МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное учреждение высшего профессионального образования "Казанский (Приволжский) федеральный университет" Высшая школа бизнеса КФУ



УТВЕРЖДАЮ

Программа дисциплины

Линейная алгебра Б1.Б.9

Направление подготовки: <u>38.03.01 - Экономика</u>
Профиль подготовки: <u>Бухгалтерский учет, анализ и аудит</u>
Квалификация выпускника: <u>бакалавр</u>
Форма обучения: <u>второе высшее</u>
Язык обучения: <u>русский</u>
Автор(ы):
<u>Махмутова Д.И.</u>
Рецензент(ы):
Марданов Р.Ш.
СОГЛАСОВАНО:
Заведующий(ая) кафедрой: Ахметшина А. Р.
Протокол заседания кафедры No от "" 201г
Учебно-методическая комиссия Высшей школы бизнеса КФУ:
Протокол заседания УМК No от "" 201г
Регистрационный No
Казань
2017



Содержание

- 1. Цели освоения дисциплины
- 2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы
- 3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля
- 4. Структура и содержание дисциплины/ модуля
- 5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения
- 6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов
- 7. Литература
- 8. Интернет-ресурсы
- 9. Материально-техническое обеспечение дисциплины/модуля согласно утвержденному учебному плану

Программу дисциплины разработал(а)(и) старший преподаватель, б/с Махмутова Д.И. Кафедра общей математики отделение математики , DilMahmutova@kpfu.ru

1. Цели освоения дисциплины

Преподавание курса 'Линейная алгебра' имеет цель - дать современное представление о линейной алгебре, применяемых при изучении процессов, протекающих в экономике, финансах и бизнесе.

К задачам дисциплины относятся:

- обучение студентов основам линейной алгебры, используемым при решении теоретических и практических задач в области экономики, финансов и бизнеса;
- развитие навыков в применении математического аппарата важного инструмента экономического анализа, организации и управления;
- развитие у студентов логического и аналитического мышления.

2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы высшего профессионального образования

Данная учебная дисциплина включена в раздел "Б1.Б.9 Дисциплины (модули)" основной образовательной программы 38.03.01 Экономика и относится к базовой (общепрофессиональной) части. Осваивается на 2 курсе, 4 семестр.

Изучению дисциплины 'Линейная алгебра' предшествует изучение школьных курсов математики и информатики.

Дисциплина 'Линейная алгебра' необходима для овладения теоретическими и практическими знаниями, лежащими в основе общенаучных дисциплин экономического профиля, а также курсов, изучающих конкретные задачи микро- и макроэкономики, финансов и бизнеса. Знания, полученные при изучении дисциплины 'Линейная алгебра', могут быть использованы при изучении курсов 'Методы моделирования и прогнозирования экономики', 'Экономико-математические модели', 'Теория игр', и др.

3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля

В результате освоения дисциплины формируются следующие компетенции:

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции
ОПК-2 (профессиональные компетенции)	- способность осуществлять сбор, анализ и обработку данных, необходимых для решения профессиональных задач
ОПК-3 (профессиональные компетенции)	- способность выбирать инструментальные средства для обработки экономических данных в соответствии с поставленной задачей, анализировать результаты расчетов и обосновывать полученные выводы
ОПК-4 (профессиональные компетенции)	- способность находить организационно-управленческие решения в профессиональной деятельности и готовностью нести за них ответственность
ПК-10 (профессиональные компетенции)	- способность использовать для решения коммуникативных задач современные технические средства и информационные технологии
ПК-3 (профессиональные компетенции)	- способность выполнять необходимые для составления экономических разделов планов расчеты, обосновывать их и представлять результаты работы в соответствии с принятыми в организации стандартами

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции				
ПК-8	- способность использовать для решения аналитических и				
(профессиональные	исследовательских задач современные технические				
компетенции)	средства и информационные технологии				

В результате освоения дисциплины студент:

- 1. должен знать:
- основы линейной алгебры, необходимые для постановки, математического моделирования и решения экономических задач.
- 2. должен уметь:
- формулировать постановку задачи и выбирать алгоритм ее решения;
- составлять экономико-математические модели,
- применять методы математического моделирования, теоретического и экспериментального исследования для решения экономических задач;
- анализировать результаты решения задач,
- грамотно оформлять ход решения задач.

3. должен владеть:

- навыками применения современного математического инструментария для решения экономических задач:
- методикой построения, анализа и применения математических моделей для оценки состояния и прогноза развития экономических процессов.
- 4. должен демонстрировать способность и готовность:
- к применению методов линейной алгебры при решении экономических задач в профессиональной деятельности.

4. Структура и содержание дисциплины/ модуля

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 зачетных(ые) единиц(ы) 144 часа(ов).

Форма промежуточного контроля дисциплины экзамен в 4 семестре.

Суммарно по дисциплине можно получить 100 баллов, из них текущая работа оценивается в 50 баллов, итоговая форма контроля - в 50 баллов. Минимальное количество для допуска к зачету 28 баллов.

86 баллов и более - "отлично" (отл.);

71-85 баллов - "хорошо" (хор.);

55-70 баллов - "удовлетворительно" (удов.);

54 балла и менее - "неудовлетворительно" (неуд.).

4.1 Структура и содержание аудиторной работы по дисциплине/ модулю Тематический план дисциплины/модуля

N	Раздел Дисциплины/ Модуля	Семестр	Неделя семестра	Виды и ча аудиторной р их трудоемк (в часах Практические занятия	аботы, сость	Текущие формы контроля
	Тема 1. Определители				P	

Крамера решения систем линейных уравнений.

	4	1	0	0	Письменная	
Регистрационный номер Страница 5 из 19.	•		·		Э Л Е К Т Р О І УНИВЕРС информационно аналитичес	итет

работа

N	Раздел Дисциплины/	Семестр	Неделя семестра	па (в часах)			Текущие формы контроля
	Модуля		•	Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	•
2.	Тема 2. Матрицы и действия над ними. Матричный способ решения систем линейных уравнений	4		1	0	0	Дискуссия Письменное домашнее задание
3.	Тема 3. п-мерные векторные пространства. Линейная зависимость системы векторов.	4		0	1	0	Письменное домашнее задание Устный опрос
4.	Тема 4. Ранг матрицы.	4		0	1	0	Устный опрос Письменное домашнее задание
5.	Тема 5. Собственные числа и собственные вектора. Квадратичные формы, приведение к каноническому виду.	4		1	1	0	Устный опрос Письменное домашнее задание
6.	Тема 6. Произвольные системы линейных уравнений. Метод Жордана-Гаусса.	4		1	1	0	Тестирование Письменное домашнее задание
7.	Тема 7. Опорные решения систем линейных уравнений.	4		0	2	0	Дискуссия Письменное домашнее задание
	Тема . Итоговая форма контроля	4		0	0	0	Экзамен
	Итого			4	6	0	

4.2 Содержание дисциплины

Тема 1. Определители и его свойства. Метод Крамера решения систем линейных уравнений.

лекционное занятие (1 часа(ов)):

Определители 2-го, 3-го, n-го порядков. Свойства определителей. Правила вычисления определителей 2-го и 3-го порядков. Методы вычисления определителей n порядка: разложение определителя, метод понижении порядка. Система n линейных уравнений с n неизвестными, ее решение методом Крамера.



Тема 2. Матрицы и действия над ними. Матричный способ решения систем линейных уравнений

лекционное занятие (1 часа(ов)):

Понятие матрицы. Виды матриц. Действия над матрицами и их свойства. Обратная матрица, теорема о ее существовании. Алгоритм нахождения обратной матрицы. Матричная форма записи систем п линейных уравнений с п неизвестными и ее решение с помощью обратной матрицы.

Тема 3. n-мерные векторные пространства. Линейная зависимость системы векторов. практическое занятие (1 часа(ов)):

Сложение и умножение на число для n-мерных векторов. Нахождение скалярного произведение и длины вектора. Вычисление линейной комбинации векторов. Определение линейной зависимости и линейной независимости системы векторов. Нахождение базиса n-мерного векторного пространства. Нахождение разложения заданного вектора по векторам базиса.

Тема 4. Ранг матрицы.

практическое занятие (1 часа(ов)):

Понятие базисного минора. Метод окаймляющих миноров для вычисления ранга матрицы. Элементарные преобразования. Вычисление ранга матрицы с помощью элементарных преобразований. Определение ранга системы векторов.

Тема 5. Собственные числа и собственные вектора. Квадратичные формы, приведение к каноническому виду.

лекционное занятие (1 часа(ов)):

Собственные значение матрицы. Собственные векторы линейных операторов и их свойства. Теорема Фробениуса-Беррона для неразложимых матриц. Понятие квадратичной формы. Положительно и отрицательно определенные квадратичные формы. Критерий Сильвестра.

практическое занятие (1 часа(ов)):

Вычисление собственных значений матрицы. Алгоритм нахождения собственных векторов линейных операторов и применение их свойств. Теорема Фробениуса-Беррона для неразложимых матриц. Определение положительной и отрицательной определенности квадратичных форм с помощью критерия Сильвестра.

Тема 6. Произвольные системы линейных уравнений. Метод Жордана-Гаусса. *лекционное занятие (1 часа(ов)):*

Произвольные системы m линейных уравнений с n неизвестными. Понятие общего, частного и базисного решений системы уравнений. Метод Жордана-Гаусса. Переход от одного базисного решения к другому.

практическое занятие (1 часа(ов)):

Определение совместности произвольной системы m линейных уравнений с n неизвестными по теореме Кронекера-Капелли. Нахождение общего, частного и базисного решений системы уравнений метод ом Жордана-Гаусса. Переход от одного базисного решения к другому.

Тема 7. Опорные решения систем линейных уравнений.

практическое занятие (2 часа(ов)):

Нахождение опорного и допустимого решений систем линейных уравнений с помощью симплексных преобразований. Переход от одного опорного решения к другому путем проведения еще одной итерации.

4.3 Структура и содержание самостоятельной работы дисциплины (модуля)

N	Раздел Дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды самостоятельной работы студентов	Трудоемкость (в часах)	Формы контроля самостоятельной работы
1.				подготовка домашнего задания	5	письменное домашнее задание
	Тема 1. Определители и его свойства. Метод Крамера решения	4		подготовка к письменной работе	5	Письменная работа
	систем линейных уравнений.			подготовка к письменной работе	5	письменная работа
				подготовка к устному опросу	5	устный опрос
				подготовка домашнего задания	5	Письменное домашнее задание
2.	Тема 2. Матрицы и действия над ними. Матричный способ решения систем линейных уравнений	4		подготовка домашнего задания	5	письменное домашнее задание
				подготовка к дискуссии	5	Дискуссия
				подготовка к дискуссии	5	дискуссия
	Тема 3. п-мерные векторные пространства. Линейная зависимость системы векторов.	4		подготовка домашнего задания	5	Письменное домашнее задание
3.				подготовка домашнего задания	5	письменное домашнее задание
				подготовка к устному опросу	5	Устный опрос
				подготовка к устному опросу	5	устный опрос
		4		подготовка домашнего задания	4	Письменное домашнее задание
4.	Тема 4. Ранг матрицы.			подготовка домашнего задания	5	письменное домашнее задание
				подготовка к контрольной работе	5	контрольная работа
				подготовка к устному опросу	3	Устный опрос
				подготовка к устному опросу	3	устный опрос

N	Раздел Дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды самостоятельной работы студентов	Трудоемкость (в часах)	Формы контроля самостоятельной работы
5.	Тема 5. Собственные			подготовка домашнего задания	6	Письменное домашнее задание
	числа и собственные вектора. Квадратичные формы,	4		подготовка домашнего задания	l	письменное домашнее задание
	приведение к каноническому виду.			подготовка к устному опросу	3	Устный опрос
				подготовка к устному опросу	3	устный опрос
6.	Тема 6. Произвольные системы линейных уравнений. Метод Жордана-Гаусса.	4		подготовка домашнего задания	4	Письменное домашнее задание
				подготовка домашнего задания	4	письменное домашнее задание
				подготовка к тестированию	3	Тестирование
				подготовка к тестированию	4	тестирование
	Тема 7. Опорные решения систем линейных уравнений.	4		подготовка домашнего задания	3	Письменное домашнее задание
7.				подготовка домашнего задания	4	письменное домашнее задание
				подготовка к дискуссии	4	Дискуссия
				подготовка к дискуссии		дискуссия
	Итого				125	

5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения

Освоение дисциплины 'Линейная алгебра' предполагает использование как традиционных технологий (лекции, практические занятия с использованием методических материалов), так и инновационных образовательных технологий с использованием в учебном процессе активных и интерактивных форм проведения занятий (дискуссии по решению и анализу 'проблемных ситуаций').

6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов

Тема 1. Определители и его свойства. Метод Крамера решения систем линейных уравнений.

Письменная работа, примерные вопросы:

Вычислить определитель четвертого порядка.

письменная работа, примерные вопросы:



Вычислить определитель четвертого порядка.

письменное домашнее задание, примерные вопросы:

Задания по теме из Сборника задач по математике для экономистов: учебное пособие для экономических специальностей вузов./ Р. Ш. Марданов, А. Ю. Хасанова, Р. А. Султанов, А. Г. Фатыхов; под научной редакцией проф. Р. Ш. Марданова.- Казань: Казан. Гос. Ун.-т, 2009. 576 с.: �� 21.6 -21.9, 21.14, 21.15, 21.17.

устный опрос, примерные вопросы:

1. Определитель - это число или таблица чисел? 2. Сколько элементов содержит определитель n-го порядка? 3. Что называется минором, алгебраическим дополнением элемента определителя? 4. Какими свойствами обладает определитель? 5. Как вычисляются определители 2-го и 3-го порядков? 6. Какие свойства определителей применяются при вычислении определителя n-го порядка методом разложения, методом понижения порядка? 7. Какие системы уравнений решаются методом Крамера? 8. Что гласит теорема Крамера и какие формулы для решения систем n линейных уравнений с n неизвестными здесь используются?

Тема 2. Матрицы и действия над ними. Матричный способ решения систем линейных уравнений

Дискуссия, примерные вопросы:

- 1. Постановка задач и переход к матричному виду. 2. Многообразие способов решения задач.
- 3. Сравнение непосредственного метода решения систем линейных уравнений и способа решения с помощью матриц. 4. Преимущества и недостатки решения систем матричным методом. 5. Специфика решения экономических задач с применением матриц. дискуссия, примерные вопросы:
- 1. Постановка задач и переход к матричному виду. 2. Многообразие способов решения задач.
- 3. Сравнение непосредственного метода решения систем линейных уравнений и способа решения с помощью матриц. 4. Преимущества и недостатки решения систем матричным методом. 5. Специфика решения экономических задач с применением матриц.

Письменное домашнее задание, примерные вопросы:

Задания по теме из Сборника задач по математике для экономистов: учебное пособие для экономических специальностей вузов./ Р. Ш. Марданов, А. Ю. Хасанова, Р. А. Султанов, А. Г. Фатыхов; под научной редакцией проф. Р. Ш. Марданова.- Казань: Казан. Гос. Ун.-т, 2009. 576 с.: ❖❖ 22.8 - 22.11, 22.16 - 22.19.

письменное домашнее задание, примерные вопросы:

Задания по теме из Сборника задач по математике для экономистов: учебное пособие для экономических специальностей вузов./ Р. Ш. Марданов, А. Ю. Хасанова, Р. А. Султанов, А. Г. Фатыхов; под научной редакцией проф. Р. Ш. Марданова.- Казань: Казан. Гос. Ун.-т, 2009. 576 с.: �� 22.8 - 22.11, 22.16 - 22.19.

Тема 3. п-мерные векторные пространства. Линейная зависимость системы векторов.

Письменное домашнее задание, примерные вопросы:

Задания по теме из Сборника задач по математике для экономистов: учебное пособие для экономических специальностей вузов./ Р. Ш. Марданов, А. Ю. Хасанова, Р. А. Султанов, А. Г. Фатыхов; под научной редакцией проф. Р. Ш. Марданова.- Казань: Казан. Гос. Ун.-т, 2009. 576 с.: �� 23.2, 23.5, 23.6, 23.11

письменное домашнее задание, примерные вопросы:

Задания по теме из Сборника задач по математике для экономистов: учебное пособие для экономических специальностей вузов./ Р. Ш. Марданов, А. Ю. Хасанова, Р. А. Султанов, А. Г. Фатыхов; под научной редакцией проф. Р. Ш. Марданова.- Казань: Казан. Гос. Ун.-т, 2009. 576 с.: • 23.2, 23.5, 23.6, 23.11.

Устный опрос, примерные вопросы:



1. Что называется n-мерным векторным пространством? 2. Какие векторы называются линейно зависимыми и линейно независимыми? 3. Какими свойствами обладают линейно зависимые системы векторов? 4. Когда линейно зависимы и линейно независимы системы из m векторов n-мерного векторного пространства в случаях: а) m >n, б) m =n, в) m < n? 5. Могут ли у одной и той же системы векторов существовать базисы, содержащие различное число векторов? 6. Что называется базисом n-мерного векторного пространства? Сколько различных базисов существует в n-мерном векторном пространстве? 7. Что утверждает теорема о разложении вектора по базису? Докажите однозначность этого разложения.

устный опрос, примерные вопросы:

1. Что называется р-мерным векторня

Тема 4. Ранг матрицы.

контрольная работа, примерные вопросы:

1. Вычислить определитель четвертого порядка. 2. Выполнить действия над матрицами. 3. Решить систему линейных уравнений с помощью обратной матрицы. 4. Дана система векторов. Найти ее ранг и определить образует ли эта система базис.

Письменное домашнее задание, примерные вопросы:

Задания по теме из Сборника задач по математике для экономистов: учебное пособие для экономических специальностей вузов./ Р. Ш. Марданов, А. Ю. Хасанова, Р. А. Султанов, А. Г. Фатыхов; под научной редакцией проф. Р. Ш. Марданова.- Казань: Казан. Гос. Ун.-т, 2009. 576 с.: ❖❖ 22.30 - 22.32, 23.12 - 23.14.

письменное домашнее задание, примерные вопросы:

Задания по теме из Сборника задач по математике для экономистов: учебное пособие для экономических специальностей вузов./ Р. Ш. Марданов, А. Ю. Хасанова, Р. А. Султанов, А. Г. Фатыхов; под научной редакцией проф. Р. Ш. Марданова.- Казань: Казан. Гос. Ун.-т, 2009. 576 с.: �� 22.30 - 22.32, 23.12 - 23.14.

Устный опрос, примерные вопросы:

- 1. Что такое ранг матрицы? 2. Какие преобразования матрицы не изменяют ее ранга? 3. Какие существуют методы вычисления ранга матрицы? 4. Как формулируется теорема о базисном миноре? 5. Как вычисляется ранг системы векторов? 6. Какие векторы системы являются базисными векторами этой системы? 7. Как определить число линейно независимых векторов в системе векторов, если число векторов в этой системе меньше их размерности? устный опрос, примерные вопросы:
- 1. Что такое ранг матрицы? 2. Какие преобразования матрицы не изменяют ее ранга? 3. Какие существуют методы вычисления ранга матрицы? 4. Как формулируется теорема о базисном миноре? 5. Как вычисляется ранг системы векторов? 6. Какие векторы системы являются базисными векторами этой системы? 7. Как определить число линейно независимых векторов в системе векторов, если число векторов в этой системе меньше их размерности?

Тема 5. Собственные числа и собственные вектора. Квадратичные формы, приведение к каноническому виду.

Письменное домашнее задание, примерные вопросы:

Найти собственные значения и собственные векторы оператора, заданного матрицей. Найти матрицу квадратичной формы, привести ее к каноническому виду, установить характер знакоопределенности.

письменное домашнее задание, примерные вопросы:

Найти собственные значения и собственные векторы оператора, заданного матрицей. Найти матрицу квадратичной формы, привести ее к каноническому виду, установить характер знакоопределенности.



Устный опрос, примерные вопросы:

1. Какие числа называются собственными значениями матрицы? 2. У каких матриц существуют собственные значения? 3. Какое уравнение называется характеристическим уравнением матрицы? 4. Какой вектор называется собственным вектором квадратной матрицы, линейного оператора? 5. Как найти собственный вектор матрицы, соответствующий ее собственному значению? 6. Какими свойствами обладают собственные вектора линейных операторов? 7. Что утверждает теорема Фробениуса-Беррона? 8. Каково определение квадратичной формы? 9. Какая квадратичная форма называется симметричной? 10. Какие квадратичные формы называются знакоопределенными: а) положительно определенными, б) отрицательно определенными? 11. Какие квадратичные формы знаконеопределенны? 12. Какие миноры матрицы квадратичной формы называются главными? 13. Как формулируется критерий Сильвестра?

устный опрос, примерные вопросы:

1. Какие числа называются собственными значениями матрицы? 2. У каких матриц существуют собственные значения? 3. Какое уравнение называется характеристическим уравнением матрицы? 4. Какой вектор называется собственным вектором квадратной матрицы, линейного оператора? 5. Как найти собственный вектор матрицы, соответствующий ее собственному значению? 6. Какими свойствами обладают собственные вектора линейных операторов? 7. Что утверждает теорема Фробениуса-Беррона? 8. Каково определение квадратичной формы? 9. Какая квадратичная форма называется симметричной? 10. Какие квадратичные формы называются знакоопределенными: а) положительно определенными, б) отрицательно определенными? 11. Какие квадратичные формы знаконеопределенны? 12. Какие миноры матрицы квадратичной формы называются главными? 13. Как формулируется критерий Сильвестра?

Тема 6. Произвольные системы линейных уравнений. Метод Жордана-Гаусса.

Письменное домашнее задание, примерные вопросы:

Задания по теме из Сборника задач по математике для экономистов: учебное пособие для экономических специальностей вузов./ Р. Ш. Марданов, А. Ю. Хасанова, Р. А. Султанов, А. Г. Фатыхов; под научной редакцией проф. Р. Ш. Марданова.- Казань: Казан. Гос. Ун.-т, 2009. 576 с.: �� 24.1 -24.4.

письменное домашнее задание, примерные вопросы:

Задания по теме из Сборника задач по математике для экономистов: учебное пособие для экономических специальностей вузов./ Р. Ш. Марданов, А. Ю. Хасанова, Р. А. Султанов, А. Г. Фатыхов; под научной редакцией проф. Р. Ш. Марданова.- Казань: Казан. Гос. Ун.-т, 2009. 576 с.: �� 24.1 -24.4.

Тестирование, примерные вопросы:

1. Общим решением системы m линейных уравнений с n неизвестными называется: а) решение, в котором свободные неизвестные произвольны; б) решение, в котором базисные неизвестные линейно выражаются через свободные неизвестные; в) сумма частных решений этой системы; г) сумма частных и базисных решений этой системы. 2. Число базисных решений произвольной системы m линейных уравнений с n неизвестными определяется: а) формулой числа сочетаний; б) числом уравнений; в) числом неизвестных; г) размерностью матрицы системы. 3. Если в таблице Жордана? Гаусса имеются две пропорциональные строки, то: а) одну можно вычесть из другой; б) их нужно сложить; в) система не имеет решений; г) одну из них нужно вычеркнуть. 4. Если r ? число базисных неизвестных, а n ? общее число неизвестных в произвольной системе m линейных уравнений, то система имеет бесконечное множество решений при: а) r=n; б) m=n; в) r меньшем n; г) r и m большем n.

тестирование, примерные вопросы:

1. Общим решением системы m линейных уравнений с n неизвестными называется: а) решение, в котором свободные неизвестные произвольны; б) решение, в котором базисные неизвестные линейно выражаются через свободные неизвестные; в) сумма частных решений этой системы; г) сумма частных и базисных решений этой системы. 2. Число базисных решений произвольной системы m линейных уравнений с n неизвестными определяется: а) формулой числа сочетаний; б) числом уравнений; в) числом неизвестных; г) размерностью матрицы системы. 3. Если в таблице Жордана ? Гаусса имеются две пропорциональные строки, то: а) одну можно вычесть из другой; б) их нужно сложить; в) система не имеет решений; г) одну из них нужно вычеркнуть. 4. Если r ? число базисных неизвестных, а n ? общее число неизвестных в произвольной системе m линейных уравнений, то система имеет бесконечное множество решений при: а) r=n; б) m=n; в) r меньшем n; г) r и m большем n.

Тема 7. Опорные решения систем линейных уравнений.

Дискуссия, примерные вопросы:

- 1. Обсудить практическую важность выделения класса опорных и допустимых решений. 2. Проанализировать особенности симплексных преобразований. 3. Обсудить, при каком условии можно с уверенностью утверждать, что система уравнений не имеет опорных решений. 4. Объяснить переход от найденного опорного решения системы уравнений к новому. дискуссия, примерные вопросы:
- 1. Обсудить практическую важность выделения класса опорных и допустимых решений. 2. Проанализировать особенности симплексных преобразований. 3. Обсудить, при каком условии можно с уверенностью утверждать, что система уравнений не имеет опорных решений. 4. Объяснить переход от найденного опорного решения системы уравнений к новому.

Письменное домашнее задание, примерные вопросы:

Задания по теме из Сборника задач по математике для экономистов: учебное пособие для экономических специальностей вузов./ Р. Ш. Марданов, А. Ю. Хасанова, Р. А. Султанов, А. Г. Фатыхов; под научной редакцией проф. Р. Ш. Марданова.- Казань: Казан. Гос. Ун.-т, 2009. 576 с.: �� 24.5 - 24.7.

письменное домашнее задание, примерные вопросы:

Задания по теме из Сборника задач по математике для экономистов: учебное пособие для экономических специальностей вузов./ Р. Ш. Марданов, А. Ю. Хасанова, Р. А. Султанов, А. Г. Фатыхов; под научной редакцией проф. Р. Ш. Марданова.- Казань: Казан. Гос. Ун.-т, 2009. 576 с.: �� 24.5 - 24.7.

Тема. Итоговая форма контроля

Примерные вопросы к экзамену:

- 1. Определение определителя n го порядка. Свойства определителей.
- 2. Правила вычисления определителей 2-го и 3-го порядков.
- 3. Методы вычисления определителей n-го порядка: разложение определителя, метод понижения порядка.
- 4. Метод Крамера.
- 5. Понятие матрицы. Виды матриц.
- 6. Действия над матрицами и их свойства.
- 7. Обратная матрица, теорема о ее существовании.
- 8. Алгоритм нахождения обратной матрицы.
- 9. Матричная форма записи систем п линейных уравнений с п неизвестными и ее решение с помощью обратной матрицы.
- 10. Модель Леонтьева многоотраслевой экономики. Постановка задачи межотраслевого баланса.
- 11. Матрицы коэффициентов прямых и полных затрат, их экономический смысл.
- 12. Уравнение зависимости между валовой и конечной продукцией.
- 13. п-мерные векторы и действия над ними.
- 14. Аксиомы векторного пространства.



- 15. Линейная комбинация векторов. Линейная зависимость и линейная независимость системы векторов.
- 16. Свойства линейно зависимой и линейно независимой системы векторов.
- 17. Понятие базиса n мерного векторного пространства R(n).
- 18. Разложение вектора по векторам базиса.
- 19. Скалярное произведение, его свойства и применение.
- 20. Векторное произведение. Геометрический смысл векторного произведения.
- 21. Смешанное произведение и его свойства.
- 22. Плоскость в пространстве: виды уравнений.
- 23. Взаимное расположение двух плоскостей.
- 24. Прямая в пространстве: способы задания.
- 25. Взаимное расположение двух прямых в пространстве.
- 26. Взаимное расположение прямой и плоскости. Формула расстояния от точки до плоскости.
- 27. Собственные значение матрицы. Собственные векторы линейных операторов и их свойства.
- 28. Понятие квадратичной формы. Положительно и отрицательно определенные квадратичные формы. Критерий Сильвестра.
- 29. Ранг матрицы: определения и свойства.
- 30. Методы вычисления ранга матрицы.
- 31. Ранг системы векторов. Теоремы о свойствах линейно зависимой и линейно независимой систем векторов.
- 32. Теорема Кронекера-Капелли.
- 33. Определения совместной, определенной и неопределенной системы линейных уравнений.
- 34. Понятие общего, частного и базисного решений системы уравнений.
- 35. Метод Жордана-Гаусса. Переход от одного базисного решения к другому.
- 36. Понятия опорного и допустимого решений систем линейных уравнений.
- 37. Симплексные преобразования. Теорема о симплексных преобразованиях.

Примерные экзаменационные билеты:

БИЛЕТ �1

- 1. Уравнение зависимости между валовой и конечной продукцией.
- 2. Найти ассортимент валовой продукции, необходимый для обеспечения заданной величины конечной продукции.
- 3. Вычислить определитель 4-го порядка.
- 4. Найти общее базисное и частное решения системы линейных уравнений.

БИЛЕТ ♦2

- 1. Собственные значение матрицы. Собственные векторы линейных операторов и их свойства.
- 2. Найти собственные значения матрицы.
- 3. Выполнить действия над матрицами.
- 4. Определить являются ли векторы а, b, c компланарными.

БИЛЕТ ♦3

- 1. Свойства линейно зависимой и линейно независимой системы векторов.
- 2. Определить является ли система векторов линейно независимой.
- 3. Определить длину вектора.
- 4. Найти опорное решение системы линейных уравнений.

БИЛЕТ �4

1. Смешанное произведение и его свойства.



- 2. Найти объем пирамиды, заданной координатами вершин.
- 3. Найти обратную матрицу.
- 4. Привести квадратичную форму к каноническому виду.

БИЛЕТ ♦5

- 1. Взаимное расположение двух прямых в пространстве.
- 2. Найти угол между двумя прямыми.
- 3. Найти ранг системы векторов.
- 4. Найти матрицу коэффициентов полных затрат.

7.1. Основная литература:

Математика. Ч. 3, Долотказина, А. М.; Марданов, Р. Ш., 2007г.

Сборник задач по математике для экономистов, Марданов, Р. Ш., 2009г.

Линейная алгебра, Ильин, Владимир Александрович;Позняк, Эдуард Генрихович, 2010г.

Вычислительная линейная алгебра, Вержбицкий, Валентин Михайлович, 2009г.

Линейная алгебра и аналитическая геометрия, Карчевский, Евгений Михайлович;Карчевский, Михаил Миронович, 2011г.

Линейная алгебра: Учебное пособие. Рудык Борис Михайлович. Москва ООО 'Научно-издательский центр ИНФРА-М' 2013. - 318 с.

http://znanium.com/bookread2.php?book=460611

Линейная алгебра: теория и прикладные аспекты: Учебное пособие / Г.С. Шевцов. - 2-е изд., испр. и доп. - М.: Магистр: ИНФРА-М, 2010. - 528 с.

http://znanium.com/bookread2.php?book=203776

7.2. Дополнительная литература:

Сборник задач по высшей математике, Минорский, Василий Павлович, 2008г.

Высшая математика. Линейная алгебра и аналитическая геометрия, Геворкян, Павел Самвелович, 2007г.

Аналитическая геометрия и линейная алгебра, Гусак, Алексей Адамович, 2011г.

Красс М.С., Чупрынов Б.П. Математика для экономического бакалавриата: Учебник/ М. С. Красс, Б. П. Чупрынов. М.: ИНФРА-М, 2013 . - 472 с.

http://znanium.com/bookread2.php?book=400839

Справочник по математике для экономистов: Учебное пособие / Под ред. В.И. Ермакова. - 3-е изд., перераб. и доп. - М.: ИНФРА-М, 2009. - 464 с.

http://znanium.com/bookread2.php?book=187502

7.3. Интернет-ресурсы:

Линейная алгебра. Алгоритмы. Методы - http://algolist.manual.ru/maths/linalg/

Математический портал - http://www.allmath.ru/

Образовательный математический сайт Exponenta.ru - http://www.exponenta.ru

Общероссийский математический портал Math-Net.Ru - http://www.mathnet.ru

Учебно-образовательная физико-математическая библиотека - http://eqworld.ipmnet.ru/ru/library

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины(модуля)

Освоение дисциплины "Линейная алгебра" предполагает использование следующего материально-технического обеспечения:



Мультимедийная аудитория, вместимостью более 60 человек. Мультимедийная аудитория состоит из интегрированных инженерных систем с единой системой управления, оснащенная современными средствами воспроизведения и визуализации любой видео и аудио информации, получения и передачи электронных документов. Типовая комплектация мультимедийной аудитории состоит из: мультимедийного проектора, автоматизированного проекционного экрана, акустической системы, а также интерактивной трибуны преподавателя, включающей тач-скрин монитор с диагональю не менее 22 дюймов, персональный компьютер (с техническими характеристиками не ниже Intel Core i3-2100, DDR3 4096Mb, 500Gb), конференц-микрофон, беспроводной микрофон, блок управления оборудованием, интерфейсы подключения: USB, audio, HDMI. Интерактивная трибуна преподавателя является ключевым элементом управления, объединяющим все устройства в единую систему, и служит полноценным рабочим местом преподавателя. Преподаватель имеет возможность легко управлять всей системой, не отходя от трибуны, что позволяет проводить лекции, практические занятия, презентации, вебинары, конференции и другие виды аудиторной нагрузки обучающихся в удобной и доступной для них форме с применением современных интерактивных средств обучения, в том числе с использованием в процессе обучения всех корпоративных ресурсов. Мультимедийная аудитория также оснащена широкополосным доступом в сеть интернет. Компьютерное оборудованием имеет соответствующее лицензионное программное обеспечение.

Компьютерный класс, представляющий собой рабочее место преподавателя и не менее 15 рабочих мест студентов, включающих компьютерный стол, стул, персональный компьютер, лицензионное программное обеспечение. Каждый компьютер имеет широкополосный доступ в сеть Интернет. Все компьютеры подключены к корпоративной компьютерной сети КФУ и находятся в едином домене.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе "БиблиоРоссика", доступ к которой предоставлен студентам. В ЭБС "БиблиоРоссика "представлены коллекции актуальной научной и учебной литературы по гуманитарным наукам, включающие в себя публикации ведущих российских издательств гуманитарной литературы, издания на английском языке ведущих американских и европейских издательств, а также редкие и малотиражные издания российских региональных вузов. ЭБС "БиблиоРоссика" обеспечивает широкий законный доступ к необходимым для образовательного процесса изданиям с использованием инновационных технологий и соответствует всем требованиям федеральных государственных образовательных стандартов высшего профессионального образования (ФГОС ВПО) нового поколения.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе "ZNANIUM.COM", доступ к которой предоставлен студентам. ЭБС "ZNANIUM.COM" содержит произведения крупнейших российских учёных, руководителей государственных органов, преподавателей ведущих вузов страны, высококвалифицированных специалистов в различных сферах бизнеса. Фонд библиотеки сформирован с учетом всех изменений образовательных стандартов и включает учебники, учебные пособия, УМК, монографии, авторефераты, диссертации, энциклопедии, словари и справочники, законодательно-нормативные документы, специальные периодические издания и издания, выпускаемые издательствами вузов. В настоящее время ЭБС ZNANIUM.COM соответствует всем требованиям федеральных государственных образовательных стандартов высшего профессионального образования (ФГОС ВПО) нового поколения.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе Издательства "Лань", доступ к которой предоставлен студентам. ЭБС Издательства "Лань" включает в себя электронные версии книг издательства "Лань" и других ведущих издательств учебной литературы, а также электронные версии периодических изданий по естественным, техническим и гуманитарным наукам. ЭБС Издательства "Лань" обеспечивает доступ к научной, учебной литературе и научным периодическим изданиям по максимальному количеству профильных направлений с соблюдением всех авторских и смежных прав.

Учебники, учебно-методические пособия на бумажных носителях в Научной библиотеке им. Н.И. Лобачевского.

Электронные курсы в системе Дистанционного образования КФУ.



Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВПО и учебным планом по направлению 38.03.01 "Экономика" и профилю подготовки Бухгалтерский учет, анализ и аудит

Автор(ы):		
Махмутов	а Д.И	
""	201 г.	
Рецензен Марданов	` '	
"_"	201 г.	