

Материалы международной конференции  
по алгебре, анализу и геометрии,  
посвященной юбилеям выдающихся профессоров Казанского университета,  
математиков Петра Алексеевича (1895-1944)  
и Александра Петровича (1926-1998) Широковых,  
и молодежной школы-конференции по алгебре, анализу, геометрии

---

**МЕЖДУНАРОДНАЯ КОНФЕРЕНЦИЯ  
ПО АЛГЕБРЕ, АНАЛИЗУ И ГЕОМЕТРИИ**

*(26 июня – 2 июля 2016 г., Казань)*

---

Казанский (Приволжский) федеральный университет

2016

**Казанский (Приволжский)  
федеральный университет  
Россия, Татарстан  
420008, Казань  
ул. Кремлевская 18**

**Kazan (Volga Region)  
Federal University  
Russia, Tatarstan  
420008, Kazan  
Kremlevskaya st. 18**

Казанский (Приволжский) федеральный университет  
Академия наук Республики Татарстан  
Российский фонд фундаментальных исследований

Издание осуществлено при финансовой поддержке  
РФФИ (проекты № 16-01-20342 г и № 16-31-10218 мол\_г) и КФУ.



**УДК 510:512:514:517  
ББК 22.1**

**Материалы международной конференции по алгебре, анализу и геометрии, посвященной юбилеям выдающихся профессоров Казанского университета, математиков Петра Алексеевича (1895-1944) и Александра Петровича (1926-1998) Широковых, и молодежной школы-конференции по алгебре, анализу, геометрии.** – Казань: Казанский университет; изд-во Академии наук РТ, 2016. – 376 с.

ISBN 978-5-9690-0269-2

Сборник содержит тезисы докладов, представленных на международную конференцию по алгебре, анализу и геометрии, посвященной юбилеям выдающихся профессоров Казанского университета, математиков Петра Алексеевича (1895-1944) и Александра Петровича (1926-1998) Широковых, и молодежную школу-конференцию по алгебре, анализу, геометрии. (Казань, 24 июня – 6 июля 2016 года).

ISBN 978-5-9690-0269-2

**УДК 510:512:514:517  
ББК 22.1**

© Казанский федеральный университет, 2016  
© Издательство АН РТ, 2016

**Теорема 2.** При выполнении определенных условий регулярности существует последовательность  $\varepsilon_n \rightarrow 0$  такая, что оценка максимального правдоподобия  $\hat{\theta}_n$  является оценкой с  $\varepsilon_n$ -асимптотически равномерно минимальным  $d$ -риском среди всех оценок  $T_n$ .

## Литература

- [1] Simushkin S.V., Volodin I.N. *Statistical inference with a minimal  $d$ -risk*. // Lect. Notes Math., No. 1021. — 1983. — P. 629–636.

## ПРЕДЕЛЬНО МОНОТОННАЯ СВОДИМОСТЬ И ЕЕ СВОЙСТВА

Д. Х. Зайнетдинов<sup>1</sup>

<sup>1</sup>damir.zh@mail.ru, Казанский (Приволжский) федеральный университет, Институт математики и механики им. Н.И. Лобачевского

Данная работа посвящена изучению основных свойств предельно монотонных множеств и последовательностей, состоящих из бесконечных множеств, а также исследованию предельно монотонной сводимости (будем обозначать через  $lm$ -сводимость) множеств и последовательностей множеств.

И. Ш. Калимуллин и В. Г. Пузаренко [1] ввели понятие  $\Sigma$ -сводимости на семействах подмножеств натуральных чисел, позволяющее рассматривать семейство само по себе, не фиксируя при этом его представление с помощью натуральных чисел. В докладе будет представлено полное описание  $lm$ -сводимости в терминах  $\Sigma$ -сводимости семейств специального вида. Кроме того, будет установлена связь между предельно монотонной сводимостью множеств и  $\Sigma$ -определимостью абелевых групп специального вида.

Предварительные сведения, касающиеся предельно монотонных функций и их приложений, можно найти в обзорной работе [2].

В докладе планируется представить алгоритмические свойства предельно монотонной сводимости множеств, принадлежащих классу  $\Sigma_2^0$  арифметической иерархии. В данном направлении можно выделить следующие основные результаты:

1. Показано существование максимальной пары множеств относительно  $lm$ -сводимости; в то же время, несмотря на данное утверждение, установлено отсутствие максимального множества относительно  $lm$ -сводимости. Доказано отсутствие наибольшего  $\Sigma_2^0$ -множества относительно  $lm$ -сводимости.

2. Построена пара несравнимых  $\Sigma_2^0$ -множеств относительно  $lm$ -сводимости. Кроме того, данный результат был обобщен на последовательность множеств, а именно, построена бесконечная равномерная последовательность несравнимых  $\Sigma_2^0$ -множеств относительно  $lm$ -сводимости. Установлена вложимость каждого счётного частичного порядка в  $lm$ -степень.

3. Доказано, что не существует наименьшего не предельно монотонного  $\Sigma_2^0$ -множества относительно  $lm$ -сводимости.

Работа выполнена при частичной финансовой поддержке Российского фонда фундаментальных исследований, проекты №15-01-08252, №15-31-20607 и

№15-41-02507-р\_поволжье\_a.

## Литература

- [1] Калимуллин И. Ш., Пузаренко В. Г. *О сводимости на семействах* // Алгебра и логика. – 2009. – Т. 48. – № 1. – С. 31–53.
- [2] Downey R., Kach A., Turetsky D. *Limitwise monotonic functions and their applications* // Proceedings of the 11th Asian Logic Conference. World Scientific. – 2011. – P. 59–85.
- [3] Faizrahmanov M., Kalimullin I., Zainetdinov D. *Maximality and Minimality under Limitwise Monotonic Reducibility* // Lobachevskii Journal of Mathematics. – 2014. – Vol. 35. – № 4. – P. 333–338.
- [4] Зайнетдинов Д. Х.  *$\Sigma$ -сводимость и  $l m$ -сводимость множеств и последовательностей множеств* // Учен. зап. Казан. гос. ун-та. Сер. Физ-матем. науки. – 2016. – Т. 158. – кн. 1. – С. 51–65.

## ЗАДАЧА ТИПА КЕЛДЫША ДЛЯ В-ГИПЕРБОЛИЧЕСКОГО УРАВНЕНИЯ С ИНТЕГРАЛЬНЫМ УСЛОВИЕМ ПЕРВОГО РОДА

Н. В. Зайцева<sup>1</sup>

<sup>1</sup>*n.v.zaiceva@yandex.ru*, Казанский (Приволжский) федеральный университет, Институт математики и механики им. Н.И. Лобачевского

Пусть  $D = \{(x, t) | 0 < x < l, 0 < t < T\}$  – прямоугольная область координатной плоскости  $Oxt$ , где  $l, T > 0$  – заданные действительные числа. Обозначим части границы области через  $\Gamma_0 = \{(x, t) | t = 0, 0 \leq x \leq l\}$ ,  $\Gamma_l = \{(x, t) | x = l, 0 \leq t \leq T\}$ .

Рассмотрим в области  $D$  гиперболическое уравнение с оператором Бесселя

$$\square_B u(x, t) \equiv u_{tt} - x^{-k} \frac{\partial}{\partial x} (x^k u_x) = 0, \quad (1)$$

где  $k \geq 1$  – заданное действительное число.

**Постановка задачи.** Найти функцию  $u(x, t)$ , которая удовлетворяет следующим условиям:

$$u(x, t) \in C(\overline{D}) \cap C^1(D \cup \Gamma_0 \cup \Gamma_l) \cap C^2(D), \quad (2)$$

$$\square_B u(x, t) \equiv 0, \quad (x, t) \in D, \quad (3)$$

$$u(x, 0) = \varphi(x), \quad u_t(x, 0) = \psi(x), \quad 0 \leq x \leq l, \quad (4)$$

$$\int_0^l u(x, t) x^k dx = A = \text{const}, \quad 0 \leq t \leq T, \quad (5)$$