= ГЕОФИЗИКА =

УДК 551.583

ВЗАИМНОЕ ЗАПАЗДЫВАНИЕ МЕЖДУ ИЗМЕНЕНИЯМИ ТЕМПЕРАТУРЫ И СОДЕРЖАНИЯ УГЛЕКИСЛОГО ГАЗА В АТМОСФЕРЕ В ПРОСТОЙ СОВМЕСТНОЙ МОДЕЛИ КЛИМАТА И УГЛЕРОДНОГО ЦИКЛА

© 2015 г. К. Е. Мурышев, А. В. Елисеев, член-корреспондент РАН И. И. Мохов, А. В. Тимажев

Поступило 17.04.2015 г.

Показано, что запаздывание изменений концентрации углекислого газа в атмосфере q относительно изменений глобальной приповерхностной температуры T, полученное по данным палеореконструкций, воспроизводится в рамках общепринятых климатических моделей и не противоречит выводам о ключевой роли антропогенного парникового эффекта в современных изменениях климата. Также получено, что зависимость растворимости CO_2 в океане от температуры не меняет принципиальным образом взаимное запаздывание между q и T при внешнем воздействии на систему.

DOI: 10.7868/S0869565215240214

Определение роли естественных и антропогенных факторов современных изменений климата — одна из ключевых проблем XXI века. Цель данной работы — оценить, в какой степени о причинно-следственных связях в земной климатической системе (ЗКС) можно судить по временным сдвигам рядов данных, в частности, данных для температуры и содержания CO₂ в атмосфере.

По данным ледовых кернов, на основании которых реконструируются изменения климата в плейстоцене, в частности ледниковые циклы, отмечено общее запаздывание изменений содержания углекислого газа в атмосфере q относительно изменений приповерхностной температуры Т (см., например, [1-3]). Нередко отмеченное по палеоданным общее запаздывание q относительно Т считается аргументом против утверждения, что современное глобальное потепление обусловлено парниковым эффектом антропогенного увеличения q. При анализе данных наблюдений для 1980–2010 гг. в [4] также отмечено запаздывание q относительно Т и на этом основании сделан вывод, что антропогенные эмиссии парниковых газов не являются причиной современного потепления климата.

Институт физики атмосферы им. А.М. Обухова Российской Академии наук, Москва

Институт прикладной физики

Российской Академии наук, Нижний Новгород E-mail: kmuryshev@ifaran.ru Следует отметить, что ледниковые циклы связываются с изменениями параметров орбиты Земли — так называемыми циклами Миланковича с характерными периодами около 100, 40 и 20 тыс. лет: в связи с орбитальными вариациями меняется климат (в частности, температура), а температурные изменения способствуют вариациям содержания в атмосфере парниковых газов. Последние, в свою очередь, влияют на температурные изменения. Подобное может проявляться и при других радиационных возмущающих воздействиях.

Вариации концентрации CO_2 в атмосфере могут происходить, в том числе, за счет изменения растворимости этого газа в морской воде при изменении температуры. При потеплении CO_2 выделяется в атмосферу из океана, и в этой связи увеличение концентрации CO_2 в атмосфере в XX в. иногда трактуется как следствие, а не как причина происходящего глобального потепления.

В данной работе показано, что отмеченные взаимные запаздывания между изменениями температуры и концентрации углекислого газа в атмосфере не противоречат выводам о ключевой роли антропогенного парникового эффекта для современных изменений климата [1, 5]. В частности, получено, что зависимость растворимости CO_2 в океане от температуры не меняет принципиальным образом взаимное запаздывание между *q* и *T* при внешнем воздействии на систему.

Рассматривается глобально осредненная модель климата с углеродным циклом, учитывающая общепринятые механизмы влияния радиационного возмущающего воздействия (в том числе парникового) на состояние климата и взаимодействие между климатом и углеродным циклом:

$$\frac{dq}{dt} = E(t) - F_{oc} - F_{land},\tag{1}$$

$$\frac{dD}{dt} = F_{oc},\tag{2}$$

$$\frac{d(M_b + M_s)}{dt} = F_{land},\tag{3}$$

$$C\frac{dT}{dt} = R_x \ln\left(1 + \frac{q}{q_0}\right) - \lambda T + R_T(t).$$
(4)

Здесь q – отклонение содержания CO₂ в атмосфере от начального (доиндустриального) значения $q_0 = 590$ Гт С (что соответствует концентрации 278 млн⁻¹); D – соответствующее отклонение запаса углерода в океане; M_b и M_s – соответствующие отклонения запаса углерода в растительности и почве соответственно; Т – отклонение температуры; E(t) — внешние (в том числе антропогенные) эмиссии CO₂ в атмосферу; F_{oc} – поток CO₂ из атмосферы в океан; F_{land} – поток CO₂ из атмосферы в наземные экосистемы; $C = 10^9 \, \text{Дж} \cdot \text{м}^{-2} \cdot \text{K}^{-1}$ теплоемкость единицы площади земной поверхности; $R_x = 5.3$ Вт/м² (соответствует радиационному возмущающему воздействию при удвоении содержания СО2 в атмосфере, которое составляет 3.7 Вт · м⁻²), $\lambda = (0.8 - 2.5)$ Вт · м⁻² · К⁻¹ – коэффициент климатической чувствительности, $R_{T}(t)$ – радиационное возмущающее воздействие (РВВ).

Поток CO₂ из атмосферы в океан рассчитывается при помощи модели Бакастоу с буферным фактором, зависящим от температуры и содержания CO₂ в атмосфере [6, 7]:

$$F_{oc} = F_0 \chi(T) \left(q - \zeta(T, q) \frac{q_0}{D_0} D \right), \tag{5}$$

где F_0 — коэффициент, определяемый из условия соответствия потока F_{oc} данным наблюдений для XX в. [1] при соответствующих граничных условиях для q и T ($F_0 = (2.5-4.5) \cdot 10^{-2}$ Гг С · год⁻¹); $\chi(T)$ — характеристика растворимости CO₂ в морской воде; ζ — буферный фактор, $D_0 = 1.5 \cdot 10^5$ Гг С.

Поток CO₂ из атмосферы в наземные экосистемы рассчитывается по схеме [8]

$$F_{land} = P - BR - SR,\tag{6}$$

где P – поглощение CO₂ за счет фотосинтеза, BR и SR – выделение CO₂ за счет автотрофного и ге-

ДОКЛАДЫ АКАДЕМИИ НАУК том 463 № 6 2015

теротрофного дыхания (дыхания растений и почвы) соответственно. В свою очередь,

$$P = A_p g_f(q) \theta_p^T, \tag{7}$$

$$BR = A_P M_P \theta_P^T. \tag{8}$$

$$SR = A_{R}M_{s}\theta_{s}^{T}, \qquad (9)$$

 $SR - A_R M_s \sigma_s$, (9) где $A_p = 0.1818$ Гг С · год⁻¹, $A_R = 0.0909$ год⁻¹, $g_f(q)$ – функция, характеризующая процесс фертилизации наземной растительности углекислым газом атмосферы, $\theta_p = 1.04$, $\theta_b = 1.08$, $\theta_s = 1.09$ [9].

С моделью проведены численные эксперименты при различных значениях входящих в уравнения параметров и различных типах периодического воздействия:

1) периодических (синусоидальных) эмиссиях CO_2 в атмосферу $E(t) = E_0 \sin(\omega_E t)$ и нулевом PBB $R_T(t) = 0$;

2) периодическом (синусоидальном) PBB $R_T(t) = R_0 \sin(\omega_R t)$ и нулевых эмиссиях CO₂ в атмосферу $E(t) \equiv 0$ (эти эксперименты подобны проанализированным в [10]);

3) периодическом (синусоидальном) РВВ $R_T(t) = R_0 \sin(\omega_R t)$ и экспоненциальных эмиссиях CO₂ в атмосферу $E(t) = E_0 \exp \frac{t}{\tau_E}$. При этом типе воздействия моделируется ситуация для последних десятилетий XX в.

Анализировалось взаимное запаздывание (фазовый сдвиг) Δ_{Tq} между изменениями *T* и *q*. Подобно [2, 4] величина Δ_{Tq} определялась по максимуму коэффициента корреляции со сдвигом по времени между рядами *T* и *q*, а также дополнительно между рядами их первых разностей (q(i + 1) - q(i)) и (T(i + 1) - T(i)), i – модельный год. Характерные значения максимального коэффициента корреляции для случаев 1) и 2) составляют не менее 0.95. В случае 3) эти значения несколько меньше, но также статистически значимы.

В случае 1) *T* отстает по фазе от *q* при любых значениях параметров ($\Delta_{Tq} < 0$) (рис. 1). При увеличении периода внешнего воздействия $P = \frac{2 \pi}{\omega_E}$ значение запаздывания Δ_{Tq} асимптотически стре-

мится к величине (23 года), характеризующей термическую инерцию ЗКС.

В случае 2) *Т* может как отставать по фазе от *q*, так и опережать ее в зависимости от периода внешнего воздействия $P = \frac{2 \pi}{\omega_R}$: при периодах PBB от года до сотен лет *q* запаздывает относительно *T* ($\Delta_{Tq} > 0$), при периодах от сотен до десятков тысяч лет *T* запаздывает относительно *q* ($\Delta_{Tq} < 0$), при значениях периодов, приближающихся к сотням тысяч лет, снова отмечается запаздывание *q* относительно *T*, впрочем, незначительное по отношению к величине периода *P* (рис. 2).



Рис. 1. Отношение запаздывания Δ изменений концентрации CO₂ в атмосфере относительно эмиссий CO₂ (1), изменений температуры относительно эмиссий CO₂ (2), изменений концентрации CO₂ в атмосфере относительно изменений температуры (3) к периоду внешних эмиссий *P* при периодических (синусоидальных) эмиссиях CO₂ в атмосферу в зависимости от периода эмиссий *P*.

Запаздывание *q* относительно *T* на разных временных масштабах проявлялось также в [10]. Однако запаздывание *T* относительно *q* на вековых и тысячелетних масштабах в [10] не проявлялось. Последнее может быть связано с менее детальным учетом характеристик инерционности наземного резервуара углерода в предлагаемой модели по сравнению с [10].

Следует отметить, что и по данным ледовых кернов при более детальном анализе наряду с общим запаздыванием изменений q относительно изменений T для ледниковых циклов, периоды которых оцениваются величиной около 100 тыс. лет, проявляются противоположные фазовые сдвиги для мод с периодами около 40 тыс. лет и менее [2, 3].

Для случая 2) были также проведены численные эксперименты, в которых при расчете потока CO_2 в океан (см. (5)) использовались фиксированные значения буферного фактора ζ и растворимости CO_2 в морской воде χ . Если пренебречь зависимостью от температуры растворимости и констант других химических реакций, участвующих в неорганическом карбонатном цикле океана, качественно проявление взаимного запаздывания не меняется. Это согласуется с выводами о доминирующей роли антропогенных эмиссий в накоплении CO_2 в атмосфере в современный период в связи с выделением этого газа океаном при потеплении.

В случае 3) фазовый сдвиг определялся только по коэффициенту корреляции между рядами пер-



Рис. 2. Отношение запаздывания изменений концентрации CO_2 в атмосфере относительно PBB (1), изменений температуры относительно PBB (2), изменений концентрации CO_2 в атмосфере относительно изменений температуры (3) к периоду PBB *P* при периодическом (синусоидальном) PBB в зависимости от периода PBB *P* на разных временных масштабах.

вых разностей, поскольку коэффициент корреляции между рядами *q* и *T* не имеет ярко выраженного максимума (на протяжении всего численного эксперимента происходит рост *q* и *T* с наложенными на него малыми колебаниями, обусловленными периодическим радиационным форсингом). При этом проявление взаимного запаздывания аналогично отмеченному для случая 2).

Полученный результат может быть обобщен на широкий класс периодических воздействий (в частности, с разложением в ряд Фурье). Следует отметить, что значение периода внешнего воздействия на систему P, при котором запаздывание Δ_{Tq} меняет знак, вообще говоря, зависит от его формы как функции времени, поскольку у каждой гармоники (моды) свой собственный фазовый сдвиг.

Таким образом, можно сделать вывод, что при потеплении климата в результате эмиссий СО₂ запаздывание между изменениями глобальной температуры и концентрации СО₂ в атмосфере, определяемое по максимуму коэффициента корреляции их первых разностей (как делалось, например, в [4]), целиком определяется радиационным форсингом. Это означает, в частности, что описанный в [4] эффект запаздывания изменений концентрации СО₂ относительно изменений глобальной температуры не является достаточным основанием для утверждения, что первые не являются причиной вторых, и результаты, полученные в [4], не противоречат выводам об антропогенной природе современного глобального потепления [1].

Полученные нами результаты могут быть объяснены при рассмотрении линеаризованной исходной модели:

$$\frac{dq}{dt} = (\beta_{oc} + \beta_{land}) + \alpha D + A_R M + \gamma T + E(t), \quad (10)$$

$$\frac{dD}{dt} = -\beta_{oc}q - \alpha D, \qquad (11)$$

$$\frac{dM}{dt} = -\beta_{land}q - A_R M - \gamma T, \qquad (12)$$

$$\frac{dT}{dt} = Rq + \nu T + R_T(t).$$
(13)

Здесь

$$\beta_{oc} = -F_0, \quad \beta_{land} = -A_p g'_g(q_0),$$

$$\alpha = \zeta(T_0, q_0) \frac{q_0}{D_0}, \quad M = M_b + M_s,$$

$$\gamma = -(2\theta_p - \theta_b - \theta_s), \quad R = \frac{R_x}{Cq_0}, \quad \nu = -\frac{\lambda}{C}.$$

Аналитически могут быть получены выражения для Δ_{Tq} , имеющие разный знак при различных значениях входящих в уравнения параметров, в частности, при различных периодах внешнего воздействия *P*.

При $R_T(t) = R_0 \sin(\omega_R t)$ и $E(t) \equiv 0$ (случай 2)) решение системы (10)–(13) находим в виде

$$q = q_s \sin(\omega_R t + \varphi_a), \tag{14}$$

$$T = T_s \sin(\omega_R t + \varphi_T), \qquad (15)$$

а при $R_T(t) = R_0 \sin(\omega_R t)$ и $E(t) = E_0 \exp \frac{t}{\tau_E}$ (случай 3)) — в виде

$$q = q_e \exp \frac{t}{\tau_E} + q_s \sin(\omega_R t + \varphi_q), \qquad (16)$$

$$T = T_e \exp \frac{t}{\tau_E} + T_s \sin(\omega_R t + \varphi_T).$$
(17)

ДОКЛАДЫ АКАДЕМИИ НАУК том 463 № 6 2015

Здесь φ_q — фазовый сдвиг *q* относительно $R_T(t)$, φ_T — фазовый сдвиг *T* относительно $R_T(t)$, а $\Delta_{Tq} = \varphi_T - \varphi_q$. Изменения решения при экспоненциальных эмиссиях связаны с апериодическими слагаемыми $q_e \exp \frac{t}{\tau_E}$ и $T_e \exp \frac{t}{\tau_E}$, которые существенным образом не влияют на значение запаздывания, определяемое по максимуму коэффициента корреляции. В вырожденном случае $\tau_E = \infty$, соответствующем постоянным эмиссиям, выражения для первых разностей *q* и *T* в случаях 2) и 3) совпадают между собой. Этим объясняется аналогичное проявление взаимного запаздывания изменений *q* и *T* для случаев 2) и 3).

Можно показать (если пренебречь зависимостью F_{oc} от D), что при

$$\omega < \omega_0 = (\beta_{oc} \nu)^{1/2} \tag{18}$$

 $\varphi_q > 0$, т.е. изменения *q* опережают по фазе вызывающий их радиационный форсинг (для реалистичных значений β_{oc} и v величина $\frac{2\pi}{\omega_0}$ порядка нескольких сотен лет). Качественно это согласуется с результатами численных экспериментов (рис. 2).

Следует отметить, что взаимное запаздывание между анализируемыми переменными определяется как причинно-следственными связями между ними, так и временными масштабами, связанными с этими переменными [11]. В рассмотренной модели наряду с временными масштабами внешних воздействий $\left(\frac{2\pi}{\omega_R}, \frac{2\pi}{\omega_E} \text{ и } \tau_E\right)$ можно также выделить временные масштабы, один из которых связан с термической инерционностью ЗКС и может быть оценен как $\tau_T = v^{-1} = \frac{C}{\lambda} \sim 30$ лет, второй — с откли-ком содержания CO₂ в атмосфере на внешние воздействия, который равен $\tau_q = (\beta_{oc} + \beta_{land})^{-1}$ (около 30 лет для океанического резервуара и около 10 лет для наземного), а также временной масштаб, связанный со взаимодействием климата и углеродного цикла и равный $\tau_* = 2\pi [(\beta_{oc} + \beta_{land})v]^{-1/2}$, т.е. порядка нескольких сотен лет. Масштаб термической инерционности т_Т характеризует асимптотическое значение Δ_{Tq} при антропогенных эмиссиях CO_2 в атмосферу с большим (относительно τ_T) периодом $P = \frac{2\pi}{\omega_E}$. Асимптотическое значение Δ_{Tq} в случае внешнего радиационного возмущения может быть оценено суммарным запаздыванием, связанным с τ_T и τ_a .

Следует отметить, что в рассматриваемой модели при PBB с периодами порядка 1000 лет и более знак Δ_{Tq} меняется также в зависимости от знака параметра $\gamma = -(2\theta_p - \theta_b - \theta_s)$, который, в свою очередь, может меняться при малом изменении параметров θ_p , θ_b , θ_s . Это означает, что интерпретация знака запаздывания между изменениями qи T, получаемого по данным наблюдений, зависит от знака γ . По смыслу γ – это параметр обратной связи между климатом и углеродным циклом ($\gamma > 0$ означает, что потепление климата способствует росту концентрации CO₂ в атмосфере). В большинстве современных моделей эта обратная связь положительная [12] и в данной работе рассматривался только случай $\gamma > 0$.

Таким образом, показано, что запаздывание изменений концентрации углекислого газа в атмосфере *q* относительно изменений глобальной приповерхностной температуры Т, полученное по данным палеореконструкций, также воспроизводится в рамках общепринятых климатических моделей и не противоречит выводам о ключевой роли антропогенного парникового эффекта в современных изменениях климата. Также получено, что изменения *q* могут как запаздывать относительно изменений Т, так и опережать их в зависимости от типа внешнего воздействия на ЗКС (радиационного возмущающего воздействия или внешних эмиссий СО₂ в атмосферу), периода этого воздействия и характеристик обратной связи между климатом и углеродным циклом.

Работа выполнена при поддержке грантов Правительства РФ (соглашение 14.Z50.31.0033 с ИПФ РАН) и Российского фонда фундаментальных исследований (проекты 13–05–00652, 14–05–31163, 14–05–00639), а также программ РАН.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Climate Change 2013: The Physical Science Basis / T. Stocker, D. Qin, G.-K. Plattner, et al. Eds. Cambridge; N.Y.: Cambridge Univ. Press, 2013. 1535 p.
- 2. *Мохов И.И., Безверхний В.А., Карпенко А.А. //* Изв. РАН. Физика атмосферы и океана. 2005. Т. 41. № 5. С. 579–592.
- Мохов И.И., Безверхний В.А., Карпенко А.А. / В кн.: Экстремальные природные явления и катастрофы. Т. 1. Оценка и пути снижения негативных последствий экстремальных природных явлений. М.: ИФЗ РАН, 2010. С. 312–319.
- 4. *Humlum O., Stordahl K., Solheim J.-E.* // Glob. Planet Change. 2013. V. 100. P. 51–69.
- 5. Мохов И.И., Смирнов Д.А., Карпенко А.А. // ДАН. 2012. Т. 443. № 2. С. 225–231.
- Meier-Reimer E., Hasselmann K. // Clim. Dyn. 1987. V. 2. № 2. P. 63–90.
- 7. *Mokhov I.I., Eliseev A.V.* // Carbon Balance and Management. 2008. V. 3. № 4.
- 8. *Eliseev A.V., Mokhov I.I.* // Theor. Appl. Climatol. 2007. V. 89. № 1/2. P. 9–24.
- 9. *Lenton T.M.* // Tellus. 2000. V. 52B. № 5. P. 1159–1188.
- 10. Willeit M., Ganopolski A., Dalmonech D., et al. // Clim. Dyn. 2014. V. 42. № 7–8. P. 1699–1713.
- Ganopolski A., Roche D.M. // Quart. Sci. Rev. 2009. V. 28. № 27/28. P. 3361–3378.
- 12. Boer G.J., Arora V.K. // J. Climate. 2013. V. 26. № 10. P. 3326–3341.