

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования  
«Казанский (Приволжский) федеральный университет»

УТВЕРЖДАЮ  
Проректор по образовательной деятельности



**ПРОГРАММА ВСТУПИТЕЛЬНОГО ИСПЫТАНИЯ  
ПО СПЕЦИАЛЬНОСТИ**

для поступающих на программы подготовки научно-педагогических  
кадров в аспирантуре

**Направление 01.06.01 – Математика и механика**

*Направленность (профиль): 01.02.04 – Механика деформируемого  
твердого тела*

Казань 2017

**1. Вопросы программы вступительного экзамена в аспирантуру по специальности**  
01.02.04 – Механика деформируемого твердого тела

**1. Вопросы программы вступительного экзамена в аспирантуру по специальности**

**Раздел 1. Механика деформируемого твердого тела (МДТТ)**

Теория деформации. Упругое перемещение. Компоненты малой деформации. Главные оси тензора деформации. Поверхность деформации. Уравнения неразрывности деформации. Анализ напряженного состояния. Внешние силы. Внутренние силы упругости. Исследование напряженного состояния в данной точке тела. Условие равновесия упругих сил, приложенных к граням вырезанного параллелепипеда. Границные условия. Уравнения Бельтрами. Связи между напряжениями и деформациями. Энергия деформации. Закон Гука, Формулы Грина и Кастилиано. Плоская задача теории упругости. Плоская деформация. Плоское напряженное состояние. Функция напряжения Эри. Общее решение основных уравнений теории упругости. Кручение призматических стержней. Кручение круглого стержня. Кручение стержня прямоугольного сечения. Мембранный аналогия Прандтля. Изгиб консольной балки. Функции напряжений С.П. Тимошенко. Изгиб балки эллиптического сечения. Основные теоремы упругости. Теорема о минимуме энергии деформации. Теорема Бетти. Теорема о работе внешних сил. Основные вариационные принципы в теории упругости. Принцип Лагранжа. Принцип Кастилиано. Приближенные методы решения задач теории упругости. Метод Тимошенко – Ритца и метод Бубнова – Галеркина. Теория пластин и оболочек. Основные уравнения равновесия элемента упругой тонкой оболочки. Безмоментная и моментная теории оболочек. Области их применимости. Нелинейная теория оболочек. Устойчивость тонкостенных конструкций. Поведение тонкостенных конструкций за пределами упругости. Вязкоупругие оболочки. Выпучивание пластин и оболочек.

**Раздел 2. Теория определяющих соотношений МДТТ**

Моделирование процессов деформирования. Связанные механические, тепловые, диффузионные, электромагнитные поля. Материальные функции и принципиальные схемы их экспериментального нахождения. Адекватные теории и методы достижимости адекватности (совершенство эксперимента, введение гипотез и т. д.). Требования, предъявляемые к материальным функциям. Реономные и склерономные реологические соотношения. Постулаты макрофизической определимости, материальной объективности, изотропии. Учет анизотропии и неоднородности материалов.

**Раздел 3. Пластичность и ползучесть**

Общая теория пластичности. Теория пластического течения и деформационная теория. Теорема о простом нагружении. Метод упругих решений. Постановка задач устойчивости пластин и оболочек за пределами упругости. Постановка задач о упругом равновесии идеально пластического тела. Теория пластичности Сен-Венана и Мизеса. Плоская задача теории пластичности. Уравнения плоской задачи. Характеристики и линии скольжения. Простейшие примеры полей скольжения. Случай плоской деформации и плоского напряженного состояния. Задача Прандтля. Понятие о ползучести и релаксации. Гипотезы старения, упрочнения и пластической наследственности. Уравнения теории

ползучести. Ползучесть в случае объемного напряженного состояния изотропного тела. Деформационная теория и теория пластического течения. Теория ползучести стареющих сред. Постановка задач теории ползучести в случае трехосного напряженного состояния. Вариационные принципы. Плоская задача теории ползучести Теория старения. Теория упрочнения. Технологические задачи пластичности и ползучести. Холодная и горячая осадка. Продольная прокатка. Прессование. Листовая штамповка. Магнитная пластиичность.

#### **Раздел 4. Термовязкоупругость**

Простейшие модели вязкоупругости: Максвелла, Фойгта, Кельвина. Дифференциальные и интегральные операторы вязкоупругости. Постановка задач линейной теории вязкоупругости. Использование механических моделей. Обобщенные модели. Спектры времен релаксации и последствия. Дифференциальная и интегральная формы соотношений между напряжениями и деформациями. Тепловыделение. Связанные задачи термовязкоупругости. Метод аппроксимаций. Метод численной реализации упругого решения. Анизотропные среды. Вязкоупругость пьезоматериалов. Нелинейная термовязкоупругость.

#### **Раздел 5. Динамика и колебания**

Распространение волн в упругих изотропных и анизотропных средах. Поверхностные волны. Волны в слоистых средах. Дисперсия волн. Распространение волн в связанных полях. Динамические задачи пластичности и вязкоупругости. Диссипация волн. Собственные и вынужденные колебания в сплошной среде.

#### **Раздел 6. Механика разрушения**

Классическая теория прочности. Теория трещин. Меры повреждаемости. Статистические теории прочности. Теория надежности. Адгезионная прочность композитов. Термодинамические критерии прочности.

#### **Раздел 7. Оптимальное проектирование**

Экстремальные задачи МДТТ. Критерии оптимальности. Вариационные неравенства. Численные методы постановки и решения оптимизационных задач. Оптимальное конструирование композиционных материалов.

#### **Раздел 8. Механика композитов**

Определение эффективных свойств композита. Вилка Фойгта – Рейssa. Вариационный принцип Хашина – Штрикмана. Вилка Хашина – Штрикмана. Осреднение регулярных структур. Теория нулевого приближения. Осредненные упругие характеристики слоистого композита. Осредненные теплофизические характеристики. Волокнистые однонаправленные композиты. Эффективные свойства вязкоупругих композитов. Структурная анизотропия. Метод аппроксимаций. Осреднение длинных волн. Распространение гармонических волн в анизотропных материалах. Гармонические волны в слоистых композитах. Волновой фильтр. Квазипериодические структуры. Задача о намотке. Критерии разрушения композитов. Эффективные свойства композита со сферическими включениями. Модель среды с малой объемной долей включений. Полидисперсная модель. Трехфазная модель.

**2. Учебно-методическое и информационное обеспечение программы вступительного экзамена в аспирантуру по специальности**

01.02.04 - Механика деформируемого твердого тела

1. Победря Б.Е. Численные методы в теории упругости и пластичности. – М.: Изд-во МГУ, 1981. – 281 с.
2. Победря Б.Е. Механика композиционных материалов. – М.: Изд-во МГУ, 1984. – 243 с.
3. Ильюшин А.А., Победря Б.Е. Основы математической теории термовязкоупругости. – М.: Изд-во МГУ, 1970. – 190 с.
4. Голованов А.И., Султанов Л.У.. Математические модели вычислительной нелинейной механики деформируемых сред. – Казань: Казан. гос. ун-т, 2009. – 465 с.
5. Работнов Ю.Н. Механика деформируемого твердого тела. – М.: Изд-во «Наука», 1979. – 643 с.
6. Гловински Р., Лионс Ж.-П., Тремольер Р. Численное исследование вариационных неравенств. – М.: Мир, 1979. – 278 с.
7. Иоффе А.Д., Тихомиров В.М. Теория экстремальных задач. – М.: Изд-во «Наука», 1974. – 192 с.
8. Новожилов В.В. Теория тонких оболочек. – Л.: Судпромгиз, 1962. – 431 с.
9. Образцов И.Ф., Васильев В.В., Бунаков В.А. Оптимальное армирование оболочек вращения из композиционных материалов. – М.: Изд-во «Наука», 1977. – 310 с.
10. Алфутов Н.А. Основы расчета на устойчивость упругих систем. – М.: Изд-во «Наука», 1990. – 258 с.
11. Качанов Л.М. Основы механики разрушения. – М.: Изд-во «Машиностроение», 1974. – 326 с.
12. Кристенсен Р. Введение в механику композитов. – М.: Мир, 1981. – 403 с.
13. Коноплёт Ю.Г., Бахтиева Л.У., Митряйкин В.И., Тазюков Ф.Х. Динамическая устойчивость пластин и оболочек. – Казань: Казан. гос. ун-т, 2012. – 80 с.
14. Лейбензон Л.С. Теория упругости. – С-Пб.: ОГИЗ, 1947. – 464 с.
15. Ильюшин А.А. Пластичность. – М.: Физматлит, 2004. – 480 с.
16. Муштари Х.М., Галимов К.З. Нелинейная теория упругих оболочек. – Казань: Татар. книгоиздат, 1957. – 431 с.
17. Качанов Л.М. Пластичность. – М.: Наука, 1969. – 420 с.
18. Работнов Ю.Н. Ползучесть элементов конструкций. – М.: Наука, 1966. – 752 с.
19. Соколовский В.В. Теория пластичности. – М.: Высш. школа, 1969. – 608 с.

Программа вступительного экзамена в аспирантуру составлена в соответствии с государственными образовательными стандартами высшего профессионального образования по специальности 01.02.04 – механика деформируемого твердого тела.