

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования
"Казанский (Приволжский) федеральный университет"
Институт математики и механики им. Н.И. Лобачевского



УТВЕРЖДАЮ

Проректор по образовательной деятельности КФУ
проф. Таюрский Д.А.

"__" _____ 20__ г.

Программа дисциплины

Математический анализ

Направление подготовки: 02.03.01 - Математика и компьютерные науки

Профиль подготовки: Математическое и компьютерное моделирование

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Год начала обучения по образовательной программе: 2016

Содержание

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОПОП ВО
2. Место дисциплины (модуля) в структуре ОПОП ВО
3. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся
4. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий
 - 4.1. Структура и тематический план контактной и самостоятельной работы по дисциплине (модулю)
 - 4.2. Содержание дисциплины (модуля)
5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)
6. Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю)
7. Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)
8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", необходимых для освоения дисциплины (модуля)
9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)
10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)
11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)
12. Средства адаптации преподавания дисциплины (модуля) к потребностям обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья
13. Приложение №1. Фонд оценочных средств
14. Приложение №2. Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)
15. Приложение №3. Перечень информационных технологий, используемых для освоения дисциплины (модуля), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем

Программу дисциплины разработал(а)(и) доцент, к.н. (доцент) Салахудинов Р.Г. (Кафедра математического анализа, отделение математики), Rustem.Salahudinov@kpfu.ru

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОПОП ВО

Обучающийся, освоивший дисциплину (модуль), должен обладать следующими компетенциями:

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции
ОПК-1	готовностью использовать фундаментальные знания в области математического анализа, комплексного и функционального анализа, алгебры, аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии, дифференциальных уравнений, дискретной математики и математической логики, теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теоретической механики в будущей профессиональной деятельности
ОПК-3	способностью к самостоятельной научно-исследовательской работе
ПК-2	способностью математически корректно ставить естественнонаучные задачи, знание постановок классических задач математики
ПК-8	способностью представлять и адаптировать знания с учетом уровня аудитории

Обучающийся, освоивший дисциплину (модуль):

Должен знать:

основные понятия, определения и свойства объектов математического анализа, формулировки и доказательства утверждений, методы их доказательства, возможные сферы их связи и приложения в других областях математического знания и дисциплинах естественнонаучного содержания.

Должен уметь:

доказывать утверждения математического анализа, решать задачи математического анализа, уметь применять полученные навыки в других областях математического знания и дисциплинах естественнонаучного содержания.

Должен владеть:

аппаратом математического анализа, методами доказательства утверждений, навыками применения этого в других областях математического знания и дисциплинах естественнонаучного содержания.

Должен демонстрировать способность и готовность:

владеть аппаратом математического анализа, методами доказательства утверждений, навыками применения этого в других областях математического знания и дисциплинах естественнонаучного содержания.

2. Место дисциплины (модуля) в структуре ОПОП ВО

Данная дисциплина (модуль) включена в раздел "Б1.Б.10 Дисциплины (модули)" основной профессиональной образовательной программы 02.03.01 "Математика и компьютерные науки (Математическое и компьютерное моделирование)" и относится к базовой (общепрофессиональной) части.

Осваивается на 1, 2 курсах в 1, 2, 3, 4 семестрах.

3. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Общая трудоемкость дисциплины составляет 25 зачетных(ые) единиц(ы) на 900 часа(ов).

Контактная работа - 486 часа(ов), в том числе лекции - 214 часа(ов), практические занятия - 0 часа(ов), лабораторные работы - 272 часа(ов), контроль самостоятельной работы - 0 часа(ов).

Самостоятельная работа - 252 часа(ов).

Контроль (зачёт / экзамен) - 162 часа(ов).

Форма промежуточного контроля дисциплины: экзамен в 1 семестре; экзамен во 2 семестре; экзамен в 3 семестре; экзамен в 4 семестре.

4. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

4.1 Структура и тематический план контактной и самостоятельной работы по дисциплине (модулю)

N	Разделы дисциплины / модуля	Семестр	Виды и часы контактной работы, их трудоемкость (в часах)			Самостоятельная работа
			Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
1.	Тема 1. Понятие множества и функции. Последовательности и семейства. Действительные числа.	1	8	0	12	9
2.	Тема 2. Предел числовой последовательности. Топология вещественной прямой.	1	9	0	12	9
3.	Тема 3. Предел функции в точке. Непрерывные функции.	1	9	0	12	9
4.	Тема 4. Дифференцирование функции одной переменной. Производная и дифференциал высших порядков.	1	10	0	12	9
5.	Тема 5. Основные теоремы дифференциального исчисления.	1	9	0	12	9
6.	Тема 6. Формула Тейлора. Исследование функций с помощью производной	1	9	0	12	9
7.	Тема 7. Первообразная и неопределенный интеграл. Интеграл Римана на отрезке. Критерии интегрируемости интеграла Римана.	2	10	0	10	14
8.	Тема 8. Свойства интеграла Римана. Теория меры (площадь). Кривые на плоскости и длина кривой. Объем тела. Приложение интеграла Римана.	2	10	0	10	14
9.	Тема 9. Топология и метрика в n-мерном евклидовом пространстве. Отображения в евклидовых пространствах. Свойства функций, непрерывных на компактном множестве.	2	10	0	10	14
10.	Тема 10. Дифференцирование скалярных функций нескольких переменных. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора для скалярных функций. Экстремумы функции нескольких переменных.	2	10	0	10	14
11.	Тема 11. Дифференцирование векторнозначных функций.	2	10	0	10	14
12.	Тема 12. Линейные отображения и их нормы. Регулярные отображения.	2	9	0	9	14
13.	Тема 13. Диффеоморфизмы. Теорема о существовании неявной функции. Метод Лагранжа.	2	9	0	9	14

N	Разделы дисциплины / модуля	Семестр	Виды и часы контактной работы, их трудоемкость (в часах)			Самостоятельная работа
			Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
14.	Тема 14. Несобственные интегралы. Признаки сходимости несобственных интегралов от знакопостоянных функций. Признаки сходимости несобственных интегралов от знакопеременных функций. Числовые ряды. Признаки сходимости для знакопостоянных рядов. Признаки сходимости для знакопеременных рядов.	3	10	0	12	12
15.	Тема 15. Мера Жордана в n-мерном евклидовом пространстве.	3	11	0	12	12
16.	Тема 16. Кратные интегралы Римана и их приложения	3	10	0	12	12
17.	Тема 17. Кратные несобственные интегралы.	3	2	0	12	14
18.	Тема 18. Криволинейные интегралы	3	7	0	10	8
19.	Тема 19. Элементы интегрирования по многообразиям. Гладкие, кусочно-гладкие поверхности и их площадь. Поверхностные интегралы I и II рода.	3	6	0	10	8
20.	Тема 20. Последовательности функций.	4	10	0	12	12
21.	Тема 21. Собственные интегралы, зависящие от параметра. Однопараметрические семейства функций и равномерная сходимость. Равномерная сходимость несобственных интегралов.	4	10	0	14	8
22.	Тема 22. Функциональные ряды и их свойства. Степенные ряды и их свойства. Ряд Тейлора. Аналитические функции.	4	10	0	12	6
23.	Тема 23. Ряды Фурье.	4	8	0	10	4
24.	Тема 24. Теорема Вейерштрасса. Полнота L_2 . Интеграл Фурье.	4	4	0	4	2
25.	Тема 25. Элементы теории обобщенных функций.	4	4	0	12	2
	Итого		214	0	272	252

4.2 Содержание дисциплины (модуля)

Тема 1. Понятие множества и функции. Последовательности и семейства. Действительные числа.

Множества и действия с ними. Последовательности и семейства. Отображение множеств. Равномощные множества. Счетные и несчетные множества. Понятие функции. суперпозиция функций, обратная функция. Монотонные функции. Аксиоматическое определение поля действительных чисел. Пять аксиом. Теорема о единственности. Эквивалентная форма пятой аксиомы. Характеристические свойства супремума и инфимума.

Тема 2. Предел числовой последовательности. Топология вещественной прямой.

Понятие числовой последовательности. Топология числовой прямой. Предел последовательности. Критерий Коши существования предела. Арифметические свойства. Монотонные последовательности. Теорема о существовании предела монотонной ограниченной последовательности. Подпоследовательности. Теорема Больцанр - Вейерштрасса. Топология вещественной прямой. Граница множества, открытые и замкнутые множества, внутренность и замыкание и их свойства. Компактные множества.

Тема 3. Предел функции в точке. Непрерывные функции.

Элементарные функции. Три определения предела функции. Теоремы о свойствах предела функции в точке. Критерий Коши существования предела. Арифметические свойства. Замечательные пределы. O -символика и эквивалентные функции. Понятие непрерывности функции. Понятие равномерной непрерывности. Свойства функций, непрерывных на отрезке.

Тема 4. Дифференцирование функции одной переменной. Производная и дифференциал высших порядков.

Понятие дифференцируемости функции в точке. Понятие производной и дифференциала. Геометрический смысл производной. Техника нахождения дифференциалов. Инвариантность формы 1-го дифференциала. Таблица производных элементарных функций. Производная обратной функции. Производная и дифференциал высших порядков. Правило Лейбница.

Тема 5. Основные теоремы дифференциального исчисления.

Теорема Ферма. Теорема Ролля. Геометрический смысл Теоремы Ролля. Теорема Лагранжа (о конечных приращениях). Геометрический смысл Теоремы Лагранжа. Теорема Коши (обобщенная формула о конечных приращениях). Правило Лопиталю. Случай ноль делить на ноль. Общий случай. Примеры применения основных теорем дифференциального исчисления.

Тема 6. Формула Тейлора. Исследование функций с помощью производной

Касательная к кривой. Касание n -го порядка. Предварительная лемма. Формула Тейлора и её остаточный член. Формула Тейлора и остаточный член в форме Лагранжа. Формула Тейлора и остаточный член в форме Пеано. Понятие локального экстремума. Монотонность функции. Локальный экстремум. Выпуклость функции, точки перегиба. Асимптоты.

Тема 7. Первообразная и неопределенный интеграл. Интеграл Римана на отрезке. Критерии интегрируемости интеграла Римана.

Понятие первообразной и неопределенного интеграла. Таблица первообразных. Методы интегрирования: разложение, замена переменных, интегрирование по частям. Интегрирование рациональных функций. Интегрирование простейших дробей.

Интегрирование рациональных функций общего вида. Метод рационализации. Интегрирование тригонометрических функций. Универсальная подстановка и три частных случая. Интегрирование иррациональностей, содержащих радикалы. Подстановки Эйлера. Дифференциальный бином. Понятия интегрируемости функции по Риману и интеграла Римана. Эквивалентность двух определений. Суммы Дарбу и интегралы Дарбу. Критерий Дарбу интегрируемости функции по Риману. Теорема Лебега.

Тема 8. Свойства интеграла Римана. Теория меры (площадь). Кривые на плоскости и длина кривой. Объем тела. Приложение интеграла Римана.

Свойства интеграла Римана. Интегрирование по частям и замена переменной. Интеграл с переменным верхним пределом. Теорема о существовании первообразной у непрерывной функции. Формула Ньютона --- Лейбница. Замена переменной в ИР. Формула интегрирования по частям. Формула Тейлора с остаточным членом в интегральной форме. Площадь ограниченного множества и ее простейшие свойства. Критерий измеримости. Площадь криволинейной трапеции. Площадь криволинейного сектора. Путь. Эквивалентность путей. Кривая как класс эквивалентности путей. Параметризация кривой. Ориентация кривой. Начальная и конечная точка ориентированной кривой. Замкнутая и разомкнутая кривая. Простая кривая. Гладкая кривая. Длина кривой как супремум длин вписанных ломанных.

Первая теорема о спрямляемости гладкой кривой (двойное неравенство о через супремум и инфимум производных параметризации кривой.). Натуральная параметризация гладкой кривой. Теорема о свойстве натуральной параметризации. Теорема о формуле для длины гладкой кривой. Частные случаи задания кривой на плоскости. Площадь поверхности вращения.

Тема 9. Топология и метрика в n -мерном евклидовом пространстве. Отображения в евклидовых пространствах. Свойства функций, непрерывных на компактном множестве.

Евклидовы пространства. Топология евклидова пространства (предельные точки, точки прикосновения, открытые и замкнутые множества). Последовательности и их пределы. Свойства последовательностей. Компактные множества. Критерий компактности множества в евклидовом пространстве. Вектор функция и скалярная функция. Предел функции в точке. Теорема об эквивалентности трех условий. Свойства предела переносятся на многомерный случай. Критерий Коши. Существование предела эквивалентно существованию по координатным пределов. Непрерывность отображений в точке. Непрерывность по переменной и непрерывность по совокупности переменных. Непрерывность на множестве. Простейшие свойства функций непрерывных в точке (на множестве). Теорема Вейерштрасса.

Тема 10. Дифференцирование скалярных функций нескольких переменных. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора для скалярных функций. Экстремумы функции нескольких переменных.

Дифференцируемость функции нескольких переменных. Необходимое условие дифференцируемости. Геометрический смысл дифференцируемости в точке. Дифференцируемость и непрерывно дифференцируемые функции на множестве. Теорема (дифференцирование сложной функции). Теорема о дифференцируемости на числовом промежутке вектор функция одного переменного. Теорема о дифференцируемости на числовом промежутке отображения. Инвариантность формы первого дифференциала. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Оценочная формула Лагранжа. Формула Тейлора для скалярных функций. Производная по направлению. Локальный экстремум. Локальный относительный экстремум.

Тема 11. Дифференцирование векторнозначных функций.

Линейные отображения из одного евклидова пространства в другое. матрица линейного отображения. Евклидова и операторная нормы линейного отображения. Пространство линейных отображений. Понятие дифференцируемости отображения. Касательное отображение. Связь дифференцируемости и непрерывности. Дифференцирование суперпозиции. Частные производные.

Тема 12. Линейные отображения и их нормы. Регулярные отображения.

Матрица Якоби. Условия дифференцируемости отображений. Регулярные отображения. Три простейших свойства регулярных отображений (непрерывность, непрерывность якобиана, знакопостоянство якобиана на линейно связном множестве). Теорема о локальной инъективности регулярного отображения. Теорема об открытости регулярного отображения.

Тема 13. Диффеоморфизмы. Теорема о существовании неявной функции. Метод Лагранжа.

Диффеоморфизмы. Теорема о диффеоморфизме. Теорема об обратной функции. Пример локально обратимого отображения, но необратимого глобально. Теорема о неявной функции. Частные случаи теоремы о неявной функции. Применение теорем о неявной и обратной функции в математическом анализе, механике и других областях.

Тема 14. Несобственные интегралы. Признаки сходимости несобственных интегралов от знакопостоянных функций. Признаки сходимости несобственных интегралов от знакопеременных функций. Числовые ряды. Признаки сходимости для знакопостоянных рядов. Признаки сходимости для знакопеременных рядов.

Несобственные интегралы. Простейшие свойства несобственных интегралов. Критерий Коши. Признаки сходимости несобственных интегралов от неотрицательных функций. Признаки Дирихле и Абеля. Несобственные интегралы общего вида. Числовой ряд. Частичная сумма ряда. Сходимость и сумма ряда. Критерий Коши. Признаки сходимости знакопеременных рядов (признаки сравнения, Даламбера и Коши, интегральный признак Коши, признак Раабе, Признак Гауса (без доказательства)). Абсолютная и условная сходимость. Признак Лейбница, признаки Дирихле и Абеля.

Тема 15. Мера Жордана в n -мерном евклидовом пространстве.

Двоичные кубы. Внутренняя, внешняя мера Жордана и их свойства. Мера на классе элементарных множеств. Измеримые по Жордану множества. Два критерия измеримости множества по Жордану. Мера Жордан. Множества меры ноль и их свойства Критерий измеримости множества по Жордану. Свойства измеримых по Жордану множеств. Произведение измеримых множеств. Классы измеримых множеств. Преобразование измеримых множеств.

Тема 16. Кратные интегралы Римана и их приложения

Разбиение множества. Измельчение. Диаметр. Диаметр разбиения. Свойства разбиения (три свойства). Интегральные суммы и определение кратного интеграла Римана. Обозначение интегралов (двойной, тройной и n -кратный). Интегральные суммы Дарбу. Свойства интегральных сумм Дарбу Определение кратного интеграла. Свойства кратного интеграла. Интегрируемость и ограниченность. Классы интегрируемых функций. Множества меры ноль по Лебегу. Свойства множеств меры ноль по Лебегу. Колебание функции в точке. Теорема Лебега. Свойства интегрируемых функций. Связь кратного интеграла с повторным. Теорема Фубини. Лемма об измеримости правильной области. Замена переменных в кратном интеграле. Объем множества. Криволинейные системы координат.

Тема 17. Кратные несобственные интегралы.

Несобственные кратные интегралы. Примеры с интегралом по кругу и внешности круга. Вырезание окрестности и компактное исчерпание. Определение кратного несобственного интеграла (сходимость и расходимость). Теорема о сходимости кратных интегралов. Примеры исследования кратных интегралов при помощи n -мерных полярных координат.

Тема 18. Криволинейные интегралы

Гладкие кривые. Криволинейные интегралы первого и второго рода. Связь криволинейных интегралов первого и второго рода. Вычисление криволинейного интеграла второго рода в случае когда подинтегральная функция является полным дифференциалом. Потенциальные векторные поля. Условия потенциальности. Формула Грина.

Тема 19. Элементы интегрирования по многообразиям. Гладкие, кусочно-гладкие поверхности и их площадь. Поверхностные интегралы I и II рода.

Ориентация поверхности. Кусочно-гладкие поверхности. Поверхностные интегралы первого и второго рода. Связь поверхностных интегралов первого и второго рода. Вычисление поверхностных интегралов в случае когда поверхность задана в явном виде и в случае когда поверхность задана параметрически. Формула Гаусса -Остроградского. Формула Стокса.

Тема 20. Последовательности функций.

Последовательность функций на множестве X . Поточечная и равномерная сходимость последовательности функций. Супремум критерий равномерной сходимости. Пять очевидных свойств (равномерная сходимость на конечном множестве, на объединении множеств, сумма, умножение на константу, умножение на ограниченную функцию).

Тема 21. Собственные интегралы, зависящие от параметра. Однопараметрические семейства функций и равномерная сходимость. Равномерная сходимость несобственных интегралов.

Геометрическая интерпретация равномерной сходимости. Критерий Коши равномерной сходимости. Равномерная сходимость и непрерывность. Монотонные последовательности функций и Теорема (Дини). Равномерная сходимость и операции интегрирования и дифференцирования. Собственные интегралы, зависящие от параметра. Непрерывность, дифференцирование и интегрирование по параметру. Равномерное стремление функции к пределу. Несобственные интегралы, зависящие от параметра. Равномерная сходимость. Признаки равномерной сходимости. Эйлеровы интегралы.

Тема 22. Функциональные ряды и их свойства. Степенные ряды и их свойства. Ряд Тейлора. Аналитические функции.

Функциональные ряды. Область сходимости. Равномерная сходимость функционального ряда. Критерий равномерной сходимости. Достаточные признаки равномерной сходимости. Свойства равномерно сходящихся рядов. Примеры. Степенные ряды. Ряд Тейлора. Аналитические функции. Разложение в ряд элементарных функций.

Тема 23. Ряды Фурье.

Метрические пространства. Нормированные пространства. Унитарные пространства. Полные и замкнутые ортонормированные системы векторов в унитарном пространстве. Сепарабельные векторные пространства. Теорема (об ортогонализации Грамма --- Шмидта). Определение сепарабельного унитарного пространства. Ряд Фурье по ортонормированной системе. Определение замкнутой системы векторов. Теорема о замкнутой системе и полноте системы. Определение гильбертова пространства. Теорема (Рисса --- Шаудера). Определение изоморфности гильбертовых пространств. Теорема об изоморфизме сепарабельных гильбертовых пространств. Тригонометрический ряд Фурье. Чезаровские средние тригонометрического ряда Фурье. Свойства ядра Фейера. Теорема Фейера.

Тема 24. Теорема Вейерштрасса. Полнота L_2 . Интеграл Фурье.

Теорема Вейерштрасса о приближении тригонометрическими многочленами. Теоремы о рядах Фурье для четной и нечетной функций. Многочлены Чебышева. Теорема Вейерштрасса о приближении алгебраическими многочленами. Полнота L_2 . Комплексная форма ряда Фурье. Ортогональность функций e^{inx} . Равенство Парсеваля. Осцилляционная лемма Римана. Принцип локализации. Сходимость ряда Фурье в точке. Условие Дини в точке. Условия равномерной сходимости ряда Фурье. Дифференцирование и интегрирование ряда Фурье. Интеграл Фурье.

Тема 25. Элементы теории обобщенных функций.

Пространство основных функций. Пространство обобщенных функций. Примеры обобщенных функций. Сходимость обобщенных функций. Некоторые элементарные свойства обобщенных функций. Дифференцирование обобщенных функций. Теоремы о дифференцировании обобщенных функций. Прямое и обратное преобразование Фурье.

5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

Самостоятельная работа обучающихся выполняется по заданию и при методическом руководстве преподавателя, но без его непосредственного участия. Самостоятельная работа подразделяется на самостоятельную работу на аудиторных занятиях и на внеаудиторную самостоятельную работу. Самостоятельная работа обучающихся включает как полностью самостоятельное освоение отдельных тем (разделов) дисциплины, так и проработку тем (разделов), осваиваемых во время аудиторной работы. Во время самостоятельной работы обучающиеся читают и конспектируют учебную, научную и справочную литературу, выполняют задания, направленные на закрепление знаний и отработку умений и навыков, готовятся к текущему и промежуточному контролю по дисциплине.

Организация самостоятельной работы обучающихся регламентируется нормативными документами, учебно-методической литературой и электронными образовательными ресурсами, включая:

Порядок организации и осуществления образовательной деятельности по образовательным программам высшего образования - программам бакалавриата, программам специалитета, программам магистратуры (утвержден приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 5 апреля 2017 года №301)

Письмо Министерства образования Российской Федерации №14-55-99бин/15 от 27 ноября 2002 г. "Об активизации самостоятельной работы студентов высших учебных заведений"

Устав федерального государственного автономного образовательного учреждения "Казанский (Приволжский) федеральный университет"

Правила внутреннего распорядка федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего профессионального образования "Казанский (Приволжский) федеральный университет"

Локальные нормативные акты Казанского (Приволжского) федерального университета

6. Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю)

Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю) включает оценочные материалы, направленные на проверку освоения компетенций, в том числе знаний, умений и навыков. Фонд оценочных средств включает оценочные средства текущего контроля и оценочные средства промежуточной аттестации.

В фонде оценочных средств содержится следующая информация:

- соответствие компетенций планируемым результатам обучения по дисциплине (модулю);
- критерии оценивания сформированности компетенций;
- механизм формирования оценки по дисциплине (модулю);
- описание порядка применения и процедуры оценивания для каждого оценочного средства;
- критерии оценивания для каждого оценочного средства;
- содержание оценочных средств, включая требования, предъявляемые к действиям обучающихся, демонстрируемым результатам, задания различных типов.

Фонд оценочных средств по дисциплине находится в Приложении 1 к программе дисциплины (модулю).

7. Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)

Освоение дисциплины (модуля) предполагает изучение основной и дополнительной учебной литературы.

Литература может быть доступна обучающимся в одном из двух вариантов (либо в обоих из них):

- в электронном виде - через электронные библиотечные системы на основании заключенных КФУ договоров с правообладателями;

- в печатном виде - в Научной библиотеке им. Н.И. Лобачевского. Обучающиеся получают учебную литературу на абонементе по читательским билетам в соответствии с правилами пользования Научной библиотекой.

Электронные издания доступны дистанционно из любой точки при введении обучающимся своего логина и пароля от личного кабинета в системе "Электронный университет". При использовании печатных изданий библиотечный фонд должен быть укомплектован ими из расчета не менее 0,5 экземпляра (для обучающихся по ФГОС 3++ - не менее 0,25 экземпляра) каждого из изданий основной литературы и не менее 0,25 экземпляра дополнительной литературы на каждого обучающегося из числа лиц, одновременно осваивающих данную дисциплину.

Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля), находится в Приложении 2 к рабочей программе дисциплины. Он подлежит обновлению при изменении условий договоров КФУ с правообладателями электронных изданий и при изменении комплектования фондов Научной библиотеки КФУ.

8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", необходимых для освоения дисциплины (модуля)

Кац Б.А. Материалы для подготовки к экзамену по математическому анализу - <http://old.kpfu.ru/f5/kats/method1.pdf>

Луговая Г.Д., Скворцова Г.Ш. Функции одной вещественной переменной - <http://kpfu.ru/docs/F1247874232/lim1.pdf>

Насыров С.Р., Шерстнев А.Н. Пределы и непрерывность отображений в евклидовых пространствах - http://old.kpfu.ru/f5/bin_files/nas_she!8.pdf

Насыров С.Р. Введение в математический анализ - http://shelly.ksu.ru/e-ksu/docs/F280018070/ma_vvedenie.pdf

Шерстнев А.Н. Конспект лекций по математическому анализу - http://old.kpfu.ru/infres/sherstnev/k_5New.pdf

9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)

Вид работ	Методические рекомендации
лекции	Вести конспект лекций. Лекции ведутся в отдельной общей тетради, рекомендуется оставлять место для заметок, например в виде полей. Знание основного материала предыдущих лекция, включая знание основных определений и ключевых теорем. Рекомендуется выделять в тексте ключевые слова, определения, леммы и теоремы.

Вид работ	Методические рекомендации
лабораторные работы	Практические занятия ведутся в отдельной тетради. Записи в тетради необходимо разделять по дате и по темам занятий. Рекомендуется использовать черновик для аккуратного ведения записей в основной тетради. Внимательно переписывать примеры, разобранные преподавателем. Рекомендуется знание основных понятий, определений и утверждений по соответствующим лекциям.
самостоятельная работа	Самостоятельная работа ведется в той же тетради, что и практические занятия. Самостоятельная работа - это отдельный блок который выделяется заголовком, например, "Домашние задание". Рекомендуется прорабатывать материал непосредственно после практической занятий. При решение задач и примеров рекомендуется их выполнение по образцу из практического занятия.
экзамен	Подготовка к экзамену ведется на основе курса лекций или рекомендованной литературы. Необходимо знание и понимание всех понятий, определений, утверждений, лемм и теорем. Необходимо умение формулировать теоремы в форме непротиворечивых логических конструкций. Желательной уметь строить и приводить примеры к соответствующим определениям и утверждениям. Необходимо знание доказательства теорем и остальных утверждений.

10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)

Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем, представлен в Приложении 3 к рабочей программе дисциплины (модуля).

11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)

Материально-техническое обеспечение образовательного процесса по дисциплине (модулю) включает в себя следующие компоненты:

Помещения для самостоятельной работы обучающихся, укомплектованные специализированной мебелью (столы и стулья) и оснащенные компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду КФУ.

Учебные аудитории для контактной работы с преподавателем, укомплектованные специализированной мебелью (столы и стулья).

Компьютер и принтер для распечатки раздаточных материалов.

Мультимедийная аудитория.

Специализированная лаборатория.

12. Средства адаптации преподавания дисциплины к потребностям обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья

При необходимости в образовательном процессе применяются следующие методы и технологии, облегчающие восприятие информации обучающимися инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья:

- создание текстовой версии любого нетекстового контента для его возможного преобразования в альтернативные формы, удобные для различных пользователей;
- создание контента, который можно представить в различных видах без потери данных или структуры, предусмотреть возможность масштабирования текста и изображений без потери качества, предусмотреть доступность управления контентом с клавиатуры;
- создание возможностей для обучающихся воспринимать одну и ту же информацию из разных источников - например, так, чтобы лица с нарушениями слуха получали информацию визуально, с нарушениями зрения - аудиально;
- применение программных средств, обеспечивающих возможность освоения навыков и умений, формируемых дисциплиной, за счёт альтернативных способов, в том числе виртуальных лабораторий и симуляционных технологий;
- применение дистанционных образовательных технологий для передачи информации, организации различных форм интерактивной контактной работы обучающегося с преподавателем, в том числе вебинаров, которые могут быть использованы для проведения виртуальных лекций с возможностью взаимодействия всех участников дистанционного обучения, проведения семинаров, выступления с докладами и защиты выполненных работ, проведения тренингов, организации коллективной работы;
- применение дистанционных образовательных технологий для организации форм текущего и промежуточного контроля;

- увеличение продолжительности сдачи обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья форм промежуточной аттестации по отношению к установленной продолжительности их сдачи;
- продолжительности сдачи зачёта или экзамена, проводимого в письменной форме, - не более чем на 90 минут;
- продолжительности подготовки обучающегося к ответу на зачёте или экзамене, проводимом в устной форме, - не более чем на 20 минут;
- продолжительности выступления обучающегося при защите курсовой работы - не более чем на 15 минут.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО и учебным планом по направлению 02.03.01 "Математика и компьютерные науки" и профилю подготовки "Математическое и компьютерное моделирование".

Перечень литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)

Направление подготовки: 02.03.01 - Математика и компьютерные науки

Профиль подготовки: Математическое и компьютерное моделирование

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Год начала обучения по образовательной программе: 2016

Основная литература:

1. Шерстнев А. Н. Конспект лекций по математическому анализу [Текст: электронный ресурс] / А. Н. Шерстнев . - Изд. 5-е . - Электр. дан. (1 файл: 2,66 Мб) . - (Казань : Казанский государственный университет, 2009) . - Режим доступа: открытый . - URL: http://libweb.kpfu.ru/ebooks/05-IMM/05_33_2009_000165.pdf
2. Насыров С.Р. Интеграл Римана на отрезке и его приложения [Электронный ресурс] / С.Р.Насыров. - Электрон. дан. - Казань: Казанский(Приволжский) федеральный университет, 2013. - 45 с. - URL: <http://kpfu.ru/docs/F2109211871/Nasyrov.SR.Integral.Rimana.na.otrezke.i.ego.prilozheniya.pdf>
3. Насыров С.Р. Производная и неопределенный интеграл [Электронный ресурс] / С.Р.Насыров. - Электрон. дан. - Казань: Казанский(Приволжский) федеральный университет, 2013. - 68с. - URL: <http://kpfu.ru/docs/F950801586/Nasyrov.SR.Proizvodnaya.i.neopredelennyj.integral.pdf>
4. Луговая Г.Д. Неопределенный интеграл [Электронный ресурс] / Г.Д.Луговая, Г.Ш.Скворцова. - Электрон. дан. - Казань: Казанский (Приволжский) федеральный университет, 2013. - 46с. - URL: <http://kpfu.ru/docs/F348805300/Integraly.obsch.ispr.pdf>
5. Луговая Г.Д. Функции одной вещественной переменной [Электронный ресурс] / Г.Д. Луговая, Г.Ш. Скворцова. - Электрон. дан. - Казань: Казанский (Приволжский) федеральный университет, 2012. - 85с. - URL: <http://kpfu.ru/docs/F1247874232/lm1.pdf>

Дополнительная литература:

1. Сборник задач по математическому анализу : учебное пособие / Л.Д. Кудрявцев, А.Д. Кутасов, В.И. Чехлов, М.И. Шабунин. - 2-е изд., перераб. и доп. - Москва : ФИЗМАТЛИТ, [б. г.]. - Том 1 : Предел. Непрерывность. Дифференцируемость. - 2010. - 496 с. - ISBN 978-5-9221-0306-0. - Текст : электронный // Электронно-библиотечная система 'Лань' : [сайт]. - URL: <https://e.lanbook.com/book/2226>
2. Сборник задач по математическому анализу : учебное пособие / Л.Д. Кудрявцев, А.Д. Кутасов, В.И. Чехлов, М.И. Шабунин. - 2-е изд., перераб. и доп. - Москва : ФИЗМАТЛИТ, [б. г.]. - Том 2: Интегралы. Ряды. - 2009. - 504 с. - ISBN 978-5-9221-0307-7. - Текст: электронный // Электронно-библиотечная система 'Лань': [сайт]. - URL: <https://e.lanbook.com/book/2227>
3. Сборник задач по математическому анализу : учебное пособие / Л.Д. Кудрявцев, А.Д. Кутасов, В.И. Чехлов, М.И. Шабунин. - 2-е изд., перераб. - Москва: ФИЗМАТЛИТ, [б. г.]. - Том 3: Функции нескольких переменных. - 2003. - 472 с. - ISBN 5-9221-0308-3. - Текст: электронный // Электронно-библиотечная система 'Лань': [сайт]. - URL: <https://e.lanbook.com/book/2220>
4. Материалы для подготовки к экзамену по математическому анализу. Механико-математический факультет [Текст: электронный ресурс]: задачи на доказательство. I семестр : учебно-методическое пособие / Казан. гос. ун-т, Мех.-мат. фак. ; сост. Б. А. Кац .- Электронные данные (1 файл: 0,1 Мб) . - (Казань : Казанский государственный университет, 2010) .- Загл. с экрана.- Для 1-го семестра .- Режим доступа: открытый . - URL: http://libweb.kpfu.ru/ebooks/05-IMM/05_33_2010_00005.4.pdf
5. Материалы для подготовки к экзамену по математическому анализу. Механико-математический факультет [Текст: электронный ресурс]: задачи на доказательство. II семестр : учебно-методическое пособие / Казан. гос. ун-т, Мех.-мат. фак. ; сост. Б. А. Кац.- Электронные данные (1 файл: 0,1 Мб). - (Казань : Казанский государственный университет, 2010). - Загл. с экрана. - Для 2-го семестра .- Режим доступа: открытый . - URL: http://libweb.kpfu.ru/ebooks/05-IMM/05_33_2010_00005.5.pdf

Приложение 3
к рабочей программе дисциплины (модуля)
Б1.Б.10 Математический анализ

Перечень информационных технологий, используемых для освоения дисциплины (модуля), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем

Направление подготовки: 02.03.01 - Математика и компьютерные науки

Профиль подготовки: Математическое и компьютерное моделирование

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Год начала обучения по образовательной программе: 2016

Освоение дисциплины (модуля) предполагает использование следующего программного обеспечения и информационно-справочных систем:

Операционная система Microsoft Windows 7 Профессиональная или Windows XP (Volume License)

Пакет офисного программного обеспечения Microsoft Office 365 или Microsoft Office Professional plus 2010

Браузер Mozilla Firefox

Браузер Google Chrome

Adobe Reader XI или Adobe Acrobat Reader DC

Kaspersky Endpoint Security для Windows

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе "ZNANIUM.COM", доступ к которой предоставлен обучающимся. ЭБС "ZNANIUM.COM" содержит произведения крупнейших российских учёных, руководителей государственных органов, преподавателей ведущих вузов страны, высококвалифицированных специалистов в различных сферах бизнеса. Фонд библиотеки сформирован с учетом всех изменений образовательных стандартов и включает учебники, учебные пособия, учебно-методические комплексы, монографии, авторефераты, диссертации, энциклопедии, словари и справочники, законодательно-нормативные документы, специальные периодические издания и издания, выпускаемые издательствами вузов. В настоящее время ЭБС ZNANIUM.COM соответствует всем требованиям федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования (ФГОС ВО) нового поколения.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе Издательства "Лань", доступ к которой предоставлен обучающимся. ЭБС Издательства "Лань" включает в себя электронные версии книг издательства "Лань" и других ведущих издательств учебной литературы, а также электронные версии периодических изданий по естественным, техническим и гуманитарным наукам. ЭБС Издательства "Лань" обеспечивает доступ к научной, учебной литературе и научным периодическим изданиям по максимальному количеству профильных направлений с соблюдением всех авторских и смежных прав.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе "Консультант студента", доступ к которой предоставлен обучающимся. Многопрофильный образовательный ресурс "Консультант студента" является электронной библиотечной системой (ЭБС), предоставляющей доступ через сеть Интернет к учебной литературе и дополнительным материалам, приобретенным на основании прямых договоров с правообладателями. Полностью соответствует требованиям федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования к комплектованию библиотек, в том числе электронных, в части формирования фондов основной и дополнительной литературы.