

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное автономное учреждение
высшего профессионального образования
"Казанский (Приволжский) федеральный университет"
Институт вычислительной математики и информационных технологий



УТВЕРЖДАЮ

Проректор
по образовательной деятельности КФУ
Проф. Таюрский Д.А.

"__" _____ 20__ г.

Программа дисциплины

Абстрактные приближенные схемы Б1.В.ДВ.11

Направление подготовки: 01.03.04 - Прикладная математика

Профиль подготовки: Математическое моделирование

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Автор(ы):

Плещинский Н.Б.

Рецензент(ы):

Бахтиева Л.У.

СОГЛАСОВАНО:

Заведующий(ая) кафедрой: Плещинский Н. Б.

Протокол заседания кафедры No ____ от " ____ " _____ 201__ г

Учебно-методическая комиссия Института вычислительной математики и информационных технологий:

Протокол заседания УМК No ____ от " ____ " _____ 201__ г

Регистрационный No

Казань
2017

Содержание

1. Цели освоения дисциплины
2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы
3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля
4. Структура и содержание дисциплины/ модуля
5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения
6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов
7. Литература
8. Интернет-ресурсы
9. Материально-техническое обеспечение дисциплины/модуля согласно утвержденному учебному плану

Программу дисциплины разработал(а)(и) заведующий кафедрой, д.н. (профессор) Плещинский Н.Б. Кафедра прикладной математики отделение прикладной математики и информатики , Nikolai.Pleshchinskii@kpfu.ru

1. Цели освоения дисциплины

В специальном курсе лекций рассматриваются основные принципы построения приближенных схем, которые используются при аппроксимации граничных задач для дифференциальных уравнений и интегральных уравнений. Излагается абстрактный подход, основанный на общей теории линейных операторов. В качестве примеров применения теории аппроксимации и интерполяции приводятся интегральные уравнения Фредгольма, бесконечные системы линейных алгебраических уравнений, задача Коши и краевые задачи для уравнений математической физики, а также экстремальные задачи.

2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы высшего профессионального образования

Данная учебная дисциплина включена в раздел " Б1.В.ДВ.11 Дисциплины (модули)" основной образовательной программы 01.03.04 Прикладная математика и относится к дисциплинам по выбору. Осваивается на 4 курсе, 7 семестр.

Дисциплина по выбору Б3.ДВ.1 "Абстрактные приближенные схемы" относится к профессиональному циклу дисциплин, предназначена для студентов 4 курса (7 семестр). Базируется на знаниях, полученных в рамках дисциплин "Математический анализ", "Дифференциальные уравнения", "Уравнения математической физики", "Численные методы".

3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля

В результате освоения дисциплины формируются следующие компетенции:

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции
ПК-6 (профессиональные компетенции)	способность осуществлять целенаправленный поиск информации о новейших научных и технологических достижениях в сети Интернет и из других источников
ПК-8 (профессиональные компетенции)	способность формировать суждения о значении и последствиях своей профессиональной деятельности с учетом социальных, профессиональных и этических позиций

В результате освоения дисциплины студент:

1. должен знать:

основные принципы построения и исследования приближенных схем;

2. должен уметь:

выбирать оптимальные варианты выбора способов аппроксимации операторных уравнений;

3. должен владеть:

приемами доказательства сходимости приближенных схем;

4. должен демонстрировать способность и готовность:

навыки численного решения граничных задач для дифференциальных уравнений и интегральных уравнений

4. Структура и содержание дисциплины/ модуля

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетных(ые) единиц(ы) 108 часа(ов).

Форма промежуточного контроля дисциплины экзамен в 7 семестре.

Суммарно по дисциплине можно получить 100 баллов, из них текущая работа оценивается в 50 баллов, итоговая форма контроля - в 50 баллов. Минимальное количество для допуска к зачету 28 баллов.

86 баллов и более - "отлично" (отл.);

71-85 баллов - "хорошо" (хор.);

55-70 баллов - "удовлетворительно" (удов.);

54 балла и менее - "неудовлетворительно" (неуд.).

4.1 Структура и содержание аудиторной работы по дисциплине/ модулю Тематический план дисциплины/модуля

N	Раздел Дисциплины/ Модуля	Семестр	Неделя семестра	Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах)			Текущие формы контроля
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
1.	Тема 1. Введение в теорию абстрактных схем	7	1-2	0	0	4	Письменное домашнее задание
2.	Тема 2. Операторы и операторные уравнения	7	3-4	0	0	4	Письменное домашнее задание
3.	Тема 3. Условия единственности решений	7	5-6	0	0	4	Контрольная работа
4.	Тема 4. Интегральные уравнения Фредгольма 2-го рода	7	7-8	0	0	4	Письменное домашнее задание
5.	Тема 5. Существование решений	7	9-10	0	0	4	Письменное домашнее задание
6.	Тема 6. Сходимость приближенной схемы	7	11-12	0	0	4	Контрольная точка
7.	Тема 7. Метод усечения БСЛАУ	7	13-14	0	0	4	Письменное домашнее задание
8.	Тема 8. Устойчивость приближенной схемы	7	15-16	0	0	4	Письменное домашнее задание
9.	Тема 9. Нелинейные приближенные схемы	7	17	0	0	2	Письменное домашнее задание

N	Раздел Дисциплины/ Модуля	Семестр	Неделя семестра	Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах)			Текущие формы контроля
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
10.	Тема 10. Аппроксимация экстремальных задач	7	18	0	0	2	Контрольная работа
	Тема . Итоговая форма контроля	7		0	0	0	Экзамен
	Итого			0	0	36	

4.2 Содержание дисциплины

Тема 1. Введение в теорию абстрактных схем

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Параметрические семейства задач. Приближенные методы решения дифференциальных и интегральных уравнений

Тема 2. Операторы и операторные уравнения

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Аппроксимация и интерполяция. Существование и единственность решения операторных уравнений. Обратимость линейных операторов. Априорные оценки погрешности

Тема 3. Условия единственности решений

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Обратимость слева аппроксимирующего оператора. Обратимость слева точного оператора

Тема 4. Интегральные уравнения Фредгольма 2-го рода

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Метод механических квадратур. Метод моментов (метод Галеркина). Распределения (обобщенные функции). Преобразование Фурье: S'-теория

Тема 5. Существование решений

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Квазирешения. Условия обратимости справа линейных операторов. Оценка невязок точного и аппроксимирующего уравнений

Тема 6. Сходимость приближенной схемы

лабораторная работа (4 часа(ов)):

S-сходимость и T-сходимость последовательности аппроксимирующих решений к точному решению

Тема 7. Метод усечения БСЛАУ

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Усечение в пространствах со сферической нормой. Усечение в пространствах с кубической нормой

Тема 8. Устойчивость приближенной схемы

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Переопределенные граничные задачи для уравнения Гельмгольца в полуполосе. Дифракция на вертикальной перегородке

Тема 9. Нелинейные приближенные схемы

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Достаточные условия сходимости приближенной схемы

Тема 10. Аппроксимация экстремальных задач

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Двойственные пространства и операторы. Аппроксимация двойственности.
Бесконечномерное линейное программирование

4.3 Структура и содержание самостоятельной работы дисциплины (модуля)

N	Раздел Дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды самостоятельной работы студентов	Трудоемкость (в часах)	Формы контроля самостоятельной работы
1.	Тема 1. Введение в теорию абстрактных схем	7	1-2	подготовка домашнего задания	4	домашнее задание
2.	Тема 2. Операторные уравнения	7	3-4	подготовка домашнего задания	4	домашнее задание
3.	Тема 3. Условия единственности решений	7	5-6	подготовка к контрольной работе	4	контрольная работа
4.	Тема 4. Интегральные уравнения Фредгольма 2-го рода	7	7-8	подготовка домашнего задания	4	домашнее задание
5.	Тема 5. Существование решений	7	9-10	подготовка домашнего задания	4	домашнее задание
6.	Тема 6. Сходимость приближенной схемы	7	11-12	подготовка к контрольной работе	4	контрольная точка
7.	Тема 7. Метод усечения БСЛАУ	7	13-14	подготовка домашнего задания	4	домашнее задание
8.	Тема 8. Устойчивость приближенной схемы	7	15-16	подготовка домашнего задания	4	домашнее задание
9.	Тема 9. Нелинейные приближенные схемы	7	17	подготовка домашнего задания	2	домашнее задание
10.	Тема 10. Аппроксимация экстремальных задач	7	18	подготовка к контрольной работе	2	контрольная работа
	Итого				36	

5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения

Активные и интерактивные формы проведения занятий в сочетании с внеаудиторной работой.

6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов

Тема 1. Введение в теорию абстрактных схем

домашнее задание , примерные вопросы:

Изучение литературы, выполнение упражнений по темам: Параметрические семейства задач. Приближенные методы решения дифференциальных и интегральных уравнений

Тема 2. Операторы и операторные уравнения

домашнее задание , примерные вопросы:

Изучение литературы, выполнение упражнений по темам: Аппроксимация и интерполяция. Существование и единственность решения операторных уравнений. Обратимость линейных операторов. Априорные оценки погрешности

Тема 3. Условия единственности решений

контрольная работа , примерные вопросы:

Проверка знаний по темам: Обратимость слева аппроксимирующего оператора. Обратимость слева точного оператора

Тема 4. Интегральные уравнения Фредгольма 2-го рода

домашнее задание , примерные вопросы:

Изучение литературы, выполнение упражнений по темам: Метод механических квадратур. Метод моментов (метод Галеркина). Распределения (обобщенные функции). Преобразование Фурье: S'-теория

Тема 5. Существование решений

домашнее задание , примерные вопросы:

Изучение литературы, выполнение упражнений по темам: Квазирешения. Условия обратимости справа линейных операторов. Оценка невязок точного и аппроксимирующего уравнений

Тема 6. Сходимость приближенной схемы

контрольная точка , примерные вопросы:

Проверка знаний по теме: S-сходимость и T-сходимость последовательности аппроксимирующих решений к точному решению

Тема 7. Метод усечения БСЛАУ

домашнее задание , примерные вопросы:

Изучение литературы, выполнение упражнений по темам: Усечение в пространствах со сферической нормой. Усечение в пространствах с кубической нормой

Тема 8. Устойчивость приближенной схемы

домашнее задание , примерные вопросы:

Изучение литературы, выполнение упражнений по темам: Переопределенные граничные задачи для уравнения Гельмгольца в полуполосе. Дифракция на вертикальной перегородке

Тема 9. Нелинейные приближенные схемы

домашнее задание , примерные вопросы:

Изучение литературы, выполнение упражнений по темам: Двойственные пространства и операторы. Аппроксимация двойственности. Бесконечномерное линейное программирование

Тема 10. Аппроксимация экстремальных задач

контрольная работа , примерные вопросы:

Проверка знаний по теме: Достаточные условия сходимости приближенной схемы

Тема . Итоговая форма контроля

Примерные вопросы к экзамену:

Вопросы для экзамена:

1. Понятие абстрактных схем
2. Операторы
3. Операторные уравнения
4. Условия единственности решений
5. Интегральные уравнения Фредгольма 2-го рода
6. Существование решений
7. Сходимость приближенной схемы
8. БСЛАУ

9. Метод усечения
10. Устойчивость приближенной схемы
11. Нелинейные приближенные схемы
12. Аппроксимация экстремальных задач
13. Аппроксимация и интерполяция
14. Априорные оценки погрешности
15. Метод моментов (метод Галеркина)
16. Оценка невязок точного и аппроксимирующего уравнений

7.1. Основная литература:

1. Сидоров А.М. Функциональный анализ: [учебное пособие] / А. М. Сидоров. ?Казань: Казанский университет, 2010. ?139 с.
2. Калиткин Н. Н. Численные методы: учеб. пособие / Н. Н. Калиткин. ? 2-е изд., исправленное. ? СПб.: БХВ-Петербург, 2011. ? 586 с.
<http://znanium.com/bookread.php?book=350803>. Бахвалов Н. С., Жидков Н. П., Кобельков Г. М. Бахвалов, Николай Сергеевич. Численные методы: учеб. пособие для студентов физ.-мат. спец. вузов[Электронный ресурс] / Н.С. Бахвалов, Н.П. Жидков, Г.М. Кобельков; Моск. гос. ун-т. ?7-е изд.. ?Москва: БИНОМ. Лаб. знаний, 2012. - 635 с. Режим доступа: <http://e.lanbook.com/view/book/4397/>
4. Пантина И. В. Вычислительная математика [Электронный ресурс] : учебник / И. В. Пантина, А. В. Синчуков. - 2-е изд., перераб. и доп. - М.: МФПУ Синергия, 2012. - 176 с.
<http://www.znanium.com/go.php?id=451160>
5. Плещинский, Николай Борисович (д-р физ.-мат. наук ; 1955-) . Абстрактные приближенные схемы [Текст: электронный ресурс] : [учебно-методическое пособие] / Н. Б. Плещинский ; Казан. (Приволж.) федер. ун-т, Ин-т вычисл. математики и информац. технологий .? Электронные данные (1 файл: 0,51 Мб) .? (Казань : Казанский федеральный университет, 2009) .? Загл. с экрана .? Для 7-го семестра.
Режим доступа: открытый .? <URL:http://libweb.ksu.ru/ebooks/09_64_ds009.pdf>

7.2. Дополнительная литература:

1. Треногин В.А. Функциональный анализ. - М.: Наука, 1980. - 495 с.
2. Канторович Л.В., Акилов Г.П. Функциональный анализ. - М.: Наука, 1984. - 752 с.
3. Васильев Ф.П. Методы решения экстремальных задач. - М.: Наука, 1980. - 520 с.

7.3. Интернет-ресурсы:

- www.abcpnb.ru/RUS/Resour/AbsShe/z.pdf - www.abcpnb.ru/RUS/Resour/AbsShe/z.pdf
www.abcpnb.ru/RUS/Resour/AbsShe/z.pdf - www.abcpnb.ru/RUS/Resour/AbsShe/z.pdf
www.abcpnb.ru/RUS/Resour/AbsShe/z.pdf - www.abcpnb.ru/RUS/Resour/AbsShe/z.pdf
www.abcpnb.ru/RUS/Resour/AbsShe/z.pdf - www.abcpnb.ru/RUS/Resour/AbsShe/z.pdf
www.abcpnb.ru/RUS/Resour/AbsShe/z.pdf - www.abcpnb.ru/RUS/Resour/AbsShe/z.pdf

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины(модуля)

Освоение дисциплины "Абстрактные приближенные схемы" предполагает использование следующего материально-технического обеспечения:

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе "ZNANIUM.COM", доступ к которой предоставлен студентам. ЭБС "ZNANIUM.COM" содержит произведения крупнейших российских учёных, руководителей государственных органов, преподавателей ведущих вузов страны, высококвалифицированных специалистов в различных сферах бизнеса. Фонд библиотеки сформирован с учетом всех изменений образовательных стандартов и включает учебники, учебные пособия, УМК, монографии, авторефераты, диссертации, энциклопедии, словари и справочники, законодательно-нормативные документы, специальные периодические издания и издания, выпускаемые издательствами вузов. В настоящее время ЭБС ZNANIUM.COM соответствует всем требованиям федеральных государственных образовательных стандартов высшего профессионального образования (ФГОС ВПО) нового поколения.

Лекции и лабораторные занятия по дисциплине проводятся в аудитории, оснащенной доской и мелом (маркером).

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВПО и учебным планом по направлению 01.03.04 "Прикладная математика" и профилю подготовки Математическое моделирование .

Автор(ы):

Плещинский Н.Б. _____

"__" _____ 201__ г.

Рецензент(ы):

Бахтиева Л.У. _____

"__" _____ 201__ г.