

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное автономное учреждение
высшего профессионального образования
"Казанский (Приволжский) федеральный университет"
Институт вычислительной математики и информационных технологий



УТВЕРЖДАЮ

Проректор по образовательной деятельности КФУ

Проф. Таюрский Д.А.



_____ 20__ г.

подписано электронно-цифровой подписью

Программа дисциплины

Вариационное исчисление и оптимальное управление Б1.В.ДВ.21

Направление подготовки: 01.03.04 - Прикладная математика

Профиль подготовки: Математическое моделирование

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Автор(ы):

Плещинский Н.Б.

Рецензент(ы):

Бахтиева Л.У.

СОГЛАСОВАНО:

Заведующий(ая) кафедрой: Плещинский Н. Б.

Протокол заседания кафедры No ____ от " ____ " _____ 201__ г

Учебно-методическая комиссия Института вычислительной математики и информационных технологий:

Протокол заседания УМК No ____ от " ____ " _____ 201__ г

Регистрационный No 913217

Казань
2017

Содержание

1. Цели освоения дисциплины
2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы
3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля
4. Структура и содержание дисциплины/ модуля
5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения
6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов
7. Литература
8. Интернет-ресурсы
9. Материально-техническое обеспечение дисциплины/модуля согласно утвержденному учебному плану

Программу дисциплины разработал(а)(и) заведующий кафедрой, д.н. (профессор) Плещинский Н.Б. Кафедра прикладной математики отделение прикладной математики и информатики , Nikolai.Pleshchinskii@kpfu.ru

1. Цели освоения дисциплины

Изучаются основные принципы постановки и исследования экстремальных задач математического моделирования и математической физики, а также методы решения типовых задач вариационного исчисления и оптимального управления

2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы высшего профессионального образования

Данная учебная дисциплина включена в раздел " Б1.В.ДВ.21 Дисциплины (модули)" основной образовательной программы 01.03.04 Прикладная математика и относится к дисциплинам по выбору. Осваивается на 4 курсе, 8 семестр.

Изучение дисциплины основано на знаниях, полученных при освоении общепрофессиональных и профессиональных дисциплин по профилю "Математическое моделирование" (бакалавр)

3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля

В результате освоения дисциплины формируются следующие компетенции:

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции
ОК-6 (общекультурные компетенции)	способность совершенствовать и развивать свой интеллектуальный и общекультурный уровень, добиваться нравственного и физического совершенствования своей личности
ОК-7 (общекультурные компетенции)	способность и готовность к активному общению в научной, производственной и социально-общественной сферах деятельности
ОК-8 (общекультурные компетенции)	способность свободно пользоваться русским и иностранным языками как средством делового общения; способность к активной социальной мобильности
ОК-9 (общекультурные компетенции)	способность использовать углубленные знания правовых и этических норм при оценке последствий своей профессиональной деятельности, при разработке и осуществлении социально значимых проектов
ПК-8 (профессиональные компетенции)	способность проводить семинарские и практические занятия с обучающимися, а также лекционные занятия спецкурсов по профилю специализации
ПК-10 (профессиональные компетенции)	способность разрабатывать аналитические обзоры состояния области прикладной математики и информационных технологий по профильной направленности ООП магистратуры
ПК-11 (профессиональные компетенции)	способность работать в международных проектах по тематике специализации
ПК-9 (профессиональные компетенции)	способность разрабатывать учебно-методические комплексы для электронного и мобильного обучения

В результате освоения дисциплины студент:

1. должен знать:

- обладать теоретическими знаниями в области исследования свойств и разработки методов решения экстремальных задач

2. должен уметь:

- ориентироваться в современных методах решения экстремальных задач;

3. должен владеть:

- понимать основные принципы постановки и исследования экстремальных задач математического моделирования и математической физики;

4. должен демонстрировать способность и готовность:

приобрести навыки решения типовых задач вариационного исчисления и оптимального управления.

4. Структура и содержание дисциплины/ модуля

Общая трудоемкость дисциплины составляет 2 зачетных(ые) единиц(ы) 72 часа(ов).

Форма промежуточного контроля дисциплины зачет в 8 семестре.

Суммарно по дисциплине можно получить 100 баллов, из них текущая работа оценивается в 50 баллов, итоговая форма контроля - в 50 баллов. Минимальное количество для допуска к зачету 28 баллов.

86 баллов и более - "отлично" (отл.);

71-85 баллов - "хорошо" (хор.);

55-70 баллов - "удовлетворительно" (удов.);

54 балла и менее - "неудовлетворительно" (неуд.).

4.1 Структура и содержание аудиторной работы по дисциплине/ модулю

Тематический план дисциплины/модуля

N	Раздел Дисциплины/ Модуля	Семестр	Неделя семестра	Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах)			Текущие формы контроля
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
1.	Тема 1. Постановка задач оптимального управления	8	1-2	0	0	4	Дискуссия
2.	Тема 2. Классическое вариационное исчисление	8	3-4	0	0	4	Научный доклад
3.	Тема 3. Интегральное вариационное исчисление	8	5-6	0	0	4	Письменное домашнее задание
4.	Тема 4. Дифференцирование отображений	8	7-8	0	0	4	Письменное домашнее задание
5.	Тема 5. Гладкие задачи с ограничениями в виде равенств и неравенств	8	9-10	0	0	4	Дискуссия

N	Раздел Дисциплины/ Модуля	Семестр	Неделя семестра	Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах)			Текущие формы контроля
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
6.	Тема 6. Оптимизация в бесконечномерных пространствах	8	11-12	0	0	4	Контрольная работа
7.	Тема 7. Принцип максимума Понтрягина	8	13-14	0	0	8	Письменное домашнее задание
8.	Тема 8. Динамическое программирование Беллмана	8	15-16	0	0	8	Письменная работа
	Тема . Итоговая форма контроля	8		0	0	0	Зачет
	Итого			0	0	40	

4.2 Содержание дисциплины

Тема 1. Постановка задач оптимального управления

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Основные понятия и терминология. Примеры задач оптимального управления.

Тема 2. Классическое вариационное исчисление

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Простейшая задача КВИ. Задача Больца. Изопериметрическая задача. Задача с подвижными концами. Расширение класса искомых функций.

Тема 3. Интегральное вариационное исчисление

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Простейшая задача ИВИ. Аналог задачи Больца. Изопериметрическая задача. Задача с подвижными концами. Классы искомых функций.

Тема 4. Дифференцирование отображений

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Производные отображений. Теорема о суперпозиции и теорема о среднем. Дифференцирование в произведении пространств. Оператор Немыцкого. Производные интегральных функционалов.

Тема 5. Гладкие задачи с ограничениями в виде равенств и неравенств

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Условия экстремума функционалов. Правило множителей Лагранжа.

Тема 6. Оптимизация в бесконечномерных пространствах

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Градиентные методы. Задача ОУ с линейным уравнением состояний и квадратичным функционалом. Оптимальное управление температурой стержня.

Тема 7. Принцип максимума Понтрягина

лабораторная работа (8 часа(ов)):

Задача ОУ с закрепленным временем и свободным концом. Общий случай задачи ОУ. Простейшая задача о быстродействии.

Тема 8. Динамическое программирование Беллмана

лабораторная работа (8 часа(ов)):

Основная идея метода. Принцип оптимальности. Уравнение Беллмана. Примеры. Алгоритм метода динамического программирования.

4.3 Структура и содержание самостоятельной работы дисциплины (модуля)

N	Раздел Дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды самостоятельной работы студентов	Трудоемкость (в часах)	Формы контроля самостоятельной работы
1.	Тема 1. Постановка задач оптимального управления	8	1-2	подготовка к дискуссии	4	дискуссия
2.	Тема 2. Классическое вариационное исчисление	8	3-4	подготовка к научному докладу	4	научный доклад
3.	Тема 3. Интегральное вариационное исчисление	8	5-6	подготовка домашнего задания	4	домашнее задание
4.	Тема 4. Дифференцирование отображений	8	7-8	подготовка домашнего задания	4	домашнее задание
5.	Тема 5. Гладкие задачи с ограничениями в виде равенств и неравенств	8	9-10	подготовка к дискуссии	4	дискуссия
6.	Тема 6. Оптимизация в бесконечномерных пространствах	8	11-12	подготовка к контрольной работе	4	контрольная работа
7.	Тема 7. Принцип максимума Понтрягина	8	13-14	подготовка домашнего задания	4	домашнее задание
8.	Тема 8. Динамическое программирование Беллмана	8	15-16	подготовка к письменной работе	4	письменная работа
	Итого				32	

5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения

Широкое использование активных и интерактивных форм проведения занятий в сочетании с внеаудиторной работой

6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов

Тема 1. Постановка задач оптимального управления

дискуссия, примерные вопросы:

Изучение литературных и интернет-источников, подготовка к дискуссии по темам: Основные понятия и терминология. Примеры задач оптимального управления.

Тема 2. Классическое вариационное исчисление

научный доклад, примерные вопросы:

Изучение литературных и интернет-источников, подготовка докладов по темам: Простейшая задача КВИ. Задача Больца. Изопериметрическая задача. Задача с подвижными концами. Расширение класса искомых функций.

Тема 3. Интегральное вариационное исчисление

домашнее задание , примерные вопросы:

Изучение литературных и интернет-источников по темам: Простейшая задача ИВИ. Аналог задачи Больца. Изопериметрическая задача. Задача с подвижными концами. Классы искомых функций.

Тема 4. Дифференцирование отображений

домашнее задание , примерные вопросы:

Изучение литературных и интернет-источников по темам: Производные отображений. Теорема о суперпозиции и теорема о среднем. Дифференцирование в произведении пространств. Оператор Немыцкого. Производные интегральных функционалов.

Тема 5. Гладкие задачи с ограничениями в виде равенств и неравенств

дискуссия , примерные вопросы:

Изучение литературных и интернет-источников, подготовка к дискуссии по темам: Условия экстремума функционалов. Правило множителей Лагранжа.

Тема 6. Оптимизация в бесконечномерных пространствах

контрольная работа , примерные вопросы:

Изучение литературных и интернет-источников, подготовка к проверке знаний по темам: Градиентные методы. Задача ОУ с линейным уравнением состояний и квадратичным функционалом. Оптимальное управление температурой стержня.

Тема 7. Принцип максимума Понтрягина

домашнее задание , примерные вопросы:

Изучение литературных и интернет-источников по темам: Задача ОУ с закрепленным временем и свободным концом. Общий случай задачи ОУ. Простейшая задача о быстродействии.

Тема 8. Динамическое программирование Беллмана

письменная работа , примерные вопросы:

Изучение литературных и интернет-источников, подготовка письменного отчета по теме: Алгоритм метода динамического программирования.

Тема . Итоговая форма контроля

Примерные вопросы к зачету:

Экзаменационные вопросы:

1. Постановка задач оптимального управления.
2. Простейшая задача классического вариационного исчисления.
3. Задача Больца классического вариационного исчисления.
4. Изопериметрическая задача классического вариационного исчисления.
5. Задача с подвижными концами классического вариационного исчисления.
6. Расширение класса искомых функций.
7. Простейшая задача интегрального вариационного исчисления.
8. Аналог задачи Больца.
9. Изопериметрическая задача интегрального вариационного исчисления.
10. Задача с подвижными концами интегрального вариационного исчисления.
11. Классы искомых функций в задачах вариационного исчисления.
12. Дифференцирование отображений.
13. Теорема о суперпозиции и теорема о среднем.
14. Дифференцирование в произведении пространств.
15. Производные интегральных функционалов.
16. Гладкие экстремальные задачи с ограничениями в виде равенств и неравенств.
17. Необходимые и достаточные условия экстремума функционалов.
18. Правило множителей Лагранжа.
19. Градиентные методы в бесконечномерных пространствах.

20. Задача оптимального управления с линейным уравнением состояний и квадратичным функционалом.
21. Оптимальное управление температурой стержня.
22. Принцип максимума Понтрягина.
23. Задача ОУ с закрепленным временем и свободным концом.
24. Общий случай задачи оптимального управления.
25. Простейшая задача о быстродействии.
26. Динамическое программирование Беллмана.
27. Принцип оптимальности. Уравнение Беллмана.
28. Алгоритм метода динамического программирования.

7.1. Основная литература:

1. Эльсгольц, Л. Э. Дифференциальные уравнения : учебник для физических и физико-математических факультетов университетов / Л. Э. Эльсгольц .- Изд. стер. - Москва : URSS : [Изд-во ЛКИ, 2013] .- 309 с.
2. Васильева А.Б. Дифференциальные и интегральные уравнения, вариационное исчисление в примерах и задачах: учебное пособие / А. Б. Васильева [и др.].-Изд. 3-е, испр.-Санкт-Петербург [и др.]: Лань, 2010.-429 с.
3. Победаш П. Н. Модели оптимального управления и операционного исчисления для многокритериального анализа экономических систем [Электронный ресурс] : монография / П. Н. Победаш, Е. С. Семенкин. - Красноярск: Сиб. федер. ун-т, 2012. - 260 с.
<http://znanium.com/bookread.php?book=4923623>.
4. Пантелеев, А. В. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Практический курс [Электронный ресурс] : учеб. пособие с мультимедиа сопровождением / А. В. Пантелеев, А. С. Якимова, К. А. Рыбаков. - М.: Логос, 2010. - 384 с.
<http://znanium.com/bookread.php?book=469288>

7.2. Дополнительная литература:

1. Матвеев Н.М. Методы интегрирования обыкновенных дифференциальных уравнений : учеб. пособие / Н. М. Матвеев .? 5-е изд., доп. - СПб. : ЛАНЬ, 2003 .- 832 с.
2. Васильев О.В. Методы оптимизации в задачах и упражнениях / О. В. Васильев, А. В. Аргучинцев .? Москва : Физматлит, 1999 .? 208 с.
3. Балдин, К. В. Математические методы и модели в экономике [Электронный ресурс] : учебник / К. В. Балдин, В. Н. Башлыков, А. В. Рукосуев; под общ. ред. К. В. Балдина. - М.: ФЛИНТА : НОУ ВПО "МПСи", 2012. - 328 с.
<http://znanium.com/bookread.php?book=454661>

7.3. Интернет-ресурсы:

- Математические методы - <http://znanium.com/bookread.php?book=137102>
Модели оптимального управления - <http://znanium.com/bookread.php?book=4923623>
Монография Ю.П.Петрова - <http://znanium.com/bookread.php?book=350744>
Очерки истории управления - <http://znanium.com/bookread.php?book=350298>
сайт Н.Б.Плещинского - www.abcpnb.ru

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины(модуля)

Освоение дисциплины "Вариационное исчисление и оптимальное управление" предполагает использование следующего материально-технического обеспечения:

Мультимедийная аудитория, вместимостью более 60 человек. Мультимедийная аудитория состоит из интегрированных инженерных систем с единой системой управления, оснащенная современными средствами воспроизведения и визуализации любой видео и аудио информации, получения и передачи электронных документов. Типовая комплектация мультимедийной аудитории состоит из: мультимедийного проектора, автоматизированного проекционного экрана, акустической системы, а также интерактивной трибуны преподавателя, включающей тач-скрин монитор с диагональю не менее 22 дюймов, персональный компьютер (с техническими характеристиками не ниже Intel Core i3-2100, DDR3 4096Mb, 500Gb), конференц-микрофон, беспроводной микрофон, блок управления оборудованием, интерфейсы подключения: USB, audio, HDMI. Интерактивная трибуна преподавателя является ключевым элементом управления, объединяющим все устройства в единую систему, и служит полноценным рабочим местом преподавателя. Преподаватель имеет возможность легко управлять всей системой, не отходя от трибуны, что позволяет проводить лекции, практические занятия, презентации, вебинары, конференции и другие виды аудиторной нагрузки обучающихся в удобной и доступной для них форме с применением современных интерактивных средств обучения, в том числе с использованием в процессе обучения всех корпоративных ресурсов. Мультимедийная аудитория также оснащена широкополосным доступом в сеть интернет. Компьютерное оборудование имеет соответствующее лицензионное программное обеспечение.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе "ZNANIUM.COM", доступ к которой предоставлен студентам. ЭБС "ZNANIUM.COM" содержит произведения крупнейших российских учёных, руководителей государственных органов, преподавателей ведущих вузов страны, высококвалифицированных специалистов в различных сферах бизнеса. Фонд библиотеки сформирован с учетом всех изменений образовательных стандартов и включает учебники, учебные пособия, УМК, монографии, авторефераты, диссертации, энциклопедии, словари и справочники, законодательно-нормативные документы, специальные периодические издания и издания, выпускаемые издательствами вузов. В настоящее время ЭБС ZNANIUM.COM соответствует всем требованиям федеральных государственных образовательных стандартов высшего профессионального образования (ФГОС ВПО) нового поколения.

Теоретические занятия по дисциплине проводятся в аудитории, оснащенной доской и мелом (маркером)

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВПО и учебным планом по направлению 01.03.04 "Прикладная математика" и профилю подготовки Математическое моделирование .

Автор(ы):

Плещинский Н.Б. _____

"__" _____ 201__ г.

Рецензент(ы):

Бахтиева Л.У. _____

"__" _____ 201__ г.