

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение
высшего образования
"Казанский (Приволжский) федеральный университет"
Институт физики



УТВЕРЖДАЮ

Проректор
по образовательной деятельности КФУ
Проф. Таюрский Д.А.

_____ 20__ г.

Программа дисциплины

Теория вероятностей и математическая статистика Б1.Б.20

Направление подготовки: 03.03.03 - Радиофизика

Профиль подготовки: Специальные радиотехнические системы

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Автор(ы):

Попов В.А.

Рецензент(ы):

Попов А.А.

СОГЛАСОВАНО:

Заведующий(ая) кафедрой: Сушков С. В.

Протокол заседания кафедры No _____ от "_____" _____ 201__ г

Учебно-методическая комиссия Института физики:

Протокол заседания УМК No _____ от "_____" _____ 201__ г

Регистрационный No

Содержание

1. Цели освоения дисциплины
2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы
3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля
4. Структура и содержание дисциплины/ модуля
5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения
6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов
7. Литература
8. Интернет-ресурсы
9. Материально-техническое обеспечение дисциплины/модуля согласно утвержденному учебному плану

Программу дисциплины разработал(а)(и) доцент, к.н. (доцент) Попов В.А. Кафедра теории относительности и гравитации Отделение физики, Vladimir.Popov@kpfu.ru

1. Цели освоения дисциплины

Целью освоения дисциплины "Теория вероятностей и математическая статистика" является изучение закономерностей случайных явлений и их свойств, и использование их для анализа статистических данных.

2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы высшего профессионального образования

Данная учебная дисциплина включена в раздел "Б1.Б.20 Дисциплины (модули)" основной образовательной программы 03.03.03 Радиофизика и относится к базовой (общепрофессиональной) части. Осваивается на 1 курсе, 2 семестр.

Дисциплина "Теория вероятностей и математическая статистика" относится к вариативной части математического и естественнонаучного цикла, изучается в течение 2-го семестра. Для освоения курса "Теория вероятностей и математическая статистика" необходимы знания дисциплин "Математический анализ", "Линейная алгебра". Освоение курса необходимо для дальнейшего изучения дисциплин специальности "Методы обработки информации", "Молекулярная физика", "Статистическая физика" и др..

3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля

В результате освоения дисциплины формируются следующие компетенции:

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции
ОК-1 (общекультурные компетенции)	способность использовать в познавательной и профессиональной деятельности базовые знания в области математики и естественных наук
ОК-16 (общекультурные компетенции)	способность использовать в познавательной и профессиональной деятельности навыки работы с информацией из различных источников
ОК-3 (общекультурные компетенции)	способность приобретать новые знания, используя современные образовательные и информационные технологии
ПК-1 (профессиональные компетенции)	способность использовать базовые теоретические знания для решения профессиональных задач
ПК-2 (профессиональные компетенции)	способность применять на практике базовые профессиональные навыки

В результате освоения дисциплины студент:

1. должен знать:

основные понятия теории вероятностей и математической статистики и их свойства;

2. должен уметь:

использовать вероятностные модели при решении задач, работать со случайными величинами, выполнять расчет выборочных характеристик, оценивать надежность статистических данных;

3. должен владеть:

навыками работы со случайными величинами, выборочной совокупностью.

4. должен демонстрировать способность и готовность:

к дальнейшему обучению

4. Структура и содержание дисциплины/ модуля

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетных(ые) единиц(ы) 108 часа(ов).

Форма промежуточного контроля дисциплины: экзамен во 2 семестре.

Суммарно по дисциплине можно получить 100 баллов, из них текущая работа оценивается в 50 баллов, итоговая форма контроля - в 50 баллов. Минимальное количество для допуска к зачету 28 баллов.

86 баллов и более - "отлично" (отл.);

71-85 баллов - "хорошо" (хор.);

55-70 баллов - "удовлетворительно" (удов.);

54 балла и менее - "неудовлетворительно" (неуд.).

4.1 Структура и содержание аудиторной работы по дисциплине/ модулю

Тематический план дисциплины/модуля

N	Раздел Дисциплины/ Модуля	Семестр	Неделя семестра	Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах)			Текущие формы контроля
				Лекции	Практи- ческие занятия	Лабора- торные работы	
1.	Тема 1. Вероятностное пространство	2	1,2	2	5	0	Контрольная работа Письменное домашнее задание
2.	Тема 2. Условная вероятность. Независимость событий	2	2	2	2	0	Письменное домашнее задание Контрольная работа
3.	Тема 3. Схема Бернулли	2	3	2	4	0	Письменное домашнее задание Контрольная работа
4.	Тема 4. Случайные величины	2	4,5	4	8	0	Письменное домашнее задание Контрольная работа

N	Раздел Дисциплины/ Модуля	Семестр	Неделя семестра	Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах)			Текущие формы контроля
				Лекции	Практи- ческие занятия	Лабора- торные работы	
5.	Тема 5. Численные характеристики случайных величин	2	6,7	3	8	0	Письменное домашнее задание Контрольная работа
6.	Тема 6. Предельные теоремы	2	7	1	1	0	Письменное домашнее задание
7.	Тема 7. Элементы математической статистики	2	8,9	4	8	0	Письменное домашнее задание Контрольная работа
.	Тема . Итоговая форма контроля	2		0	0	0	Экзамен
	Итого			18	36	0	

4.2 Содержание дисциплины

Тема 1. Вероятностное пространство

лекционное занятие (2 часа(ов)):

События. Вероятность. Общие свойства вероятности. Классическое определение вероятности. Геометрическое определение вероятности.

практическое занятие (5 часа(ов)):

Классическое определение вероятности. Геометрическое определение вероятности. Общие свойства вероятности. (раздел 1-3 задачника В.А.Попов, М.Х.Бренерман, Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистики http://old.kpfu.ru/f6/k6/bin_files/ppmanual%215.pdf)

Тема 2. Условная вероятность. Независимость событий

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Условная вероятность. Независимость событий. Формула полной вероятности. Формула Байеса

практическое занятие (2 часа(ов)):

Формула полной вероятности. Формула Байеса (раздел 4,5 задачника В.А.Попов, М.Х.Бренерман, Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистики http://old.kpfu.ru/f6/k6/bin_files/ppmanual%215.pdf)

Тема 3. Схема Бернулли

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Вычисление вероятностей событий в схеме Бернулли. Наивероятнейшее число успехов. Предельные теоремы в схеме Бернулли.

практическое занятие (4 часа(ов)):

Вычисление вероятностей событий в схеме Бернулли. Предельные теоремы в схеме Бернулли. (раздел 6 задачника В.А.Попов, М.Х.Бренерман, Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистики http://old.kpfu.ru/f6/k6/bin_files/ppmanual%215.pdf)

Тема 4. Случайные величины

лекционное занятие (4 часа(ов)):

Случайные величины. Функция распределения и ее свойства. Дискретные и непрерывные случайные величины. Функции случайных величин. Совместные распределения. Независимость случайных величин

практическое занятие (8 часа(ов)):

Функция распределения дискретных и непрерывных случайных величин. Функции случайных величин. Совместные распределения. (раздел 7 задачника В.А.Попов, М.Х.Бренерман, Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистики http://old.kpfu.ru/f6/k6/bin_files/ppmanual%215.pdf)

Тема 5. Численные характеристики случайных величин

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Математическое ожидание. Дисперсия. Ковариация. Коэффициент корреляции

практическое занятие (8 часа(ов)):

Математическое ожидание. Дисперсия. Ковариация. Коэффициент корреляции (раздел 8 задачника В.А.Попов, М.Х.Бренерман, Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистики http://old.kpfu.ru/f6/k6/bin_files/ppmanual%215.pdf)

Тема 6. Предельные теоремы

лекционное занятие (1 часа(ов)):

Закон больших чисел. Центральная предельная теорема

практическое занятие (1 часа(ов)):

Локальная, интегральная теоремы Муавра-Лапласа, теорема Пуассона. Неравенство Чебышева. (раздел 11 задачника В.А.Попов, М.Х.Бренерман, Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистики http://old.kpfu.ru/f6/k6/bin_files/ppmanual%215.pdf)

Тема 7. Элементы математической статистики

лекционное занятие (4 часа(ов)):

Генеральная и выборочная совокупность. Выборочная функция распределения. Выборочные моменты. Состоятельность и несмещенность точечных оценок. Точные выборочные распределения моментов нормально распределенного случайного признака. Интервальные оценки

практическое занятие (8 часа(ов)):

Выборочные моменты. Методы получения точечных оценок. Интервальные оценки (раздел 12-14 задачника В.А.Попов, М.Х.Бренерман, Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистики http://old.kpfu.ru/f6/k6/bin_files/ppmanual%215.pdf)

4.3 Структура и содержание самостоятельной работы дисциплины (модуля)

N	Раздел дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды самостоятельной работы студентов	Трудоемкость (в часах)	Формы контроля самостоятельной работы
1.	Тема 1. Вероятностное пространство	2	1,2	подготовка домашнего задания	1	домашнее задание

N	Раздел дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды самостоятельной работы студентов	Трудоемкость (в часах)	Формы контроля самостоятельной работы
				подготовка к контрольной работе	2	контрольная работа
2.	Тема 2. Условная вероятность. Независимость событий	2	2	подготовка домашнего задания	1	домашнее задание
	5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения			подготовка к контрольной работе	2	контрольная работа
	Формы учебной работы: лекции, практические занятия, самостоятельная работа студента			(выполнение индивидуальных домашних заданий), консультации		
	Проведение лекционных занятий предусматривает использование мультимедийных средств.			подготовка домашнего задания	1	домашнее задание
	Материалы курса лекций, список контрольных вопросов, задания для практических занятий и самост. работы, размещены в интернете на сайте Института Физики.			подготовка к контрольной работе	1	контрольная работа
	3. Бернулли	2	3	подготовка к контрольной работе	1	контрольная работа
	Консультации проводятся в обозначенное в расписании время и в режиме "online".					
	6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и домашнего задания			подготовка домашнего задания	1	домашнее задание
	Тема 4. Вероятностное пространство	2	4	подготовка к контрольной работе	1	контрольная работа
	домашнее задание, примерные вопросы:			подготовка домашнего задания	1	домашнее задание
	Задачи по теме: Классическое определение вероятности Геометрическое определение вероятности Общие свойства вероятности			подготовка домашнего задания	1	домашнее задание
	Тема 5. Численные вероятности	2	6,7	подготовка к контрольной работе	2	контрольная работа
	5. Характеристики	2	6,7	подготовка к контрольной работе	2	контрольная работа
	домашнее задание, примерные вопросы:			подготовка домашнего задания	1	домашнее задание
	Задачи по теме: Формула полной вероятности Формула Байеса			подготовка домашнего задания	1	домашнее задание
	Тема 6. Схема Бернулли	2	7	подготовка домашнего задания	1	домашнее задание
	6. Предельные теоремы	2	7	подготовка домашнего задания	1	домашнее задание
	домашнее задание, примерные вопросы:			подготовка домашнего задания	1	домашнее задание
	Задачи по теме: Схема Бернулли Теорема Муавра-Лапласа Теорема Пуассона			подготовка домашнего задания	1	домашнее задание
	Тема 7. Элементы математической статистики	2	8,9	подготовка к контрольной работе	3	контрольная работа
	Тема 4. Случайные величины	2	8,9	подготовка к контрольной работе	3	контрольная работа
	домашнее задание, примерные вопросы:			подготовка к контрольной работе	3	контрольная работа
	Задачи по теме: Дискретные распределения Непрерывные распределения			подготовка к контрольной работе	3	контрольная работа
	контрольная работа, примерные вопросы:			подготовка к контрольной работе	3	контрольная работа
	Задачи по теме: Функция распределения			подготовка к контрольной работе	3	контрольная работа
	Итого				18	

Тема 5. Численные характеристики случайных величин

домашнее задание , примерные вопросы:

Задачи по теме: Математическое ожидание, дисперсия

контрольная работа , примерные вопросы:

Задачи по теме: Математическое ожидание, дисперсия

Тема 6. Предельные теоремы

домашнее задание , примерные вопросы:

Задачи по теме: Неравенство Чебышева

Тема 7. Элементы математической статистики

домашнее задание , примерные вопросы:

Задачи по теме: Выборочные моменты Методы получения точечных оценок Интервальные оценки

контрольная работа , примерные вопросы:

Задачи по теме: Выборочные моменты Интервальные оценки

Итоговая форма контроля

экзамен (в 2 семестре)

Примерные вопросы к итоговой форме контроля

Вопросы к экзамену

1. Событие. Элементарное событие
2. Множество событий. Алгебра событий
3. Аксиомы вероятности. Неоднозначность вероятностной модели
4. Общие свойства вероятности
5. Классическое определение вероятности.
6. Геометрическая вероятность
7. Условная вероятность. Независимость событий
8. Формула полной вероятности.
9. Формула Байеса
10. Схема Бернулли. Вероятность m успехов в n испытаниях
11. Наивероятнейшее число успехов в схеме Бернулли
12. Теорема Пуассона,
13. Теорема Муавра-Лапласа
14. Функция распределения и ее свойства
15. Дискретные распределения (вырожденное распределение, гипергеометрическое распределение, биномиальное распределение, распределение Пуассона, геометрическое распределение)
16. Непрерывные распределения (равномерное распределение, показательное распределение, нормальное распределение, распределение Максвелла)
17. Двумерная функция распределения и ее свойства
18. Независимость случайных величин
19. Математическое ожидание и его свойства
20. Дисперсия и ее свойства
21. Математическое ожидание и дисперсия некоторых распределений (биномиальное распределение, распределение Пуассона, нормальное распределение и др.)
22. Ковариация и ее свойства
23. Неравенство Чебышева
24. Теорема Чебышева

25. Теорема Бернулли
26. Центральная предельная теорема
27. Задачи математической статистики, генеральная совокупность, выборка
28. Статистический ряд, статистическая функция распределения, гистограмма
29. Точечные оценки, методы получения точечных оценок
30. Характеристики точечных оценок: состоятельность, несмещенность, эффективность
31. Распределение хи-квадрат и распределение Стьюдента
32. Теорема о точном распределении выборочных характеристик нормально распределенного случайного признака
33. Доверительная вероятность, доверительный интервал
34. Построение доверительных интервалов для выборочных средней и дисперсии нормально распределенной случайной величины (четыре случая)

7.1. Основная литература:

1. Блягоз, З.У. Теория вероятностей и математическая статистика. Курс лекций : учебное пособие / З.У. Блягоз. ? Санкт-Петербург : Лань, 2018. ? 224 с. ? ISBN 978-5-8114-2934-9. ? Текст : электронный // Электронно-библиотечная система 'Лань' : [сайт]. ? URL: <https://e.lanbook.com/book/103061> (дата обращения: 13.07.2019). ? Режим доступа: для авториз. Пользователей.
2. Иванов, Б.Н. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие / Б.Н. Иванов. ? Санкт-Петербург : Лань, 2019. ? 224 с. ? ISBN 978-5-8114-3636-1. - Текст : электронный // Электронно-библиотечная система 'Лань' : [сайт]. ? URL: <https://e.lanbook.com/book/113901> (дата обращения: 13.07.2019). ? Режим доступа: для авториз. Пользователей.
3. Емельянов, Г.В. Задачник по теории вероятностей и математической статистике : учебное пособие / Г.В. Емельянов, В.П. Скитович. ? Санкт-Петербург : Лань, 2019. ? 332 с. ISBN 978-5-8114-3984-3. ? Текст : электронный // Электронно-библиотечная система 'Лань' : [сайт]. ? URL: <https://e.lanbook.com/book/113941> (дата обращения: 13.07.2019). ? Режим доступа: для авториз. Пользователей.

7.2. Дополнительная литература:

1. Горлач, Б.А. Теория вероятностей и математическая статистика : учебно-методическое пособие / Б.А. Горлач. ? Санкт-Петербург : Лань, 2013. ? 320 с. ? ISBN 978-5-8114-1429-1. ? Текст : электронный // Электронно-библиотечная система 'Лань' : [сайт]. ? URL: <https://e.lanbook.com/book/4864> (дата обращения: 13.07.2019). ? Режим доступа: для авториз. Пользователей.
2. Блягоз, З.У. Задачник по теории вероятностей и математической статистике : учебное пособие / З.У. Блягоз. ? Санкт-Петербург : Лань, 2018. ? 236 с. ? ISBN 978-5-8114-2933-2. ? Текст : электронный // Электронно-библиотечная система 'Лань' : [сайт]. ? URL: <https://e.lanbook.com/book/103060> (дата обращения: 13.07.2019). ? Режим доступа: для авториз. Пользователей.
3. Свешников, А.А. Сборник задач по теории вероятностей, математической статистике и теории случайных функций : учебное пособие / А.А. Свешников ; под редакцией А.А. Свешникова. ? Санкт-Петербург : Лань, 2013. ? 448 с. ? ISBN 978-5-8114-0708-8. ? Текст : электронный // Электронно-библиотечная система 'Лань' : [сайт]. ? URL: <https://e.lanbook.com/book/5711> (дата обращения: 13.07.2019). ? Режим доступа: для авториз. Пользователей.

7.3. Интернет-ресурсы:

. Сайт кафедры теории относительности и гравитации КФУ - <http://old.kpfu.ru/f6/k6/index.php>
В.А.Попов, М.Х.Бренерман. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике - http://old.kpfu.ru/f6/b_files/probprob1144.pdf
В.Е.Гмурман. Курс теории вероятностей и математической статистики - old.kpfu.ru/f6/b_files/gmurmantvims1631.zip
Страница доцента В. А. Попова - <http://old.kpfu.ru/f6/index.php?id=12&idm=0&num=23>
Электронная библиотека мехмата МГУ - <http://lib.mexmat.ru/>

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины(модуля)

Освоение дисциплины "Теория вероятностей и математическая статистика" предполагает использование следующего материально-технического обеспечения:

Мультимедийная аудитория, вместимостью более 60 человек. Мультимедийная аудитория состоит из интегрированных инженерных систем с единой системой управления, оснащенная современными средствами воспроизведения и визуализации любой видео и аудио информации, получения и передачи электронных документов. Типовая комплектация мультимедийной аудитории состоит из: мультимедийного проектора, автоматизированного проекционного экрана, акустической системы, а также интерактивной трибуны преподавателя, включающей тач-скрин монитор с диагональю не менее 22 дюймов, персональный компьютер (с техническими характеристиками не ниже Intel Core i3-2100, DDR3 4096Mb, 500Gb), конференц-микрофон, беспроводной микрофон, блок управления оборудованием, интерфейсы подключения: USB, audio, HDMI. Интерактивная трибуна преподавателя является ключевым элементом управления, объединяющим все устройства в единую систему, и служит полноценным рабочим местом преподавателя. Преподаватель имеет возможность легко управлять всей системой, не отходя от трибуны, что позволяет проводить лекции, практические занятия, презентации, вебинары, конференции и другие виды аудиторной нагрузки обучающихся в удобной и доступной для них форме с применением современных интерактивных средств обучения, в том числе с использованием в процессе обучения всех корпоративных ресурсов. Мультимедийная аудитория также оснащена широкополосным доступом в сеть интернет. Компьютерное оборудование имеет соответствующее лицензионное программное обеспечение.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе "ZNANIUM.COM", доступ к которой предоставлен студентам. ЭБС "ZNANIUM.COM" содержит произведения крупнейших российских учёных, руководителей государственных органов, преподавателей ведущих вузов страны, высококвалифицированных специалистов в различных сферах бизнеса. Фонд библиотеки сформирован с учетом всех изменений образовательных стандартов и включает учебники, учебные пособия, УМК, монографии, авторефераты, диссертации, энциклопедии, словари и справочники, законодательно-нормативные документы, специальные периодические издания и издания, выпускаемые издательствами вузов. В настоящее время ЭБС ZNANIUM.COM соответствует всем требованиям федеральных государственных образовательных стандартов высшего профессионального образования (ФГОС ВПО) нового поколения.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе Издательства "Лань", доступ к которой предоставлен студентам. ЭБС Издательства "Лань" включает в себя электронные версии книг издательства "Лань" и других ведущих издательств учебной литературы, а также электронные версии периодических изданий по естественным, техническим и гуманитарным наукам. ЭБС Издательства "Лань" обеспечивает доступ к научной, учебной литературе и научным периодическим изданиям по максимальному количеству профильных направлений с соблюдением всех авторских и смежных прав.

Учебные аудитории для проведения лекционных и практических занятий. Мультимедийное оборудование (ноутбук, интерактивная доска).

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВПО и учебным планом по направлению 03.03.03 "Радиофизика" и профилю подготовки Специальные радиотехнические системы .

Автор(ы):

Попов В.А. _____

"__" _____ 201__ г.

Рецензент(ы):

Попов А.А. _____

"__" _____ 201__ г.