

УДК 517.9  
ББК 22.161.6я43  
Ш51

Математика

Редакторы:  
А. К. Деменчук, С. Г. Красовский, Е. К. Макаров

*Конференция проводится при финансовой поддержке  
Белорусского республиканского фонда фундаментальных исследований*

**XVI Международная научная конференция по дифференциальным  
Ш51 уравнениям (ЕРУГИНСКИЕ ЧТЕНИЯ-2014):** тез. докладов Международной  
научной конференции. Новополоцк, 20–22 мая 2014 г. — Часть 2. — Мн.: Институт  
математики НАН Беларуси, 2014. — 120 с.

ISBN 987-985-6499-84-8 (Часть 2)  
ISBN 978-985-6499-82-4

Сборник содержит тезисы докладов, представленных на XVI Международной научной конференции по дифференциальным уравнениям (Еругинские чтения-2014) по вопросам уравнений в частных производных, интегро-дифференциальных операторов и уравнений, дифференциальных уравнений их приложений, методики преподавания математических дисциплин в высшей школе.

ISBN 987-985-6499-84-8 (Часть 2)  
ISBN 978-985-6499-82-4

© Коллектив авторов, 2014  
© Институт математики НАН Беларуси, 2014

где  $\varepsilon > 0$ ,  $f(t, u) \in C^{0,1}([0, +\infty) \times \mathbb{R})$ ,  $g(x) \in L_2(\Omega)$ . Предполагается, что выполнены условия:

$$\begin{aligned} \lim_{t \rightarrow +\infty} f(t, u) &= \tilde{f}(u), \quad \tilde{f}(u) \in C^1(\mathbb{R}), \\ f(t, u)u &\geq -C, \quad f'_u(t, u) \geq -C, \\ |f'_u(t, u)| &\leq C(u^2 + 1), \quad |\tilde{f}'(u)| \leq C(|u|^\alpha + 1) \quad (0 \leq \alpha < 2), \\ |f(t, u) - \tilde{f}(u)| &\leq k(t)(|u|^3 + 1), \end{aligned}$$

где  $C > 0$ ,  $k(t) \in C([0; +\infty))$ ,  $k(t) \rightarrow 0$  при  $t \rightarrow +\infty$ .

Уравнение (1) порождает в пространстве  $E = H_0^1(\Omega) \times L_2(\Omega)$  семейство эволюционных операторов  $\{S_{t,\tau}, t \geq \tau \geq 0\}$ :

$$S_{t,\tau} : y_0 \rightarrow y(t),$$

где  $y_0 = (u_0, p_0) \in E$ ,  $y(t) = (u(t), \partial_t u(t))$ ,  $u(t)$  — решение уравнения (1) с начальными условиями  $u|_{t=\tau} = u_0$ ,  $\partial_t u|_{t=\tau} = p_0$ .

Максимальным аттрактором семейства  $\{S_{t,\tau}\}$  назовем компактное в  $E$  множество  $\mathfrak{M}$ , притягивающее при  $t \rightarrow +\infty$  траекторию  $S_{t,0}B$  любого ограниченного в  $E$  множества  $B$  и содержащееся в любом другом компактном множестве, обладающем таким же свойством притяжения.

Автономное уравнение

$$\partial_t^2 v + \varepsilon \partial_t v = \Delta v - \tilde{f}(v) - g(x), \quad v|_{x \in \partial\Omega} = 0,$$

порождает в  $E$  полугруппу операторов  $\{S_t, t \geq 0\}$  (см.[1]). Предположим, что  $\{S_t\}$  имеет конечное число стационарных точек; пусть  $y_i = (z_i, 0)$  — какая-либо из них. Обозначим через  $M^H(y_i)$  совокупность всех точек  $y \in E$ , через которые проходят траектории  $S_t y_0$ , продолжаемые для всех  $t \leq 0$  и удовлетворяющие условию:  $S_t y_0 \rightarrow y_i$  в  $E$  при  $t \rightarrow -\infty$ . Пусть  $M = \bigcup_i M^H(y_i)$ .

**Теорема.** Семейство эволюционных операторов  $\{S_{t,\tau}\}$ , отвечающее уравнению (1), имеет максимальный аттрактор  $\mathfrak{M}$ , причем  $\mathfrak{M} \subset \bigcup_i M^H(z_i)$  и  $S_t \mathfrak{M} = \mathfrak{M} \quad \forall t \geq 0$ .

#### Литература

1. Бабин А. В., Вишик М. И. *Аттракторы эволюционных уравнений*. М.: Наука, 1989. 294 с.

## ЕДИНСТВЕННОСТЬ РЕШЕНИЯ КРАЕВОЙ ЗАДАЧИ ДЛЯ ОДНОГО СИНГУЛЯРНОГО ПАРАБОЛИЧЕСКОГО УРАВНЕНИЯ С ИНТЕГРАЛЬНЫМ УСЛОВИЕМ ВТОРОГО РОДА

И.Б. Гарипов, Р.М. Мавлявиев

Казанский (Приволжский) федеральный университет, Казань, Россия  
ilnur\_garipov@mail.ru, mavly72@mail.ru

В настоящее время активно изучаются задачи с интегральными условиями. Смешанная задача с интегральным условием для гиперболического уравнения была рассмотрена в работе [1]. Гиперболическое уравнение с оператором Бесселя и с нелокаль-