

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное автономное учреждение
высшего профессионального образования
"Казанский (Приволжский) федеральный университет"
Институт вычислительной математики и информационных технологий



УТВЕРЖДАЮ

Проректор по образовательной деятельности КФУ

Проф. Татарский Да



20__ г.

подписано электронно-цифровой подписью

Программа дисциплины

Математические основы защиты информации и информационной безопасности Б1.Б.3

Направление подготовки: 02.04.02 - Фундаментальная информатика и информационные технологии

Профиль подготовки: Математические основы и программное обеспечение информационной безопасности и защиты информации

Квалификация выпускника: магистр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Автор(ы):

Ишмухаметов Ш.Т.

Рецензент(ы):

Латыпов Р.Х.

СОГЛАСОВАНО:

Заведующий(ая) кафедрой: Латыпов Р. Х.

Протокол заседания кафедры № ____ от "____" ____ 201__ г

Учебно-методическая комиссия Института вычислительной математики и информационных технологий:

Протокол заседания УМК № ____ от "____" ____ 201__ г

Регистрационный № 974015

Казань
2015

Содержание

1. Цели освоения дисциплины
2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы
3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля
4. Структура и содержание дисциплины/ модуля
5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения
6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов
7. Литература
8. Интернет-ресурсы
9. Материально-техническое обеспечение дисциплины/модуля согласно утвержденному учебному плану

Программу дисциплины разработал(а)(и) профессор, д.н. (доцент) Ишмухаметов Ш.Т. кафедра системного анализа и информационных технологий отделение фундаментальной информатики и информационных технологий , Shamil.Ishmukhametov@kpfu.ru

1. Цели освоения дисциплины

Данный курс входит в систему специализации по направлению информационной безопасности и является продолжением курсов "Основы информационной безопасности" и "Информационная безопасность в сетях". В ходе этого курса студенты должны получить основные знания о математических основах построения криптографических алгоритмов, понятия о вычислительной сложности односторонних функций, используемых в криптографии, методах построения надежных систем защиты и о возможных атаках.

2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы высшего профессионального образования

Данная учебная дисциплина включена в раздел " Б1.Б.3 Дисциплины (модули)" основной образовательной программы 02.04.02 Фундаментальная информатика и информационные технологии и относится к базовой (общепрофессиональной) части. Осваивается на 1 курсе, 1 семестр.

"Математические основы защиты информации и информационной безопасности" входит в состав общенациональных дисциплин. Читается на 1 курсе, в 1 семестре.

3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля

В результате освоения дисциплины формируются следующие компетенции:

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции
ОК-1 (общекультурные компетенции)	способностью к абстрактному мышлению, анализу, синтезу
ОК-2 (общекультурные компетенции)	готовностью действовать в нестандартных ситуациях, нести социальную и этическую ответственность за принятые решения
ОПК-3 (профессиональные компетенции)	способностью использовать и применять углубленные теоретические и практические знания в области фундаментальной информатики и информационных технологий
ОПК-4 (профессиональные компетенции)	способностью самостоятельно приобретать и использовать в практической деятельности новые знания и умения, в том числе, в новых областях знаний, непосредственно не связанных со сферой деятельности, расширять и углублять своё научное мировоззрение
ОПК-5 (профессиональные компетенции)	способностью использовать углублённые знания правовых и этических норм при оценке последствий своей профессиональной деятельности, при разработке и осуществлении социально значимых проектов
ПК-1 (профессиональные компетенции)	способностью проводить научные исследования и получать новые научные и прикладные результаты самостоятельно и в составе научного коллектива
ПК-13 (профессиональные компетенции)	способностью разрабатывать аналитические обзоры состояния области прикладной математики и информационных технологий

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции
ПК-14 (профессиональные компетенции)	способностью выполнять работу экспертов в ведомственных, отраслевых или государственных экспертных группах по экспертизе проектов, тематика которых соответствует направленности (профилю) программы магистратуры
ПК-16 (профессиональные компетенции)	способностью участвовать в деятельности профессиональных сетевых сообществ по конкретным направлениям
ПК-2 (профессиональные компетенции)	способностью использовать углубленные теоретические и практические знания в области информационных технологий и прикладной математики, фундаментальных концепций и системных методологий, международных и профессиональных стандартов в области информационных технологий
ПК-3 (профессиональные компетенции)	способностью разрабатывать концептуальные и теоретические модели решаемых научных проблем и задач проектной и производственно-технологической деятельности

В результате освоения дисциплины студент:

1. должен знать:

основные концепции информационной безопасности;

2. должен уметь:

ориентироваться в вопросах разработки надежных систем защит и видах угроз информационной безопасности.

3. должен владеть:

теоретическими знаниями о математических основах построения криптографических алгоритмов;

4. должен демонстрировать способность и готовность:

навыков оценки безопасности информационных систем.

4. Структура и содержание дисциплины/ модуля

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетных(ые) единиц(ы) 108 часа(ов).

Форма промежуточного контроля дисциплины экзамен в 1 семестре.

Суммарно по дисциплине можно получить 100 баллов, из них текущая работа оценивается в 50 баллов, итоговая форма контроля - в 50 баллов. Минимальное количество для допуска к зачету 28 баллов.

86 баллов и более - "отлично" (отл.);

71-85 баллов - "хорошо" (хор.);

55-70 баллов - "удовлетворительно" (удов.);

54 балла и менее - "неудовлетворительно" (неуд.).

4.1 Структура и содержание аудиторной работы по дисциплине/ модулю

Тематический план дисциплины/модуля

N	Раздел Дисциплины/ Модуля	Семестр	Неделя семестра	Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах)			Текущие формы контроля
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
1.	Тема 1. Алгебраические структуры: группы, кольца, поля.	1		4	0	0	домашнее задание
2.	Тема 2. Расширения конечных полей.	1		4	0	0	домашнее задание
3.	Тема 3. Производящие функции.	1		6	0	0	домашнее задание
4.	Тема 4. Рекуррентные уравнения.	1		6	0	0	контрольная работа домашнее задание
5.	Тема 5. Мультипликативные функции. Дзета функция Римана.	1		4	0	0	домашнее задание
6.	Тема 6. Субэкспоненциальные методы факторизации натуральных чисел.	1		4	0	0	
.	Тема . Итоговая форма контроля	1		0	0	0	экзамен
	Итого			28	0	0	

4.2 Содержание дисциплины

Тема 1. Алгебраические структуры: группы, кольца, поля.

лекционное занятие (4 часа(ов)):

Введение в алгебраические структуры. Определение, свойства, применение алгебраических структур. Группы. Теорема Лагранжа. Конечные поля. Неприводимые многочлены в конечных полях.

Тема 2. Расширения конечных полей.

лекционное занятие (4 часа(ов)):

Решение уравнений в конечных полях. Построение неприводимых многочленов. Нахождение обратных элементов и вычисление частных.

Тема 3. Производящие функции.

лекционное занятие (6 часа(ов)):

Примеры, приводящие к производящим функциям. Рекуррентные уравнения. Построение таблицы приводящих функций. Дифференирование и интегрирование производящих функций.

Тема 4. Рекуррентные уравнения.

лекционное занятие (6 часа(ов)):

Использование производящих функций для решения рекуррентных уравнений. Построение рекуррентного уравнения для рядов Фибоначчи. Оценка метода сортировки вставкой.

Контрольная работа по теме.

Тема 5. Мультипликативные функции. Дзета функция Римана.

лекционное занятие (4 часа(ов)):

Молулярная арифметика. Решение сравнений 1 порядка. Эйлера. Формула для вычисления функции Эйлера. Функция Мебиуса. Формула инверсии Мебиуса. Формула включений и исключений. Решение задач. Использование формулы для оценки функции распределения простых чисел.

Тема 6. Субэкспоненциальные методы факторизации натуральных чисел.

лекционное занятие (4 часа(ов)):

Эллиптические кривые. Метод Ленстры факторизации натуральных чисел. Оценка сходимости метода. Выбор параметров первой и второй стадий метода. Факторизация методом решета числового поля.

4.3 Структура и содержание самостоятельной работы дисциплины (модуля)

N	Раздел Дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды самостоятельной работы студентов	Трудоемкость (в часах)	Формы контроля самостоятельной работы
1.	Тема 1. Алгебраические структуры: группы, кольца, поля.	1		подготовка домашнего задания	8	домашнее задание
2.	Тема 2. Расширения конечных полей.	1		подготовка домашнего задания	8	домашнее задание
3.	Тема 3. Производящие функции.	1		подготовка домашнего задания	8	домашнее задание
4.	Тема 4. Рекурентные уравнения.	1		подготовка домашнего задания	4	домашнее задание
				подготовка к контрольной работе	4	контрольная работа
5.	Тема 5. Мультипликативные функции. Дзета функция Римана.	1		подготовка домашнего задания	6	домашнее задание
6.	Тема 6. Субэкспоненциальные методы факторизации натуральных чисел.	1		подготовка домашнего задания	6	домашнее задание
Итого					44	

5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения

Обучение происходит в форме лекционных и лабораторных занятий, а также самостоятельной работы студентов.

Теоретический материал излагается на лекциях. Причем конспект лекций, который остается у студента в результате прослушивания лекции не может заменить учебник. Его цель-формулировка основных утверждений и определений. Прослушав лекцию, полезно ознакомиться с более подробным изложением материала в учебнике. Список литературы разделен на две категории: необходимый для сдачи экзамена минимум и дополнительная литература.

Изучение курса подразумевает не только овладение теоретическим материалом, но и получение практических навыков для более глубокого понимания разделов на основе решения задач и упражнений, иллюстрирующих доказываемые теоретические положения, а также развитие абстрактного мышления и способности самостоятельно доказывать утверждения. Самостоятельная работа предполагает выполнение домашних работ. Практические задания, выполненные в аудитории, предназначены для указания общих методов решения задач определенного типа. Закрепить навыки можно лишь в результате самостоятельной работы. Кроме того, самостоятельная работа включает подготовку к экзамену. При подготовке к сдаче экзамена весь объем работы рекомендуется распределять равномерно по дням, отведенным для подготовки к экзамену, контролировать каждый день выполнения работы. Лучше, если можно перевыполнить план. Тогда будет резерв времени.

6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов

Тема 1. Алгебраические структуры: группы, кольца, поля.

домашнее задание , примерные вопросы:

Углубленное изучение литературы по изучаемой теме. Обсуждение. Решение типовых задач.

Тема 2. Расширения конечных полей.

домашнее задание , примерные вопросы:

Углубленное изучение литературы по изучаемой теме. Обсуждение. Решение типовых задач.

Тема 3. Производящие функции.

домашнее задание , примерные вопросы:

Углубленное изучение литературы по изучаемой теме. Обсуждение. Решение типовых задач.

Тема 4. Рекурентные уравнения.

домашнее задание , примерные вопросы:

Углубленное изучение литературы по изучаемой теме. Обсуждение. Решение типовых задач.

контрольная работа , примерные вопросы:

1. Найти производящую функцию последовательности $\{(n+1)(2^n-n)\}$ 2. Вычислить сумму ряда $1 \cdot 2 + 2 \cdot 3 + 3 \cdot 4 + \dots$? 3. Решить рекурентное уравнение $a_{(n+2)} = a_{(n+1)} + \lceil 2a_n \rceil$, $a_0 = 3, a_1 = -1$

Тема 5. Мультипликативные функции. Дзета функция Римана.

домашнее задание , примерные вопросы:

Углубленное изучение литературы по изучаемой теме. Обсуждение. Решение типовых задач.

Тема 6. Субэкспоненциальные методы факторизации натуральных чисел.

домашнее задание , примерные вопросы:

Углубленное изучение литературы по изучаемой теме.

Тема . Итоговая форма контроля

Примерные вопросы к экзамену:

По данной дисциплине предусмотрено проведение экзамена. Примерные вопросы для экзамена - Приложение1.

1. Алгебраические структуры: группы, кольца, поля. Теорема Лагранжа о порядке элемента группы.
2. Конечные поля. Расширения конечных полей. Вычисление обратных элементов в поле.
3. Модулярная арифметика. Решение сравнений 1 порядка.
4. Символ Лежандра. Его свойства и вычисление.
- 5.Производящие функции числовых последовательностей. Определение и основные свойства. Примеры.

- 6.Дифференцирование и интегрирование производящих функций.
- 7.Таблица производящих функций.
- 8.Вычисление производящей функции ряда Фибоначчи.
- 9.Полные и приведенные системы вычетов в кольце Z_n .
- 10.Мультипликативные функции. Функция Эйлера. Формула для вычисления функции Эйлера. Теорема Эйлера о порядке элемента в Z_n .
- 11.Функция Мебиуса. Теорема о сумме значений функции Мебиуса по всем делителям натурального числа n .
- 12.Формула инверсии Мебиуса. Формула включений/исключений. Ее использование для вычисления функции простых чисел $\pi(x)$.
- 13.Функция Мангольда и ее свойства. Функция деления.
- 14.Произведение (конволюция) Дирихле. Мультипликативность конволюции мультипликативных функций.
- 15.Инверсия Дирихле. Теорема об инверсии Дирихле мультипликативной функции.
- 16.Ряды Дирихле. Дзета-функция Римана. Произведение рядов Дирихле.
- 17.Теорема Эйлера о сумме ряда обратных квадратов
- 18.Свойства дзета-функции Римана. Формула произведения Эйлера
- 19.Формула суммирования Эйлера-Маклорена (без доказательства).
- 20.Нахождение асимптотической формулы для частичной суммы гармонического ряда и ряда обратных квадратов.
- 21.Формулы Стирлинга и ее вывод с помощью формулы суммирования Эйлера-Маклорена.
- 22.Гладкие и гладкостепенные числа. Формула Бухштаба вычисление числа у-гладких чисел.
- 23.Факторизация натуральных чисел. Метод Ленстры факторизации на эллиптических кривых.

- 24.Анализ сходимости метода факторизации Ленстры с помощью изучения распределения гладко-степенных чисел.
- 25.Метод квадратичного решета факторизации натуральных чисел. Основные параметры метода и их выбор.

7.1. Основная литература:

- 1.Ишмухаметов Ш.Т. Математические основы защиты информации: учебное пособие, 2012. - . - Режим доступа:: <http://kpfu.ru/docs/F366166681/mzi.pdf>
2. Соловьев Е.Л. Генераторы случайных чисел в системах компьютерной безопасности[Электронный ресурс]. - Казань, 2014. - Режим доступа:: <http://shelly.kpfu.ru/e-ksu/docs/F833856100/FinalGen.pdf>.
3. Информационная безопасность[Электронный ресурс]: Учебное пособие / Т.Л. Партика, И.И. Попов. - 5-е изд., перераб. и доп. - М.: Форум: НИЦ ИНФРА-М, 2014. - 432 с. . - Режим доступа: <http://www.znanium.com/bookread.php?book=420047>
4. Информационная безопасность и защита информации [Электронный ресурс] : Учебник / П. Н. Башлы, А. В. Бабаш, Е. К. Баранова. - М.: РИОР, 2013. - 222 с. . - Режим доступа: <http://www.znanium.com/bookread.php?book=405000>

7.2. Дополнительная литература:

1. Маскаева А. М. Основы теории информации: Учебное пособие / А.М. Маскаева. - М.: Форум: НИЦ ИНФРА-М, 2014. - 96 с. - ЭБС "Знаниум": <http://znanium.com/bookread.php?book=429571>
2. Жук А. П. Защита информации: Учебное пособие / А.П. Жук, Е.П. Жук, О.М. Лепешкин, А.И. Тимошкин. - 2-е изд. - М.: ИЦ РИОР: НИЦ ИНФРА-М, 2015. - 392 с. - ЭБС "Знаниум": <http://znanium.com/bookread.php?book=474838>

3. Каратунова, Н. Г. Защита информации. Курс лекций [Электронный ресурс] : Учебное пособие / Н. Г. Каратунова. - Краснодар: КСЭИ, 2014. - 188 с. - ЭБС "Знаниум": <http://znanium.com/bookread.php?book=503511>

7.3. Интернет-ресурсы:

Интернет-портал образовательных ресурсов по ИТ - <http://www.intuit.ru>

Интернет-портал ресурсов по математике - <http://www.math.ru>

Электронная библиотека ресурсов по техническим наукам - <http://techlibrary.ru>

электронное пособие - http://www.ksu.ru/f9/bin_files/metod_tzis!113.doc

электронное пособие - http://www.ksu.ru/f9/bibl/Monograph_ishm.pdf

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины(модуля)

Освоение дисциплины "Математические основы защиты информации и информационной безопасности" предполагает использование следующего материально-технического обеспечения:

Мультимедийная аудитория, вместимостью более 60 человек. Мультимедийная аудитория состоит из интегрированных инженерных систем с единой системой управления, оснащенная современными средствами воспроизведения и визуализации любой видео и аудио информации, получения и передачи электронных документов. Типовая комплектация мультимедийной аудитории состоит из: мультимедийного проектора, автоматизированного проекционного экрана, акустической системы, а также интерактивной трибуны преподавателя, включающей тач-скрин монитор с диагональю не менее 22 дюймов, персональный компьютер (с техническими характеристиками не ниже Intel Core i3-2100, DDR3 4096Mb, 500Gb), конференц-микрофон, беспроводной микрофон, блок управления оборудованием, интерфейсы подключения: USB, audio, HDMI. Интерактивная трибуна преподавателя является ключевым элементом управления, объединяющим все устройства в единую систему, и служит полноценным рабочим местом преподавателя. Преподаватель имеет возможность легко управлять всей системой, не отходя от трибуны, что позволяет проводить лекции, практические занятия, презентации, вебинары, конференции и другие виды аудиторной нагрузки обучающихся в удобной и доступной для них форме с применением современных интерактивных средств обучения, в том числе с использованием в процессе обучения всех корпоративных ресурсов. Мультимедийная аудитория также оснащена широкополосным доступом в сеть интернет. Компьютерное оборудование имеет соответствующее лицензионное программное обеспечение.

Компьютерный класс, представляющий собой рабочее место преподавателя и не менее 15 рабочих мест студентов, включающих компьютерный стол, стул, персональный компьютер, лицензионное программное обеспечение. Каждый компьютер имеет широкополосный доступ в сеть Интернет. Все компьютеры подключены к корпоративной компьютерной сети КФУ и находятся в едином домене.

Учебно-методическая литература для данной дисциплины имеется в наличии в электронно-библиотечной системе "ZNANIUM.COM", доступ к которой предоставлен студентам. ЭБС "ZNANIUM.COM" содержит произведения крупнейших российских учёных, руководителей государственных органов, преподавателей ведущих вузов страны, высококвалифицированных специалистов в различных сферах бизнеса. Фонд библиотеки сформирован с учетом всех изменений образовательных стандартов и включает учебники, учебные пособия, УМК, монографии, авторефераты, диссертации, энциклопедии, словари и справочники, законодательно-нормативные документы, специальные периодические издания и издания, выпускаемые издательствами вузов. В настоящее время ЭБС ZNANIUM.COM соответствует всем требованиям федеральных государственных образовательных стандартов высшего профессионального образования (ФГОС ВПО) нового поколения.

лекции и лабораторные занятия по дисциплине проводятся в аудитории, оснащенной доской и мелом (маркером)

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВПО и учебным планом по направлению 02.04.02 "Фундаментальная информатика и информационные технологии" и магистерской программе Математические основы и программное обеспечение информационной безопасности и защиты информации .

Автор(ы):

Ишмухаметов Ш.Т. _____
"___" 201 ___ г.

Рецензент(ы):

Латыпов Р.Х. _____
"___" 201 ___ г.