

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное автономное учреждение
высшего профессионального образования
"Казанский (Приволжский) федеральный университет"
Институт вычислительной математики и информационных технологий



УТВЕРЖДАЮ

Проректор по образовательной деятельности КФУ

Проф. Таюрский Д.А.

_____ 20__ г.

подписано электронно-цифровой подписью

Программа дисциплины
Дифференциальные уравнения Б1.Б.12

Направление подготовки: 01.03.02 - Прикладная математика и информатика

Профиль подготовки: Системное программирование

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Автор(ы):

Плещинский Н.Б. , Волошановская Светлана Николаевна

Рецензент(ы):

Бахтиева Л.У.

СОГЛАСОВАНО:

Заведующий(ая) кафедрой: Плещинский Н. Б.

Протокол заседания кафедры No ____ от " ____ " _____ 201__ г

Учебно-методическая комиссия Института вычислительной математики и информационных технологий:

Протокол заседания УМК No ____ от " ____ " _____ 201__ г

Регистрационный No 93018

Казань
2018

Содержание

1. Цели освоения дисциплины
2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы
3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля
4. Структура и содержание дисциплины/ модуля
5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения
6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов
7. Литература
8. Интернет-ресурсы
9. Материально-техническое обеспечение дисциплины/модуля согласно утвержденному учебному плану

Программу дисциплины разработал(а)(и) заведующий кафедрой, д.н. (профессор) Плещинский Н.Б. Кафедра прикладной математики отделение прикладной математики и информатики , Nikolai.Pleshchinskii@kpfu.ru ; Волошановская Светлана Николаевна

1. Цели освоения дисциплины

В рамках этого курса предполагается рассмотреть такие разделы, как обыкновенные дифференциальные уравнения, уравнения в частных производных первого порядка, дифференциальные уравнения высших порядков и системы обыкновенных дифференциальных уравнений. Уравнения математической физики: классификация уравнений математической физики, волновое и телеграфное уравнение, уравнение теплопроводности, уравнение Лапласа. Разностные уравнения.

2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы высшего профессионального образования

Данная учебная дисциплина включена в раздел " Б1.Б.12 Дисциплины (модули)" основной образовательной программы 01.03.02 Прикладная математика и информатика и относится к базовой (общепрофессиональной) части. Осваивается на 2 курсе, 3 семестр.

Данная дисциплина относится к общепрофессиональным дисциплинам.

Читается на 2 курсе в 3 семестре для студентов обучающихся по направлению "Прикладная математика и информатика".

3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля

В результате освоения дисциплины формируются следующие компетенции:

| Шифр компетенции | Расшифровка приобретаемой компетенции |
|---|--|
| ОПК-1 (профессиональные компетенции) | способность использовать базовые знания естественных наук, математики и информатики, основные факты, концепции, принципы теорий, связанных с прикладной математикой и информатикой |
| ПК-1 (профессиональные компетенции) | способность собирать, обрабатывать и интерпретировать данные современных научных исследований, необходимые для формирования выводов по соответствующим научным исследованиям |
| ПК-2 (профессиональные компетенции) | способность понимать, совершенствовать и применять современный математический аппарат |

В результате освоения дисциплины студент:

1. должен знать:

- основные понятия, приемы и методы решения дифференциальных и разностных уравнений различных типов

2. должен уметь:

- решать обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка

- решать линейные дифференциальные уравнения произвольного порядка с постоянными коэффициентами

- проводить классификацию уравнений с частными производными второго порядка

- применять метод разделения переменных для решения волнового уравнения и уравнения теплопроводности

3. должен владеть:

- навыками работы с линейными разностными уравнениями

4. должен демонстрировать способность и готовность:

- применять полученные знания в своей профессиональной деятельности

4. Структура и содержание дисциплины/ модуля

Общая трудоемкость дисциплины составляет 7 зачетных(ые) единиц(ы) 252 часа(ов).

Форма промежуточного контроля дисциплины зачет и экзамен в 3 семестре.

Суммарно по дисциплине можно получить 100 баллов, из них текущая работа оценивается в 50 баллов, итоговая форма контроля - в 50 баллов. Минимальное количество для допуска к зачету 28 баллов.

86 баллов и более - "отлично" (отл.);

71-85 баллов - "хорошо" (хор.);

55-70 баллов - "удовлетворительно" (удов.);

54 балла и менее - "неудовлетворительно" (неуд.).

4.1 Структура и содержание аудиторной работы по дисциплине/ модулю

Тематический план дисциплины/модуля

| N | Раздел Дисциплины/ Модуля | Семестр | Неделя семестра | Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах) | | | Текущие формы контроля |
|----|--|---------|--------------------|---|-------------------------|------------------------|-----------------------------|
| | | | | Лекции | Практические занятия | Лабораторные работы | |
| 1. | Тема 1. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Примеры задач, приводящих к обыкновенным дифференциальным уравнениям. | 3 | | 3 | 0 | 4 | Письменное домашнее задание |
| 2. | Тема 2. Дифференциальные уравнения первого порядка, не разрешенные относительно производной. | 3 | | 3 | 0 | 4 | Письменное домашнее задание |
| 3. | Тема 3. Системы линейных обыкновенных дифференциальных уравнений первого порядка. | 3 | | 3 | 0 | 4 | Письменное домашнее задание |
| 4. | Тема 4. Автономные системы дифференциальных уравнений. Фазовые пространства. | 3 | | 3 | 0 | 4 | Контрольная работа |

| N | Раздел Дисциплины/ Модуля | Семестр | Неделя семестра | Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах) | | | Текущие формы контроля |
|-----|--|---------|--------------------|---|-------------------------|------------------------|-----------------------------|
| | | | | Лекции | Практические занятия | Лабораторные работы | |
| 5. | Тема 5. Линейное дифференциальное уравнение с постоянными коэффициентами. | 3 | | 3 | 0 | 4 | Письменное домашнее задание |
| 6. | Тема 6. Линейное неоднородное дифференциальное уравнение с постоянными коэффициентами. | 3 | | 3 | 0 | 4 | Письменное домашнее задание |
| 7. | Тема 7. Нормальная система дифференциальных уравнений с переменными коэффициентами. | 3 | | 3 | 0 | 4 | Письменное домашнее задание |
| 8. | Тема 8. Линейное дифференциальное уравнение n-порядка с переменными коэффициентами. | 3 | | 3 | 0 | 4 | Письменное домашнее задание |
| 9. | Тема 9. Линейные уравнения в частных производных первого порядка. | 3 | | 3 | 0 | 4 | Контрольная работа |
| 10. | Тема 10. Задача Коши. Приближенные методы решения задачи Коши. | 3 | | 3 | 0 | 4 | Письменное домашнее задание |
| 11. | Тема 11. Методы Рунге-Кутты. Теорема сходимости. | 3 | | 3 | 0 | 4 | Письменное домашнее задание |
| 12. | Тема 12. Пример построение метода Рунге-Кутты второго порядка. | 3 | | 3 | 0 | 4 | Письменное домашнее задание |
| 13. | Тема 13. Уравнения в частных производных второго порядка. Классификация уравнений. | 3 | | 3 | 0 | 4 | Письменное домашнее задание |
| 14. | Тема 14. Вывод уравнения колебания струны. Задача Коши. Формула Даламбера. | 3 | | 3 | 0 | 4 | Письменное домашнее задание |

| N | Раздел Дисциплины/ Модуля | Семестр | Неделя семестра | Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах) | | | Текущие формы контроля |
|-----|--|---------|--------------------|---|-------------------------|------------------------|-----------------------------|
| | | | | Лекции | Практические занятия | Лабораторные работы | |
| 15. | Тема 15. Метод разделения переменных решения задачи о свободных колебаниях струны. | 3 | | 3 | 0 | 4 | Письменное домашнее задание |
| 16. | Тема 16. Вывод уравнения теплопроводности. | 3 | | 3 | 0 | 3 | Письменное домашнее задание |
| 17. | Тема 17. Параболические уравнения. Метод разделения переменных. | 3 | | 2 | 0 | 3 | Письменное домашнее задание |
| 18. | Тема 18. Эллиптические уравнения. Единственность решения. Методы решения. | 3 | | 2 | 0 | 3 | Письменное домашнее задание |
| 19. | Тема 19. Линейные разностные уравнения. Существование решения. | 3 | | 2 | 0 | 3 | Контрольная работа |
| | Тема . Итоговая форма контроля | 3 | | 0 | 0 | 0 | Экзамен Зачет |
| | Итого | | | 54 | 0 | 72 | |

4.2 Содержание дисциплины

Тема 1. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Примеры задач, приводящих к обыкновенным дифференциальным уравнениям.

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Обыкновенные дифференциальные уравнения. Общие понятия, основные определения, примеры задач, приводящих к обыкновенным дифференциальным уравнениям, геометрическая интерпретация. Простейшие дифференциальные уравнения: уравнение с разделяющимися переменными, однородное уравнение.

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Уравнение в полных дифференциалах. Теорема о решении. Решение уравнений в полных дифференциалах. Теорема о решении.

Тема 2. Дифференциальные уравнения первого порядка, не разрешенные относительно производной.

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Методы определения решения. Решение однородного уравнения. Решение неоднородного уравнения с помощью введения параметра.

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Общий случай. Решение уравнения, когда правая часть уравнения зависит от пространственной переменной, функции и ее производной. Уравнение Лагранжа.

Тема 3. Системы линейных обыкновенных дифференциальных уравнений первого порядка.

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Нормальная система. Существование и единственность решения. Однородная система уравнений. Определитель Вронского, связь с линейной зависимостью системы. Фундаментальная система решений.

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Общее решение неоднородной системы. Метод вариации произвольных постоянных.

Тема 4. Автономные системы дифференциальных уравнений. Фазовые пространства.

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Определение автономных систем. Кинетическая интерпретация решения системы. Траектория. Положение равновесия и замкнутые траектории. Циклы. Фазовые пространства.

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Автономное дифференциальное уравнение первого порядка. Положение равновесий.

Тема 5. Линейное дифференциальное уравнение с постоянными коэффициентами.

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Случай простых корней. Характеристический многочлен уравнения. Его корни. Теорема о решении дифференциального уравнения.

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Случай кратных корней. Теорема о решении уравнения. Формула смещения.

Тема 6. Линейное неоднородное дифференциальное уравнение с постоянными коэффициентами.

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Квазимногочлен. Их свойства. Теорема о частном решении. Общее решение.

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Метод исключения. Сведение системы уравнений к решению одного уравнения. Метод исключения для решения системы уравнений с постоянными коэффициентами. Сведение системы к решению одного уравнения.

Тема 7. Нормальная система дифференциальных уравнений с переменными коэффициентами.

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Однородная система. Фундаментальная система однородной системы. Определитель Вронского. Формула Лиувилля.

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Решение неоднородной системы. Метод вариации постоянных.

Тема 8. Линейное дифференциальное уравнение n-порядка с переменными коэффициентами.

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Однородное уравнение. Сведение к нормальной системе уравнений первого порядка. Эквивалентность задач. Фундаментальная система решений. Линейная независимость системы фундаментальных решений и определитель Вронского.

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Решение неоднородного уравнения. Теорема об общем решении. Метод вариации произвольных постоянных.

Тема 9. Линейные уравнения в частных производных первого порядка.

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Приведение уравнения в частных производных к системе обыкновенных уравнений первого порядка. Теорема о связи их решений.

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Теорема о общем решении. Алгоритм решения.

Тема 10. Задача Коши. Приближенные методы решения задачи Коши.

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Теорема существования и единственности задачи Коши. Непрерывная зависимость решения от правых частей уравнения и начального условия.

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Метод Эйлера решения задачи Коши. Погрешность аппроксимации. Построение метода решения на основе ряда Тейлора.

Тема 11. Методы Рунге-Кутты. Теорема сходимости.

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Решение задачи Коши для нелинейного дифференциального уравнения первого порядка. Семейство методов Рунге-Кутты. Погрешность аппроксимации. Теорема сходимости.

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Неявный метод Эйлера. Погрешность аппроксимации.

Тема 12. Пример построение метода Рунге-Кутты второго порядка.

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Пример построения метода второго порядка. Однопараметрическое семейство.

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Метод предиктор-корректор. Погрешность аппроксимации.

Тема 13. Уравнения в частных производных второго порядка. Классификация уравнений.

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Классификация уравнений с частными производными. Приведение к каноническому виду уравнений с постоянными коэффициентами. Теорема о существовании канонического вида.

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Приведение к каноническому виду уравнений с переменными коэффициентами.

Тема 14. Вывод уравнения колебания струны. Задача Коши. Формула Даламбера.

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Вывод уравнения колебания струны. Теорема единственности решения задачи Коши. Вывод формулы Даламбера.

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Решение задачи о свободных колебаниях полуграниченной струны. Фазовая плоскость. Графическое и аналитическое решение.

Тема 15. Метод разделения переменных решения задачи о свободных колебаниях струны.

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Метод разделения переменных решения задачи о свободных колебаниях однородной струны. Задачи Штурма - Лиувилля для различных граничных условий. Обоснование метода разделения переменной.

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Метод разделения переменных для решения задачи малых продольных колебаний стержня.

Тема 16. Вывод уравнения теплопроводности.

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Вывод уравнения распределения тепла в ограниченном стержне. Исследование единственности решения. Единственность решения задачи Коши.

лабораторная работа (3 часа(ов)):

Вывод уравнения распределения тепла в неограниченном стержне с наличием внутренних точечных источников тепла.

Тема 17. Параболические уравнения. Метод разделения переменных.

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Метод разделения переменных для задачи о распределении тепла в стержне. Задача Штурма-Лиувилля. Обоснования метода.

лабораторная работа (3 часа(ов)):

Задача Коши для уравнения теплопроводности. Исследование единственности решения. Анализ решения задачи Коши.

Тема 18. Эллиптические уравнения. Единственность решения. Методы решения.

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Основные граничные задачи для эллиптического уравнения. Единственность решения. Метод разделения переменных решения задачи Дирихле для уравнения Лапласа.

лабораторная работа (3 часа(ов)):

Решение задачи Дирихле для круга.

Тема 19. Линейные разностные уравнения. Существование решения.

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Основные понятия. Задача Коши для разностных уравнений. Однородные уравнения с переменными коэффициентами. Свойство линейно независимости решения. Теорема о решении.

лабораторная работа (3 часа(ов)):

Неоднородные разностные уравнения с постоянными коэффициентами. Выделение действительного решения.

4.3 Структура и содержание самостоятельной работы дисциплины (модуля)

| N | Раздел Дисциплины | Семестр | Неделя семестра | Виды самостоятельной работы студентов | Трудоемкость (в часах) | Формы контроля самостоятельной работы |
|----|--|---------|-----------------|---------------------------------------|------------------------|---------------------------------------|
| 1. | Тема 1. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Примеры задач, приводящих к обыкновенным дифференциальным уравнениям. | 3 | | подготовка домашнего задания | 4 | домашнее задание |
| 2. | Тема 2. Дифференциальные уравнения первого порядка, не разрешенные относительно производной. | 3 | | подготовка домашнего задания | 4 | домашнее задание |
| 3. | Тема 3. Системы линейных обыкновенных дифференциальных уравнений первого порядка. | 3 | | подготовка домашнего задания | 4 | домашнее задание |
| 4. | Тема 4. Автономные системы дифференциальных уравнений. Фазовые пространства. | 3 | | подготовка к контрольной работе | 4 | контрольная работа |

| N | Раздел Дисциплины | Семестр | Неделя семестра | Виды самостоятельной работы студентов | Трудоемкость (в часах) | Формы контроля самостоятельной работы |
|-----|--|---------|-----------------|---------------------------------------|------------------------|---------------------------------------|
| 5. | Тема 5. Линейное дифференциальное уравнение с постоянными коэффициентами. | 3 | | подготовка домашнего задания | 4 | домашнее задание |
| 6. | Тема 6. Линейное неоднородное дифференциальное уравнение с постоянными коэффициентами. | 3 | | подготовка домашнего задания | 5 | домашнее задание |
| 7. | Тема 7. Нормальная система дифференциальных уравнений с переменными коэффициентами. | 3 | | подготовка домашнего задания | 5 | домашнее задание |
| 8. | Тема 8. Линейное дифференциальное уравнение n-порядка с переменными коэффициентами. | 3 | | подготовка домашнего задания | 5 | домашнее задание |
| 9. | Тема 9. Линейные уравнения в частных производных первого порядка. | 3 | | подготовка домашнего задания | 5 | домашнее задание |
| 10. | Тема 10. Задача Коши. Приближенные методы решения задачи Коши. | 3 | | подготовка домашнего задания | 5 | домашнее задание |
| 11. | Тема 11. Методы Рунге-Кутты. Теорема сходимости. | 3 | | подготовка домашнего задания | 5 | домашнее задание |
| 12. | Тема 12. Пример построения метода Рунге-Кутты второго порядка. | 3 | | подготовка домашнего задания | 5 | домашнее задание |
| 13. | Тема 13. Уравнения в частных производных второго порядка. Классификация уравнений. | 3 | | подготовка домашнего задания | 5 | домашнее задание |
| 14. | Тема 14. Вывод уравнения колебания струны. Задача Коши. Формула Даламбера. | 3 | | подготовка домашнего задания | 5 | домашнее задание |
| 15. | Тема 15. Метод разделения переменных решения задачи о свободных колебаниях струны. | 3 | | подготовка домашнего задания | 5 | домашнее задание |

| N | Раздел Дисциплины | Семестр | Неделя семестра | Виды самостоятельной работы студентов | Трудоемкость (в часах) | Формы контроля самостоятельной работы |
|-----|---|---------|-----------------|---------------------------------------|------------------------|---------------------------------------|
| 16. | Тема 16. Вывод уравнения теплопроводности. | 3 | | подготовка домашнего задания | 5 | домашнее задание |
| 17. | Тема 17. Параболические уравнения. Метод разделения переменных. | 3 | | подготовка домашнего задания | 5 | домашнее задание |
| 18. | Тема 18. Эллиптические уравнения. Единственность решения. Методы решения. | 3 | | подготовка домашнего задания | 5 | домашнее задание |
| 19. | Тема 19. Линейные разностные уравнения. Существование решения. | 3 | | подготовка к контрольной работе | 5 | контрольная работа |
| | Итого | | | | 90 | |

5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения

Обучение происходит в форме лекционных и практических занятий, а также самостоятельной работы студентов.

Теоретический материал излагается на лекциях. Причем конспект лекций, который остается у студента в результате прослушивания лекции не может заменить учебник. Его цель - формулировка основных утверждений и определений. Прослушав лекцию, полезно ознакомиться с более подробным изложением материала в учебнике. Список литературы разделен на две категории: необходимый для сдачи зачета минимум и дополнительная литература.

Изучение курса подразумевает не только овладение теоретическим материалом, но и получение практических навыков для более глубокого понимания разделов дисциплины "Дифференциальные и разностные уравнения" на основе решения задач и упражнений, иллюстрирующих доказываемые теоретические положения, а также развитие абстрактного мышления и способности самостоятельно доказывать частные утверждения.

Самостоятельная работа предполагает выполнение домашних работ. Практические задания, выполненные в аудитории, предназначены для указания общих методов решения задач определенного типа. Закрепить навыки можно лишь в результате самостоятельной работы. Кроме того, самостоятельная работа включает подготовку к зачету. При подготовке к сдаче зачета весь объем работы рекомендуется распределять равномерно по дням, отведенным для подготовки к зачету, контролировать каждый день выполнения работы. Лучше, если можно перевыполнить план. Тогда всегда будет резерв времени.

6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов

Тема 1. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Примеры задач, приводящих к обыкновенным дифференциальным уравнениям.

домашнее задание , примерные вопросы:

Найти общее решение уравнений с разделяющимися переменными, уравнений с правой частью с дробно линейным аргументом, уравнения в полных дифференциалах.

Тема 2. Дифференциальные уравнения первого порядка, не разрешенные относительно производной.

домашнее задание , примерные вопросы:

Найти решение уравнений первого порядка неявных относительно производной. Применить разные приемы решения.

Тема 3. Системы линейных обыкновенных дифференциальных уравнений первого порядка.

домашнее задание , примерные вопросы:

Найти решение систем линейных дифференциальных уравнений первого порядка в случае двух, трех и четырех уравнений. Проверка линейной независимости решений. Определение общего решения.

Тема 4. Автономные системы дифференциальных уравнений. Фазовые пространства.

контрольная работа , примерные вопросы:

Решение простейших обыкновенных дифференциальных уравнений первого порядка, системы из двух уравнений.

Тема 5. Линейное дифференциальное уравнение с постоянными коэффициентами.

домашнее задание , примерные вопросы:

Решить уравнения третьего порядка. Выделить действительные решения.

Тема 6. Линейное неоднородное дифференциальное уравнение с постоянными коэффициентами.

домашнее задание , примерные вопросы:

Метод неопределенных коэффициентов. Решить неоднородные уравнения. Найти частное и общее решение.

Тема 7. Нормальная система дифференциальных уравнений с переменными коэффициентами.

домашнее задание , примерные вопросы:

Методом вариации постоянных найти решение системы из двух и трех уравнений. Установить линейную независимость решений соответствующей однородной системы.

Тема 8. Линейное дифференциальное уравнение n-порядка с переменными коэффициентами.

домашнее задание , примерные вопросы:

Найти решения линейного уравнения третьего, четвертого порядка путем сведения к системе уравнений.

Тема 9. Линейные уравнения в частных производных первого порядка.

домашнее задание , примерные вопросы:

Решить уравнение первого порядка с тремя независимыми переменными. Найти фундаментальное и общее решение.

Тема 10. Задача Коши. Приближенные методы решения задачи Коши.

домашнее задание , примерные вопросы:

Найти методом Эйлера решение системы двух нелинейных дифференциальных уравнений первого порядка. Оценить погрешность решения.

Тема 11. Методы Рунге-Кутты. Теорема сходимости.

домашнее задание , примерные вопросы:

Методом Рунге - Кутты четвертого порядка найти решение системы четырех уравнений. Выяснить зависимость точности решения от шага сетки.

Тема 12. Пример построения метода Рунге-Кутты второго порядка.

домашнее задание , примерные вопросы:

Явным методом Адамса найти решение системы двух уравнений. Сравнить с решением по методу Рунге - Кутта второго порядка.

Тема 13. Уравнения в частных производных второго порядка. Классификация уравнений.

домашнее задание , примерные вопросы:

Привести к каноническому виду дифференциальное уравнение второго порядка в случае трех переменных. Определить тип уравнения.

Тема 14. Вывод уравнения колебания струны. Задача Коши. Формула Даламбера.

домашнее задание , примерные вопросы:

Вывести формулу Даламбера для полуограниченной струны. Решить графически задачу о собственных колебаниях струны.

Тема 15. Метод разделения переменных решения задачи о свободных колебаниях струны.

домашнее задание , примерные вопросы:

Методом разделения переменных решить уравнение поперечных колебаний стержня с граничными условиями: конец свободен, действует сила, упругое закрепление, сосредоточенная масса.

Тема 16. Вывод уравнения теплопроводности.

домашнее задание , примерные вопросы:

Вывод уравнений теплопроводности для бесконечного стержня составленного из двух стержней.

Тема 17. Параболические уравнения. Метод разделения переменных.

домашнее задание , примерные вопросы:

Расчитать температуру в стержне с учетом теплообменом с окружающей средой.

Тема 18. Эллиптические уравнения. Единственность решения. Методы решения.

домашнее задание , примерные вопросы:

Найти решение уравнения Лапласа в кольце, квадрате.

Тема 19. Линейные разностные уравнения. Существование решения.

контрольная работа , примерные вопросы:

Вывод уравнений. Метод разделения переменных для всех типов уравнений.

Тема . Итоговая форма контроля

Примерные вопросы к зачету и экзамену:

По данной дисциплине предусмотрено проведение зачета. Примерные вопросы для зачета - Приложение 1.

Методы решения простейших дифференциальных уравнений. Решение линейного дифференциального уравнения с постоянными коэффициентами. Фундаментальное решение системы дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Метод неопределенных коэффициентов. Приведение к каноническому виду. Вывод уравнения колебания струны. Вывод уравнения теплопроводности. Метод Эйлера. Метод предиктор-корректор. Формула Даламбера. Метод разделения переменных для гиперболических переменных. Метод разделения переменных для параболического уравнения. Решение уравнения Лапласа в круге. Теорема о сходимости метода Рунге-Кутта.

7.1. Основная литература:

1. Арнольд В.И. Обыкновенные дифференциальные уравнения. - М.: МЦНМО, 2012. - 341 с.

ЭБС "Лань": <http://e.lanbook.com/view/book/56392/>

2. Туганбаев, А. А. Дифференциальные уравнения [Электронный ресурс] : учеб. пособие / А. А. Туганбаев. - 2-е изд., стереотип. - М. : ФЛИНТА, 2011. ? 31 с.

<http://www.znaniyum.com/go.php?id=454637>

3. Пантелеева, А. В. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Практический курс [Электронный ресурс] : учеб. пособие с мультимедиа сопровождением / А. В. Пантелеева, А. С. Якимова, К. А. Рыбаков. - М.: Логос, 2010. - 384 с.

<http://znaniyum.com/bookread.php?book=469288>

4. Демидович Б.П., Моденов В.П. Дифференциальные уравнения. - М.: Лань, 2008. - 288 с.

ЭБС "Лань": http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=126

5. Треногин В. А. Обыкновенные дифференциальные уравнения. - М. Физматлит, 2009. - 312с.

ЭБС "Лань": http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=2341

7.2. Дополнительная литература:

1. Сборник задач по дифференциальным уравнениям и вариационному исчислению [Электронный ресурс] : учебное пособие. ? Электрон. дан. ? М. : "Лаборатория знаний" (ранее "БИНОМ. Лаборатория знаний"), 2012. ? 222 с. ? Режим доступа:

http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=4412 ? Загл. с экрана.

2. Веденяпин А.Д., Поливенко В.К. Практикум. Дифференциальные уравнения. Ч.1 Дифференциальные уравнения первого порядка и приводящиеся к ним. -М.: ФИЗМАТЛИТ, 2008. - 160 с.

ЭБС "Лань": <http://e.lanbook.com/view/book/48196/>

3. Филиппов А.Ф. Сборник задач по дифференциальным уравнениям. - М.: Ижевск: РХД, 2005, 174 с..

4. Егоров А.И. Обыкновенные дифференциальные уравнения с приложениями. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2007. - 448 с.

ЭБС "Лань": <http://e.lanbook.com/view/book/59460/>

7.3. Интернет-ресурсы:

Краткий справочник формул по математике - <http://matembook.chat.ru/>

Образовательный портал по математике - <http://www.math.ru/>

Портал ресурсов по естественным наукам - <http://en.edu.ru/>

Портал ресурсов по математике - <http://www.allmath.com/>

Сайт электронных ресурсов по математике - <http://www.exponenta.ru/>

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины(модуля)

Освоение дисциплины "Дифференциальные уравнения" предполагает использование следующего материально-технического обеспечения:

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе "ZNANIUM.COM", доступ к которой предоставлен студентам. ЭБС "ZNANIUM.COM" содержит произведения крупнейших российских учёных, руководителей государственных органов, преподавателей ведущих вузов страны, высококвалифицированных специалистов в различных сферах бизнеса. Фонд библиотеки сформирован с учетом всех изменений образовательных стандартов и включает учебники, учебные пособия, УМК, монографии, авторефераты, диссертации, энциклопедии, словари и справочники, законодательно-нормативные документы, специальные периодические издания и издания, выпускаемые издательствами вузов. В настоящее время ЭБС ZNANIUM.COM соответствует всем требованиям федеральных государственных образовательных стандартов высшего профессионального образования (ФГОС ВПО) нового поколения.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе Издательства "Лань", доступ к которой предоставлен студентам. ЭБС Издательства "Лань" включает в себя электронные версии книг издательства "Лань" и других ведущих издательств учебной литературы, а также электронные версии периодических изданий по естественным, техническим и гуманитарным наукам. ЭБС Издательства "Лань" обеспечивает доступ к научной, учебной литературе и научным периодическим изданиям по максимальному количеству профильных направлений с соблюдением всех авторских и смежных прав.

Лекции и практические занятия по дисциплине проводятся в аудитории, оснащенной доской и мелом(маркером).

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВПО и учебным планом по направлению 01.03.02 "Прикладная математика и информатика" и профилю подготовки Системное программирование .

Автор(ы):

Плещинский Н.Б. _____

Волошановская Светлана Николаевна _____

"__" _____ 201__ г.

Рецензент(ы):

Бахтиева Л.У. _____

"__" _____ 201__ г.