

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования  
«Казанский (Приволжский) федеральный университет»

УТВЕРЖДАЮ

Проректор по образовательной деятельности

  
Д.А. Тюрский  
«15» *сентября* 2017г.  


**ПРОГРАММА ВСТУПИТЕЛЬНОГО ИСПЫТАНИЯ  
ПО СПЕЦИАЛЬНОСТИ**

для поступающих на программы подготовки научно-педагогических  
кадров в аспирантуре

**Направление 01.06.01 – Математика и механика**

*Направленность (профиль): 01.02.05 – Механика жидкости, газа и плазмы*

Казань 2017

## **1. Вопросы программы вступительного экзамена в аспирантуру по специальности**

01.02.05 – Механика жидкости, газа и плазмы

### **Раздел 1. Кинематика сплошных сред**

1. Системы отсчета и системы координат. Лагранжевы и эйлеровы координаты. Инерциальные и неинерциальные системы отсчета в ньютоновской механике.
2. Точки зрения Эйлера и Лагранжа при изучении движения сплошных сред.
3. Определения и свойства кинематических характеристик движения: перемещения, траектории, скорость, линии тока, критические точки, ускорение, тензор скоростей деформации и его инварианты, вектор вихря, потенциал скорости, циркуляция скорости, установившееся и неустановившееся движение среды.

### **Раздел 2. Основные понятия и уравнения динамики и термодинамики**

1. Закон сохранения массы. Уравнение неразрывности в переменных Эйлера и Лагранжа. Условие несжимаемости.
2. Массовые и поверхностные, внутренние и внешние силы. Законы сохранения количества движения и моментов количества движения для конечных масс сплошной среды. Дифференциальные уравнения движения и момента количества движения сплошной среды.
3. Работа внутренних поверхностных сил. Кинетическая энергия и уравнение живых сил для сплошной среды в интегральной и дифференциальной формах.
4. Понятие о параметрах состояния, пространстве состояний, процессах и циклах. Закон сохранения энергии, внутренняя энергия. Уравнение притока тепла. Вектор потока тепла. Дифференциальные уравнения энергии и притока тепла. Законы теплопроводности Фурье.
5. Обратимые и необратимые процессы. Совершенный газ. Цикл Карно. Второй закон термодинамики. Энтропия и абсолютная температура. Некомпенсированное тепло и производство энтропии. Уравнения состояния. Термодинамические потенциалы двухпараметрических сред.

### **Раздел 3. Модели жидких и газообразных сред**

1. Модель идеальной жидкости. Уравнения Эйлера. Полные системы уравнений для идеальной, несжимаемой и сжимаемой жидкостей. Начальные и граничные условия.
2. Интегралы Бернулли и Коши—Лагранжа. Явление кавитации.
3. Теорема Томсона и динамические теоремы о вихрях. Возникновение вихрей.
4. Модель вязкой жидкости. Линейно-вязкая (ньютоновская) жидкость. Уравнения Навье – Стокса. Полные системы уравнений для вязкой несжимаемой и сжимаемой жидкостей. Начальные и граничные условия. Диссипация энергии в вязкой теплопроводной жидкости.

5. Равновесие жидкости и газа в поле потенциальных массовых сил. Закон Архимеда.

#### **Раздел 4. Движение идеальной несжимаемой жидкости**

1. Общая теория непрерывных потенциальных движений несжимаемой жидкости. Свойства гармонических функций. Многозначность потенциала в многосвязных областях. Кинематическая задача о произвольном движении твердого тела в неограниченном объеме идеальной несжимаемой жидкости. Энергия, количество движения и момент количества движения жидкости при движении в ней твердого тела. Движение сферы в идеальной жидкости.
2. Силы воздействия идеальной жидкости на тело, движущееся в безграничной массе жидкости. Основы теории присоединенных масс. Парадокс Даламбера.
3. Плоские движения идеальной жидкости. Функция тока. Применение методов теории аналитических функций комплексного переменного для решения плоских задач гидродинамики и аэродинамики. Стационарное обтекание жидкостью цилиндра и профиля. Формулы Чаплыгина и теорема Жуковского. Правило Жуковского и Чаплыгина определения циркуляции вокруг крыльев с острой задней кромкой.
4. Плоские задачи о струйных течениях жидкости. Обтекание тел с отрывом струй. Схемы Кирхгофа, Эфроса и др. Определение поля скоростей по заданным вихрям и источникам.

#### **Раздел 5. Движение вязкой жидкости. Теория пограничного слоя.**

##### **Турбулентность**

1. Ламинарное движение несжимаемой вязкой жидкости. Течения Куэтта и Пуазейля. Диффузия вихря.
2. Ламинарный пограничный слой. Задача Блазиуса. Интегральные соотношения и основанные на их использовании приближенные методы в теории ламинарного пограничного слоя. Явление отрыва пограничного слоя. Устойчивость пограничного слоя.
3. Турбулентность. Опыт Рейнольдса. Уравнения Рейнольдса. Турбулентный перенос тепла и вещества. Полуэмпирические теории турбулентности. Профиль скорости в пограничном слое. Логарифмический закон.
4. Движение жидкости и газа в пористой среде. Закон Дарси. Система уравнений подземной гидрогазодинамики. Неустановившаяся фильтрация газа. Примеры точных автомодельных решений.

#### **Раздел 6. Движение сжимаемой жидкости. Газовая динамика**

1. Распространение малых возмущений в сжимаемой жидкости. Волновое уравнение. Скорость звука.
2. Запаздывающие потенциалы. Эффект Допплера. Конус Маха. Уравнения газовой динамики. Характеристики.
3. Влияние сжимаемости на форму трубок тока при установившемся движении. Элементарная теория сопла Лавалья.

4. Одномерные неустановившиеся движения газов с плоскими, цилиндрическими и сферическими волнами. Автомодельные движения и классы соответствующих задач. Задачи о поршне и о сильном взрыве в газе.
5. Волны Римана. Эффект опрокидывания волн. Адиабата Гюгонио.
6. Течения с гиперзвуковыми скоростями. Закон сопротивления Ньютона.

#### **Раздел 7. Физическое подобие, моделирование**

1. Система определяющих параметров для выделенного класса явлений. Основные и производные единицы измерения. Формула размерностей. П-теорема. Примеры приложений. Определение физического подобия. Моделирование. Критерии подобия. Числа Эйлера, Маха, Фруда, Рейнольдса, Струхала, Прандтля.

### **2. Учебно-методическое и информационное обеспечение программы вступительного экзамена в аспирантуру по специальности**

01.02.05 – Механика жидкости, газа и плазмы

#### Основная литература

2. Кочин Н.Е., Кибель И.А., Розе Н.В. Теоретическая гидромеханика. Ч. I, II. – М.: Физматгиз, 1963. – 728 с.
3. Седов Л.И. Механика сплошной среды. Т. I, II. 5-е изд. – М.: Наука, 1994. – 530 с.
4. Ландау Л.Д., Лифшиц Е.М. Гидродинамика. 3-е изд. – М.: Наука, 1986. – 734 с.
5. Лойцянский Л.Г. Механика жидкости и газа. – М.: Дрофа, 2003. – 846 с.
6. Черный Г.Г. Газовая динамика. – М.: Наука, 1988. – 425 с.
7. Прандтль Л. Гидроаэромеханика. – М.: Изд-во РХД, 2000. – 575 с.
8. Шлихтинг Г. Теория пограничного слоя. – М.: Наука, 1974. – 711 с.

#### Дополнительная литература

1. Седов Л.И. Плоские задачи гидродинамики и аэродинамики. Изд.2- М.: Наука, 1966.– 448 с.
2. Абрамович Г.Н. Прикладная газовая динамика. – М.: Наука. Гл. ред. физ.-мат. лит., 1991. — 304 с.
3. Механика сплошных сред в задачах. Т. 1, 2 / Г.Я. Галин, А.Н. Голубятников, Я.А. Каменярж и др. – М.: Московский лицей, 1996. – 396 с. (т.1), 394 с. (т.2).
4. Чарный И.А. Подземная гидрогазодинамика. – М.: Гостоптехиздат, 1963. – 397 с.
5. Липанов А.М., Кисаров Ю.Р., Ключников И.Г. Численный эксперимент в классической гидромеханике турбулентных потоков. – Екатеринбург: Изд-во УрО РАН, 2001. – 160 с.
6. Уизем Дж. Линейные и нелинейные волны. – М.: Мир, 1977. – 638 с.

Программа вступительного экзамена в аспирантуру составлена в соответствии с государственными образовательными стандартами высшего профессионального образования по специальности 01.02.05 – Механика жидкости, газа и плазмы.