5. *Нукенов Д., Пунанова С.А., Агафонова З.Г.* Металлы в нефтях, их концентрация и методы извлечения. М.: ГЕОС, 2001. 77 с.

6. Шустер В.Л., Пунанова С.А. Нетрадиционные трудноизвлекаемые ресурсы нефти и газа: проблемы освоения и экологии // Экспозиция Нефть Газ, 2018. № 3 (63). С. 14–18.

7. Пунанова С.А., Нукенов Д., Мухаметшин Р.З. К вопросу о металлоносных нефтях и возможности извлечения из них ванадия // Геология, геофизика и разработка нефтяных месторождений. 2013. № 10. С. 55–59.

8. *Мухаметшин Р.3., Нукенов Д., Пунанова С.А.* Первоочередные объекты нетрадиционного углеводородного сырья на территории Татарстана и Казахстана // Геоинформатика. 2014. № 2 (50). С. 36–42.

9. *Нукенов Д*. Комплексное освоение трудноизвлекаемых запасов углеводородов: методы извлечения ванадия из нефтей Казахстана // Трудноизвлекаемые и нетрадиционные запасы углеводородов: опыт и прогнозы: Материалы Междунар. научн.-практич. конфер. Казань: Изд-во «Фэн» АН РТ, 2014. С. 304–307.

10. *Нусупбекова Д.А., Нурмамбетов К.Э., Нурмамбетова Д.Э., Нукенов Д.* Способ извлечения металлов из высоковязких нефтей. Пат. № 23169 от 20.09.2010. Республика Казахстан.

11. *Нукенов Д., Рахматолла А.Ш.* и др. Подвесная центрифуга непрерывного действия. Пат. № 1692 от 30.06.2016 г.

ЧИСЛЕННОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ ВЫТЕСНЕНИЯ ЛЕГКОЙ НЕФТИ ИЗ ЦИФРОВОГО КЕРНА ПРИ РАЗЛИЧНЫХ УСЛОВИЯХ СМАЧИВАНИЯ

Д.И. Петрова, Т.Р. Закиров, М.Г. Храмченков

Институт геологии и нефтегазовых технологий, Казанский (Приволжский) федеральный университет, г. Казань, DaIPetrova@kpfu.ru

Введение

Двухфазное течение жидкостей в пористой среде имеет важное значение во многих инженерных и промышленных дисциплинах, таких как разработка нефтяных и газовых месторождений, повышение нефтеотдачи, подземная механика флюидов и многие другие [1]. Различные сочетания между межфазным натяжением, скоростью течения, углом смачивания, соотношением вязкостей между нагнетаемой и вытесненной жидкостью, а также неоднородностью и анизотропией пористой структуры способствуют различным механизмам вытеснения, таким как капиллярные пальцы (CF), вязкие пальцы (VF) и течение со стабильным фронтом (CD) [2].

Целью данной работы является исследование влияния краевого угла смачивания на распределение флюидов в цифровой модели керна с неоднородной пористой структурой. Основным инструментом исследования является численное моделирование. Вычислительные эксперименты проводятся при динамических режимах течения, т.е. различных числах капиллярности.

В данной работе угол смачивания $\theta < 90^{\circ}$ соответствует дренированию, а $\theta > 90^{\circ}$ – пропитке. Таким образом, переход от дренирования к пропитке происходит с увеличением краевого угла смачивания.

1. Методы исследования

1.1. Математическая модель

В данной работе для исследования двухфазного течения жидкости в масштабе поровых каналов используются решеточные уравнения Больцмана с применением MRT оператора столкновений и модель градиента цветового поля, позволяющая моделировать явления на границе раздела фаз. Ввиду ограниченности объемов рукописи, а также широкой освещенности используемых в работе математических моделей, читатель может подробно ознакомиться с ними с помощью литературных источников [3].

1.2. Параметры вычислительных экспериментов

Цифровая модель порового пространства была сгенерирована с использованием метода Монте-Карло, подробно описанного в [4]. Поровое пространство цифровой модели, показанное на рис. 1, является изотропным и состоящим из гранул разного размера, форма которых близка к округлой. Размер области течения составляет 900 ячеек по оси ОХ и 450 ячеек по оси ОҮ. Шаг сетки равен 5 мкм. Пористость образца 0,65, абсолютная проницаемость 65,2 мкм².

Для численного описания неоднородности пористой структуры используется коэффициент беспорядочнос-

ти, вычисляемый по следующей формуле: $H = \sum_{i=1}^{N} \sqrt{\frac{(\varphi_i^{\alpha} - \varphi)^2}{N-1}}$ [5] (φ – пористость образца, φ_i^{α} – локальная по-

ристость, вычисленная в *i*-ой ячейке, *N* – количество ячеек для измерения локальной пористости). Неоднородность рассматриваемой цифровой модели составляет 0,086, что, согласно [4], указывает на среднюю гетерогенность порового пространства.

В начальный момент времени область течения целиком заполнена вытесняемой жидкостью, например,

нефтью. Входная и выходная границы области течения соприкасаются со слоями толщиной 10 и 5 ячеек, соответственно, полностью заполненными нагнетаемой и вытесняемой жидкостями, соответственно (рис. 1). Нагнетаемая жидкость подается на входную границу области при известной и постоянной скорости $u_x = u_0$. На выходной границе устанавливается постоянное давление. Отбор обеих жидкостей проводится через выходную границу. Касательная ко входной и выходной границам компонента скорости u_y равна нулю. Внешние границы считаются непроницаемыми.

Вычислительные эксперименты проводятся при контактных углах смачивания θ , варьирующихся в пределах от 30° до 150°. Увеличение угла смачивания обозначает переход между дренированием и пропиткой. Соотношение вязкостей между нагнетаемой и вытесняемой жидкостями составляет 1/10, что, к примеру, соответствует вытеснению легкой нефти водой. Динамические условия течения создаются различными соотношениями между скоростью течения u_0 и межфазным натяжением σ . Значение $log_{10}Ca$ варьируется в пределах от -5.5 to -2.9, что соответствует режимам течения как с преобладанием капиллярных, так и вязких сил.

2. Результаты исследования

Перед представлением основных результатов, число капиллярности должно быть поставлено в соответствие соотношению между капиллярными и вязкими силами, оцененными при различных углах смачивания (рис. 2). На данном графике ΔP_{visc} было измерено при отсутствии капиллярных эффектов, т.е. когда межфазное натяжение равно 0 (черные кривые). ΔP_{cap} , которое включает в себя действие капиллярных сил, измерено как разница между общим детектируемым давлением $\Delta P_{detected}$ и действием вязких сил трения по следующей формуле: $\Delta P_{cap} = \Delta P_{detected} - \Delta P_{visc}$.

Как видно по кривым на рис. 2, по мере увеличения возрастает соотношение между вязкой силой трения и капиллярным сопротивлением, что, конечно, ожидается в соответствии с определением числа *Ca*. Кроме того, с увеличением краевого угла смачивания, определяющего переход от дренирования к пропитке, обнаруживается уменьшение среднего перепада давления, что подтверждается экспериментами [6]. Чувствительность давления к изменениям краевого угла смачивания более выражена при малых числах капиллярности, когда капиллярные силы являются доминирующими.

Как показано на рис. 2а для $log_{10}Ca = -5.4$, соотношение $\Delta P_{visc} / \Delta P_{cap} (\theta = 30^{\circ}) \approx 1/15$ т.е. вязкие силы пренебрежимо малы. Данный режим течения может считаться квазистационарным. Для $-5 < log_{10}Ca < -4.6$ (рис. 2b и 2c), капиллярные силы продолжают доминировать, однако доля вязких сил увеличивается: $\Delta P_{visc} / \Delta P_{cap} (\theta = 30^{\circ}) \approx [1/4 \div 1/2]$. Дальнейшее увеличение числа капиллярности способствует превалированию вязких сил трения (рис. 2 d).

На рис.3 показано распределение жидкостей в момент времени, предшествующий прорыву. Как известно [7, 8], механика вытеснения при различных углах смачивания зависит от трех механизмов – «касания и перекрытия», «взрывы» и вязкая диссипация. В данной работе выделено четыре переходных зоны между режимами CD, CF и VF.

1. При пренебрежении вязкими силами $\Delta P_{visc} << \Delta P_{cap}$ (log10Ca \leq -5). В данном режиме, в зависимости



Рис. 1. Цифровая модель пористой структуры. Черным цветом обозначены твердые частицы, серым – поровое пространство, занятое вытесняемой жидкостью в начальный момент времени.



Рис. 2. Динамика перепада давления при различных углах смачивания и числах капиллярности.



wetting angle θ

Рис. 3. Распределение жидкостей в цифровом керне при различных числах капиллярности и краевых углах смачивания.

от угла смачивания, обнаружены CF и CD (рис. 3). Переход между CF и CD происходит при отсутствии доминирования стабилизирующих фронт «касаний и перекрытий» и дестабилизирующих «взрывов». Данный режим обозначен как CZ (1) на рис. 3.

2. При θ < 70⁰ «касаний и перекрытий» практически отсутствуют. В данном случае режим течения определяется балансом между дестабилизирующими фронт вязкими силами диссипации и капиллярным давлением «взрывов». Если один из механизмов доминирует, наблюдаются VF или CF. Переход между VF или CF обозначен как CZ (2) на рис. 3.

3. При *θ*> 120⁰, доля явлений «взрыва» является незначительной. В зависимости от соотношения между капиллярными и вязкими силами, механика вытеснения соответствует VF или CD. Переход между VF и CD обозначении как CZ (3) на рис. 3.

4. В диапазоне $-4,7 < log_{10}Ca < -3,9$, величина вязких и капиллярных сил одного порядка. Для $70^{\circ} < \theta < 120^{\circ}$ частоты «касаний и перекрытий», «взрывов» и вязкой диссипации являются величинами одного порядка. При данных параметрах мы имеем дело с наиболее сложной переходной зоной (CZ(0) на рис. 3), в которой все дестабилизирующие и стабилизирующие фронт явления соревнуются друг с другом.

Работа выполнена частично при поддержке гранта РФФИ №20-35-80003, а также счет средств субсидии, выделенной Казанскому федеральному университету для выполнения государственного задания в сфере научной деятельности (проект № 075-00216-20-05 от 04.06.2020 (часть II, раздел I)).

Выводы

В данной работе представлены численные результаты исследовании влияния краевого эффекта смачивания на распределение жидкостей в цифровой модели керна с неоднородной пористой структурой. Представлена фазовая диаграмма распределения жидкостей в координатах число капиллярности – угол смачивания. В зависимости от баланса между стабилизирующими и дестабилизирующими межфазный фронт эффектами было выделено четыре переходных режима течения.

Литература

1. Bakhshian, S., Hosseini, S. A., Shokri, N., 2019. Pore-scale characteristics of multiphase flow in heterogeneous porous media using the lattice Boltzmann method. Scientific Reports, 9(1), 3377. DOI: 10.1038/s41598-019-39741-x.

2. *Trojer, M., Szulczewski, M. L., Juanes, R.*, 2015. Stabilizing fluid-fluid displacements in porous media through wettability alteration. Physical Review Applied, 3(5), 054008. https://doi.org/10.1103/PhysRevApplied.3.054008.

3. *Huang, H., Huang, J.-J., Lu, X.-Y.*, 2014. Study of immiscible displacements in porous media using a color-gradient-based multiphase lattice Boltzmann method. Computers & Fluids, 93, 164–172. https://doi.org/10.1016/ j.compfluid.2014.01.025.

4. Zakirov, T. R., Khramchenkov, M. G., 2020b. Prediction of permeability and tortuosity in heterogeneous porous media using a disorder parameter. Chemical Engineering Science, 227, 115893. https://doi.org/10.1016/j.ces.2020.115893.

5. Laubie, H., Monfared, S., Radjan, F., Pellenq, R., Ulm, F.-J., 2017. Disorder-induced stiffness degradation of highly disordered porous materials. Journal of the Mechanics and Physics of Solids, 106, 207–228. http://dx.doi.org/10.1016/j.jmps.2017.05.008.

6. Primkulov, B. K., Pahlavan, A. A., Fu, X. J., Zhao, B.Z., MacMinn, C.W., Juanes, R., 2019. Signatures of fluid-fluid displacement in porous media: Wettability, patterns and pressures. Journal of Fluid Mechanics, 875, R4. https://doi. org/10.1017/jfm.2019.554.

7. Cieplak, M., Robbins, M.O., 1988. Dynamical transition in quasi-static fluid invasion in porous-media. Physical Review Letters, 60(20), 2042–2045. https://doi.org/10.1103/PhysRevLett.60.2042.

8. *Cieplak, M., Robbins, M.O.*, 1990. Influence of contact-angle on quasi-static fluid invasion of porous-media. Physical Review B, 41(16), 11508–11521. https://doi.org/10.1103/PhysRevB.41.11508.