды $x = z^{(1/n)}$.

Тема 9. Программирование в системе Matlab

домашнее задание , примерные вопросы:

1. Написать программу, считывающую из некоторого текстового файла заданное число строк и выводящую эти данные в командное окно. 2. Написать программу - сценарий, преобразующую массив чисел из десятичной системы счисления в двоичную (использовать функцию `dec2bin()`). 3. Написать программу - функцию, вычисляющую направляющие косинусы заданного трехмерного вектора.

Тема 10. Работа с матрицами

домашнее задание , примерные вопросы:

1. Решить систему с помощью формул Крамера. 2. Решить систему нелинейных уравнений: $2x - y^2 + z = 1$, $y^2 - z^2 = 0$, $x + 2y - 3z = 1$, для решения применить метод последовательных приближений (итерационная процедура $x_{k+1} = B \setminus A(x_k)$).

Тема 11. Численное дифференцирование и интегрирование

контрольная точка , примерные вопросы:

Проверка выполненных заданий

Тема 12. Использование прикладных пакетов

домашнее задание , примерные вопросы:

1. С помощью функции `nchoosek(n,k)=Cnk` построить разложение бинома $(x+y)^n$ для $n=10$. Ответ записать в символьном виде. 2. Даны два числовых массива x и y . Построить график интерполирующей функции $y(x)$, используя функции пакета `Spline Toolbox`.

Тема 13. Графика в системе Matlab

домашнее задание , примерные вопросы:

1. Изобразить циферблат часов с движущимися стрелками. 2. Построить график поверхности $z = 1 - x^2 - y^2$ при $0 < x < 1$, $0 < y < 1$ с использованием функций `shading interp`, `diffuse`, `colormap()` и вычислить объем, заключенный между указанной поверхностью и плоскостью $z = 0$ ($V = \sum_{i=1}^m \sum_{k=1}^n z(x_i, y_k) \Delta x_i \Delta y_k$).

Тема 14. Графический интерфейс пользователя

домашнее задание , примерные вопросы:

Разработать GUI для просмотра нескольких графических окон. Указание: создать объект `PopupMenu`, перечислить несколько характерных примеров (график функции одной переменной, эффект `comet`, график поверхности и пр.). Для вывода графического окна создать объект типа `axes`. В программе воспользоваться оператором выбора `switch`.

Тема 15. Численные методы решения дифференциальных уравнений

домашнее задание , примерные вопросы:

Решить краевую задачу: $y'' - y = x$; $y(0) = 0$, $y(1) = 1$.

Тема 16. Решение задач теории упругости с помощью системы Matlab

домашнее задание , примерные вопросы:

Решить задачу изгиба тонкой прямоугольной пластины при условии шарнирного опирания краев. При решении опираться решение с другими краевыми условиями. Сравнить значения максимального прогиба в центре пластины в первом и во втором случае. Изобразить изогнутую поверхность пластины средствами системы Matlab.

Тема 17. Задача устойчивости прямоугольной пластины под действием динамического сжатия

контрольная работа , примерные вопросы:

Рассчитать на динамическую устойчивость прямоугольную пластину под действием всестороннего сжатия. Процесс потери устойчивости изобразить на экране дисплея, методом графического анализа определить момент потери устойчивости. Расчет и графический анализ производить в системе MATLAB с использованием изученных методов

Тема . Итоговая форма контроля

Примерные вопросы к экзамену:

Предусмотрена сдача зачета.

ВОПРОСЫ К ЗАЧЕТУ

1. Классификация внешних сил
2. Внутренние усилия и моменты
3. Вывод уравнений равновесия
4. Дифференциальные уравнения равновесия (одномерная задача)
5. Зависимость деформации от нагрузки, закон Гука
6. Механические свойства материала, коэффициент Пуассона
7. Перемещения при осевой деформации стержня
8. Зависимость между компонентами тензора деформаций и составляющими перемещения. Уравнения Коши
9. Условия совместности деформаций
10. Основные уравнения теории упругости
11. Прямая и обратная задачи теории упругости, пути их решения
12. Примеры плоских задач теории упругости
13. Работа в режиме прямых вычислений
14. Программирование в системе Matlab, работа с файлами

7.1. Основная литература:

1. Поршнев С.В. Компьютерное моделирование физических процессов в пакете MATLAB: учебное пособие: [для студентов вузов, обучающихся по специальностям Математика, Информатика, Физика] / С. В. Поршнев. ?Издание 2-е, исправленное. ?Санкт-Петербург [и др.]: Лань, 2011. ?736 с.
2. Поршнев С.В. Компьютерное моделирование физических процессов в пакете MATLAB: учебное пособие: [для студентов вузов, обучающихся по специальностям Математика, Информатика, Физика] / С. В. Поршнев. ?Издание 2-е, исправленное. ?Санкт-Петербург [и др.]: Лань, 2011. ?736 с. http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=650
3. Варданян Г. С. Сопrotивление материалов с основами теории упругости и пластичности: Уч. / В.И.Андреев и др.; Под ред. Г.С.Варданяна, Н.М.Атарова. - 2-е изд., испр. и доп. - М.: ИНФРА-М, 2014. - 638 с.
<http://znanium.com/bookread.php?book=448729>
4. Волосухин В. А. Сопrotивление материалов: Учебник / В.А. Волосухин, В.Б. Логвинов, С.И. Евтушенко. - 5-е изд. - М.: ИЦ РИОР: НИЦ ИНФРА-М, 2014. - 543 с.
<http://znanium.com/bookread.php?book=390023>
5. Балдин К. В. Математическое программирование [Электронный ресурс] : Учебник / К. В. Балдин, Н. А. Брызгалов, А. В. Рукосуев; Под общ. ред. д.э.н., проф. К. В. Балдина. - 2-е изд. - М.: Издательско-торговая корпорация "Дашков и К-", 2013. - 220 с.
<http://znanium.com/bookread.php?book=415097>

7.2. Дополнительная литература:

1. Бахтиева Л.У. Самостоятельные работы по специальному курсу 'Математические модели теории упругости' [Текст: электронный ресурс]: методическое пособие / Л. У. Бахтиева; Казан. федер. ун-т. ?Электронные данные (1 файл: 0,74 Мб). ?Б.м.: Б.и., Б.г.. ?Загл. с экрана. ?Режим доступа: открытый . ? URL:http://libweb.ksu.ru/ebooks/09-IVMIT/09_64_2012_000089.pdf

7.3. Интернет-ресурсы:

Компьютерное моделирование - http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=650

Математические модели теории упругости - <http://znanium.com/bookread.php?book=390023>

Математическое программирование - <http://znanium.com/bookread.php?book=415097>

Самостоятельные работы - http://libweb.ksu.ru/ebooks/09-IVMIT/09_64_2012_000089.pdf

Сопrotвление материалов - <http://znanium.com/bookread.php?book=448729>

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины(модуля)

Освоение дисциплины "Математические модели теории упругости" предполагает использование следующего материально-технического обеспечения:

компьютерный класс

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВПО и учебным планом по направлению 01.03.04 "Прикладная математика" и профилю подготовки Математическое моделирование .

Автор(ы):

Бахтиева Л.У. _____

"__" _____ 201__ г.

Рецензент(ы):

Плещинский Н.Б. _____

"__" _____ 201__ г.