

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение  
высшего образования  
"Казанский (Приволжский) федеральный университет"  
Отделение Высшая школа исторических наук и всемирного культурного наследия



**УТВЕРЖДАЮ**

Проректор  
по образовательной деятельности КФУ  
Проф. Таюрский Д.А.

\_\_\_\_\_ 20\_\_ г.

**Программа дисциплины**

Математика Б1.Б.9

Направление подготовки: 46.03.01 - История

Профиль подготовки: Всеобщая история

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

**Автор(ы):**

Нигмедзянова А.М.

**Рецензент(ы):**

Вахидова З.Р.

**СОГЛАСОВАНО:**

Заведующий(ая) кафедрой: Игнатъев Ю. Г.

Протокол заседания кафедры No \_\_\_\_ от "\_\_\_\_" \_\_\_\_\_ 201\_\_ г

Учебно-методическая комиссия Института международных отношений, истории и востоковедения (отделение Высшая школа исторических наук и всемирного культурного наследия):

Протокол заседания УМК No \_\_\_\_ от "\_\_\_\_" \_\_\_\_\_ 201\_\_ г

Регистрационный No

Казань  
2018

## Содержание

1. Цели освоения дисциплины
2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы
3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля
4. Структура и содержание дисциплины/ модуля
5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения
6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов
7. Литература
8. Интернет-ресурсы
9. Материально-техническое обеспечение дисциплины/модуля согласно утвержденному учебному плану

Программу дисциплины разработал(а)(и) доцент, к.н. (доцент) Нигмедзянова А.М. кафедра высшей математики и математического моделирования отделение педагогического образования , Ajgul.Nigmedzyanova@kpfu.ru

### 1. Цели освоения дисциплины

Ознакомить студентов с теоретическими знаниями основных разделов математики, входящих в программу курса, и с основными практическими математическими методами; способствовать обладанию студентами достаточно высокой математической культурой; способствовать приобретению студентами навыков использования математических методов в практической деятельности; научить студентов ориентироваться в потоке информации по своей специальности, содержащей математические вычисления.

### 2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы высшего профессионального образования

Данная учебная дисциплина включена в раздел " Б1.Б.9 Дисциплины (модули)" основной образовательной программы 46.03.01 История и относится к базовой (общепрофессиональной) части. Осваивается на 1 курсе, 1 семестр.

Для её успешного освоения требуются знания математического профиля, полученные в рамках средней школы. Освоение данной дисциплины необходимо для изучения курсов "Математика в социально-гуманитарной сфере", "Информатика", "Концепции современного естествознания".

### 3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля

В результате освоения дисциплины формируются следующие компетенции:

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции
ОПК-3 (профессиональные компетенции)	способностью решать стандартные задачи профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением современных информационно-коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности;
ОПК-4 (профессиональные компетенции)	способностью к самостоятельному поиску, обработке, анализу и оценке профессиональной информации, приобретению новых знаний, используя современные образовательные и информационные технологии;
ПК-1 (профессиональные компетенции)	способностью владеть навыками работы с теоретической и эмпирической научной информацией, способность получать, понимать, изучать и критически анализировать научную информацию по тематике исследования и представлять результаты исследований;
ПК-2 (профессиональные компетенции)	способностью применять на практике приемы составления научных отчетов, обзоров, аналитических карт и пояснительных записок; владение современными способами научной презентации результатов исследовательской деятельности;
ПК-7 (профессиональные компетенции)	быть способным использовать основные законы и методы естественно-научных и точных наук в профессиональной деятельности

В результате освоения дисциплины студент:

1. должен знать:

- основные теоретические положения классической и дискретной математики, входящие в программу курса,
- основные этапы развития математической мысли,
- основные приемы и методы первичной обработки статистического материала,
- структуру формально-логического построения математической теории на примере аксиоматического метода.

2. должен уметь:

- осуществлять перевод высказываний и умозаключений с естественного языка на язык формальной логики, упрощать и проводить анализ,
- решать основные типы задач по теории вероятностей,
- проводить элементарную статистическую обработку информации,
- ориентироваться в потоке информации по своей специальности, содержащей математические вычисления,
- пользоваться справочной литературой.

3. должен владеть:

- основными понятиями таких разделов математики как: математическая логика, теория множеств, теория вероятностей и математическая статистика,
- достаточно высокой математической культурой,
- навыками использования математических методов в практической деятельности.

4. должен демонстрировать способность и готовность:

- осуществлять перевод высказываний и умозаключений с естественного языка на язык формальной логики, упрощать и проводить анализ,
- решать основные типы задач по теории вероятностей,
- проводить элементарную статистическую обработку информации,
- ориентироваться в потоке информации по своей специальности, содержащей математические вычисления,
- пользоваться справочной литературой.

**4. Структура и содержание дисциплины/ модуля**

Общая трудоемкость дисциплины составляет 2 зачетных(ые) единиц(ы) 72 часа(ов).

Форма промежуточного контроля дисциплины зачет в 1 семестре.

Суммарно по дисциплине можно получить 100 баллов, из них текущая работа оценивается в 50 баллов, итоговая форма контроля - в 50 баллов. Минимальное количество для допуска к зачету 28 баллов.

86 баллов и более - "отлично" (отл.);

71-85 баллов - "хорошо" (хор.);

55-70 баллов - "удовлетворительно" (удов.);

54 балла и менее - "неудовлетворительно" (неуд.).

#### 4.1 Структура и содержание аудиторной работы по дисциплине/ модулю Тематический план дисциплины/модуля

N	Раздел Дисциплины/ Модуля	Семестр	Неделя семестра	Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах)			Текущие формы контроля
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
1.	Тема 1. Аксиоматический ме-тод. Элементы теории множеств	1		2	2	0	Письменное домашнее задание
2.	Тема 2. Элементы математической логики	1		4	4	0	Письменное домашнее задание
3.	Тема 3. Элементы комбинаторики	1		2	2	0	Письменная работа
4.	Тема 4. Элементы теории вероятностей	1		6	6	0	Письменное домашнее задание
5.	Тема 5. Случайные величины, законы их распределения и основные числовые характеристики	1		3	3	0	Письменное домашнее задание
6.	Тема 6. Элементы математической статистики	1		1	1	0	Контрольная работа
	Тема . Итоговая форма контроля	1		0	0	0	Зачет
	Итого			18	18	0	

#### 4.2 Содержание дисциплины

##### Тема 1. Аксиоматический ме-тод. Элементы теории множеств

##### *лекционное занятие (2 часа(ов)):*

Аксиоматический ме-тод. Математические модели. Понятие множества. Числовые множества. Подмножества. Диаграммы Эйлера-Венна. Универсальное множество. Операции над множествами. Дополнение к множеству. Разность множеств. Декартово произведение множеств и его графическое представление. Мощность множества. Отображение множеств. Функция.

**практическое занятие (2 часа(ов)):**

Диаграммы Эйлера-Венна. Операции над множествами. Отображение множеств.

**Тема 2. Элементы математической логики**

**лекционное занятие (4 часа(ов)):**

Высказывания и логические операции над ними. Таблицы истинности. Формулы алгебры логики. Равносильные формулы. Тавтология и противоречие. Основные равносильности. Законы алгебры логики. Обратные и противоположные утверждения. Логическое следование. Моделирование логической структуры правовой нормы.

**практическое занятие (4 часа(ов)):**

Высказывания и логические операции над ними. Таблицы истинности. Формулы алгебры логики. Равносильные формулы. Логическое следование.

**Тема 3. Элементы комбинаторики**

**лекционное занятие (2 часа(ов)):**

Элементы комбинаторики. Правило сложения. Правило умножения. Перестановки. Сочетания. Размещения.

**практическое занятие (2 часа(ов)):**

Правило сложения. Правило умножения. Перестановки. Сочетания. Размещения.

**Тема 4. Элементы теории вероятностей**

**лекционное занятие (6 часа(ов)):**

Основные понятия теории вероятностей. Классическое определение вероятности, статистическое определение вероятности. Закон больших чисел. Алгебра событий. Соотношения между событиями. Теорема сложения и умножения вероятностей. Вероятность появления хотя бы одного из  $n$  независимых событий. Условная вероятность. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Повторные испытания. Теорема о повторении опытов. Формула Бернулли. Формула Пуассона. Формула Лапласа.

**практическое занятие (6 часа(ов)):**

Классическое определение вероятности. Алгебра событий. Вероятность появления хотя бы одного из  $n$  независимых событий. Условная вероятность. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Формула Бернулли.

**Тема 5. Случайные величины, законы их распределения и основные числовые характеристики**

**лекционное занятие (3 часа(ов)):**

Случайные величины, основные понятия. Закон распределения дискретной случайной величины. Основные числовые характеристики случайных величин (математическое ожидание, дисперсия, среднеквадратичное отклонение). Основные виды и типы распределения случайных величин и их характеристики. Распределение Бернулли. Распределение Пуассона. Равномерно распределенная случайная величина. Показательное распределение. Нормальное распределение.

**практическое занятие (3 часа(ов)):**

Закон распределения дискретной случайной величины. Основные числовые характеристики случайных величин (математическое ожидание, дисперсия, среднеквадратичное отклонение).

**Тема 6. Элементы математической статистики**

**лекционное занятие (1 часа(ов)):**

Этапы статистического эксперимента. Определение генеральной совокупности, выборки. Определения вариационного ряда, частоты, относительной частоты, накопленной частоты. Определение дискретного и интервального рядов распределения, их графическое представление. Числовые характеристики признака (медиана, мода, среднее значение, дисперсия, среднеквадратичное отклонение), способы вычисления. Выборка, таблица и полигон частот, гистограмма. Числовые характеристики распределений: мода, медиана, среднее арифметическое.

**практическое занятие (1 часа(ов)):**

Выборка, таблица и полигон частот, гистограмма. Числовые характеристики распределений: мода, медиана, среднее арифметическое.

### 4.3 Структура и содержание самостоятельной работы дисциплины (модуля)

N	Раздел Дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды самостоятельной работы студентов	Трудоемкость (в часах)	Формы контроля самостоятельной работы
1.	Тема 1. Аксиоматический ме-тод. Элементы теории множеств	1		подготовка домашнего задания	4	домашнее задание
2.	Тема 2. Элементы математической логики	1		подготовка домашнего задания	6	домашнее задание
3.	Тема 3. Элементы комбинаторики	1		подготовка к письменной работе	8	письменная работа
4.	Тема 4. Элементы теории вероятностей	1		подготовка домашнего задания	6	домашнее задание
5.	Тема 5. Случайные величины, законы их распределения и основные числовые характеристики	1		подготовка домашнего задания	4	домашнее задание
6.	Тема 6. Элементы математической статистики	1		подготовка к контрольной работе	8	контрольная работа
	Итого				36	

### 5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения

Проводятся лекции и практические занятия. На лекциях в качестве примеров рассматриваются конкретные задачи. Задачи решаются лектором совместно со студентами. Студенты обязаны подсказать преподавателю ход решения и провести вычисления на каждом этапе.

На семинарских занятиях проводятся проверки домашних заданий.

### 6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов

#### Тема 1. Аксиоматический ме-тод. Элементы теории множеств

домашнее задание , примерные вопросы:

Числовые множества (множество натуральных , целых, рациональных, действительных чисел). Операции над множествами. Диаграммы Эйлера-Венна. Числовые множества. Операции над множествами (объединение, пересечение, разность, дополнение). Декартово произведение (графическое представление). Выполнение заданий из пособия: Математика: [учебно-методическое пособие] / Казан. (Приволж.) федер. ун-т; [авт.-сост.] Н.Р. Абубакиров, М. С. Малакаев, -Казань: [Казанский университет], 2010.-72 стр.39-40 ♦10-28

#### Тема 2. Элементы математической логики

домашнее задание , примерные вопросы:

Алгебра высказываний (сформулировать словесно высказывание). Алгебра высказываний (записать высказывание в символической форме). Логические операции (определение истинности высказываний). Логические операции (составить таблицу истинности). Логическое следование. Выполнение заданий из пособия: Математика: [учебно-методическое пособие] / Казан. (Приволж.) федер. ун-т; [авт.-сост.] Н.Р. Абубакиров, М. С. Малакаев, -Казань: [Казанский университет], 2010.-72 с. стр.27-29 ♦3-19

### **Тема 3. Элементы комбинаторики**

письменная работа , примерные вопросы:

Комбинаторная задача (перестановки, размещения, сочетания). Выполнение заданий из пособия: Математика: [учебно-методическое пособие] / Казан. (Приволж.) федер. ун-т; [авт.-сост.] Н.Р. Абубакиров, М. С. Малакаев, -Казань: [Казанский университет], 2010.-72 с. стр. 58 ♦4-20

### **Тема 4. Элементы теории вероятностей**

домашнее задание , примерные вопросы:

Алгебра событий. Классическое определение вероятности. Условная вероятность. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Формула Бернулли. Выполнение заданий из пособия: Математика: [учебно-методическое пособие] / Казан. (Приволж.) федер. ун-т; [авт.-сост.] Н.Р. Абубакиров, М. С. Малакаев, -Казань: [Казанский университет], 2010.-72 с. стр. 59-61 ♦24-46

### **Тема 5. Случайные величины, законы их распределения и основные числовые характеристики**

домашнее задание , примерные вопросы:

Дискретная случайная величина. Ряд распределения. Многоугольник распределения. Математическое ожидание. Дисперсия. Выполнение заданий из пособия: Математика: [учебно-методическое пособие] / Казан. (Приволж.) федер. ун-т; [авт.-сост.] Н.Р. Абубакиров, М. С. Малакаев, -Казань: [Казанский университет], 2010.-72 с. стр. 61 ♦47-49

### **Тема 6. Элементы математической статистики**

контрольная работа , примерные вопросы:

Выборка. Таблица и полигон частот. Мода. Медиана. Среднее арифметическое. Выполнение заданий из пособия: Математика: [учебно-методическое пособие] / Казан. (Приволж.) федер. ун-т; [авт.-сост.] Н.Р. Абубакиров, М. С. Малакаев, -Казань: [Казанский университет], 2010.-72 с. стр.71-72 ♦1-5

### **Тема . Итоговая форма контроля**

Примерные вопросы к зачету:

1. Высказывания. Простые и составные высказывания.
2. Логические операции: отрицание, конъюнкция, дизъюнкция, импликация, эквивалентность. Таблицы истинности.
3. Формулы алгебры логики. Равносильные формулы. Тавтология. Противоречие.
4. Понятие множества. Равенство множеств. Способы записи и задания множеств. Примеры множеств.
5. Операции над множествами и их свойства. Объединение, пересечение, разность множеств. Дополнение к множеству.
6. Декартово произведение множеств. Графическое изображение декартова произведения.
7. Основные понятия комбинаторики: перестановки, размещения, сочетания.
8. События. Классификация событий. Совместные, несовместные события. Полная группа событий.
9. Алгебра событий. Действия над событиями. Теорема сложения и умножения вероятностей. Условная вероятность.
10. Теоремы о повторении опытов. Формула Бернулли.
11. Понятие о случайной величине. Способы задания дискретной случайной величины. Закон распределения дискретной случайной величины. График (многоугольник) распределения.



12. Числовые характеристики случайных величин. Математическое ожидание. Дисперсия. Среднеквадратичное отклонение.

Примеры практических заданий для зачета:

1. Для множеств  $A=\{1,3,5,f,p,v\}$  и  $B= \{2,3,4,5, f,x\}$ . Найти  $A \cap B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ .
2. Для трех множеств  $A$ ,  $B$  и  $C$  общего положения на диаграмме Эйлера, т.е.  $A \cap B \cap C$  отметить  $A \cap B \cap C$  .
3. Найти прямые (Декартовы) произведения множеств  $A \times B$  и  $B \times A$ , если  $A=\{d, p, 1\}$  и  $B= \{2, f\}$ .
4. Даны высказывания  $A$ : Будет дождь ,  $B$ : Мы пойдем в гости ,  $C$ : Мы пойдем за грибами . Для приведенных формул составьте повествовательные предложения, соответствующие им:  
а)  $A \wedge B$  ; б)  $C$  .
5. Составив таблицы истинности, установить имеет ли место логическая равносильность  
(
6. Дано утверждение: "Если Джон не встречал ночью Смита, то Смит убийца. Но Джон встретил ночью Смита. Значит Смит не убийца". Формализовав приведенное утверждение и составив таблицы истинности, установить имеет ли место логическое следование в данном утверждении.
7. Среди 10 студентов группы, в которой 6 девушек для участия в конкурсе выбирают 5 человек. Найти вероятность того, среди них будут 3 девушки и 2 юноши.
8. В саду посажены три дерева: яблоня, слива, и груша. Вероятность того, что приживется яблоня равна 0,9; вероятность того, что приживется слива равна 0,8 и вероятность того, что приживется груша равна 0,7. Найти вероятность того, что груша точно приживется.
9. Случайная величина  $X$  задана законом распределения ,  
 $x_i$  3 5 7  
 $p_i$  0,3 0,2 0,5
- 1) Найти математическое ожидание  $M(X)$ ,
- 2) Найти дисперсию  $D(X)$ ,
- 3) Найти  $P(X < 7)$ ,
- 4) Построить многоугольник распределения.
10. Дана выборка: 1;2;3;1;1;4;5;4;4;4;5;6;2;3;3;2;3;4;1;4.
- 1) Составить дискретную таблицу частот распределения.
- 2) Начертить полигон частот.
- 3) Найти моду, медиану и выборочное среднее (среднее арифметическое) .

### 7.1. Основная литература:

1. Абубакиров Н.С., Малакаев М.С. Математика. Учебно-методическое пособие -Казань: КФУ, 2010.
2. Арбузов П.В., Герасименко В.Н., Гуде С.В. Высшая математика для юристов. - Ростов-н/Д.: Феникс, 2007.
3. Калачева Н.В., Сочнева В.А. Математика: задачи упражнения практикум. Учебно-методическое пособие. - Казань:КФУ, 2012.
4. Грес П.В. Математика для гуманитариев. - М.:Логос, 2004.
5. Гмурман В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике. - М.:Высшая школа, 2004.

### 7.2. Дополнительная литература:

1. Виленкин Н.Я. Рассказы о множествах. - М.: МЦНМО, 2005.
2. Сочнева В.А. Краткий конспект лекций по математике с элементами теории вероятностей и математической статистики. - Казань:КГУ, 2007.

3. Гнеденко Б.В., Хинчин А.Я. Элементарное введение в теорию вероятностей. - М.:ЕдиториалУРСС, 2003.
4. Письменный Д.Т. Конспект лекций по высшей математике (1,2 часть). - М.:Айрис Пресс, 2008.
5. Гусак А.А., Бричикова Е.А. Теория вероятностей. Справочное пособие к решению задач. - М.:ТетраСистемс, 2003.
6. Ивашев-Мусатов О.С. Теория вероятностей и математическая статистика. М.:Наука, 1979.
7. Новиков П.С. Элементы математической логики. - М.:Наука, 1973 г.
8. Стол Р.Р. Множества. Логика. Аксиоматические теории. - М.:Просвещение, 1968.

### **7.3. Интернет-ресурсы:**

Сайт Катречко С.Л - <http://katrechko.narod.ru>

Википедия - <http://ru.wikipedia.org>

Математический сайт - <http://allmatematika.ru>

сайт естественнонаучной направленности - <http://bib.tiera.ru>

Стэнфордская энциклопедия - <http://plato.stanford.edu>

### **8. Материально-техническое обеспечение дисциплины(модуля)**

Освоение дисциплины "Математика" предполагает использование следующего материально-технического обеспечения:

Мультимедийная аудитория, вместимостью более 60 человек. Мультимедийная аудитория состоит из интегрированных инженерных систем с единой системой управления, оснащенная современными средствами воспроизведения и визуализации любой видео и аудио информации, получения и передачи электронных документов. Типовая комплектация мультимедийной аудитории состоит из: мультимедийного проектора, автоматизированного проекционного экрана, акустической системы, а также интерактивной трибуны преподавателя, включающей тач-скрин монитор с диагональю не менее 22 дюймов, персональный компьютер (с техническими характеристиками не ниже Intel Core i3-2100, DDR3 4096Mb, 500Gb), конференц-микрофон, беспроводной микрофон, блок управления оборудованием, интерфейсы подключения: USB, audio, HDMI. Интерактивная трибуна преподавателя является ключевым элементом управления, объединяющим все устройства в единую систему, и служит полноценным рабочим местом преподавателя. Преподаватель имеет возможность легко управлять всей системой, не отходя от трибуны, что позволяет проводить лекции, практические занятия, презентации, вебинары, конференции и другие виды аудиторной нагрузки обучающихся в удобной и доступной для них форме с применением современных интерактивных средств обучения, в том числе с использованием в процессе обучения всех корпоративных ресурсов. Мультимедийная аудитория также оснащена широкополосным доступом в сеть интернет. Компьютерное оборудование имеет соответствующее лицензионное программное обеспечение.

Электронно-библиотечная система "КнигаФонд".

Принтер и раздаточные материалы

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВПО и учебным планом по направлению 46.03.01 "История" и профилю подготовки Всеобщая история .

Автор(ы):

Нигмедзянова А.М. \_\_\_\_\_

"\_\_" \_\_\_\_\_ 201\_\_ г.

Рецензент(ы):

Вахидова З.Р. \_\_\_\_\_

"\_\_" \_\_\_\_\_ 201\_\_ г.