

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное автономное учреждение
высшего профессионального образования
"Казанский (Приволжский) федеральный университет"
Институт вычислительной математики и информационных технологий



Программа дисциплины
Комплексный анализ Б2.Б.2

Направление подготовки: 010400.62 - Прикладная математика и информатика

Профиль подготовки: Численные методы

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: очное

Язык обучения: русский

Автор(ы):

Турилова Е.А.

Рецензент(ы):

-

СОГЛАСОВАНО:

Заведующий(ая) кафедрой: Турилова Е. А.

Протокол заседания кафедры No ____ от " ____ " _____ 201__ г

Учебно-методическая комиссия Института вычислительной математики и информационных технологий:

Протокол заседания УМК No ____ от " ____ " _____ 201__ г

Регистрационный No 92814

Казань

2014

Содержание

1. Цели освоения дисциплины
2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы
3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля
4. Структура и содержание дисциплины/ модуля
5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения
6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов
7. Литература
8. Интернет-ресурсы
9. Материально-техническое обеспечение дисциплины/модуля согласно утвержденному учебному плану

Программу дисциплины разработал(а)(и) доцент, к.н. (доцент) Турилова Е.А. кафедра математической статистики отделение прикладной математики и информатики ,
Ekaterina.Turilova@kpfu.ru

1. Цели освоения дисциплины

Целями освоения дисциплины "Комплексный анализ" являются изучение методов, задач и теорем теории функций комплексного переменного, их применение к решению задач прикладной математики и информатики.

2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы высшего профессионального образования

Данная учебная дисциплина включена в раздел " Б2.Б.2 Общепрофессиональный" основной образовательной программы 010400.62 Прикладная математика и информатика и относится к базовой (общепрофессиональной) части. Осваивается на 2 курсе, 4 семестр.

Дисциплина "Комплексный анализ" изучается в весеннем семестре второго года обучения. Данная дисциплина является логическим продолжением ряда курсов, изученных студентами по программе бакалавриата направления "Прикладная математика и информатика", включая "Математический анализ" и "Линейная алгебра".

В результате освоения дисциплины "Комплексный анализ" студенты смогут применить полученные теоретические и практические знания при изучении отдельных курсов, связанных с постановкой и решением математических и прикладных задач, при написании курсовых и дипломной работ и выполнении дальнейших практической и научно-исследовательской работы.

3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины /модуля

В результате освоения дисциплины формируются следующие компетенции:

Шифр компетенции	Расшифровка приобретаемой компетенции
ПК-1 (профессиональные компетенции)	способность демонстрации общенаучных базовых знаний естественных наук, математики и информатики, понимание основных фактов, концепций, принципов, теорий, связанных с прикладной математикой и информатикой
ПК-7 (профессиональные компетенции)	способность собирать, обрабатывать и интерпретировать данные современных научных исследований, необходимые для формирования выводов по соответствующим научным, профессиональным, социальным и этическим проблемам
ПК-9 (профессиональные компетенции)	способность решать задачи производственной и технологической деятельности на профессиональном уровне, включая разработку алгоритмических и программных решений в области системного и прикладного программирования

В результате освоения дисциплины студент:

1. должен знать:

- теоретические основы функций комплексного переменного;
- основные методы комплексного анализа;

2. должен уметь:

- понимать и применять на практике компьютерные технологии для решения различных задач комплексного анализа;

- применять методы комплексного интегрирования и дифференцирования;

3. должен владеть:

- умениями и навыками решения задач теории функций комплексного переменного;
- умением применять теоретические аспекты теории функций комплексного переменного для решения математических, экономических и других прикладных задач;

4. должен демонстрировать способность и готовность:

- применять полученные знания и навыки в своей профессиональной деятельности

4. Структура и содержание дисциплины/ модуля

Общая трудоемкость дисциплины составляет 2 зачетных(ые) единиц(ы) 72 часа(ов).

Форма промежуточного контроля дисциплины зачет в 4 семестре.

Суммарно по дисциплине можно получить 100 баллов, из них текущая работа оценивается в 50 баллов, итоговая форма контроля - в 50 баллов. Минимальное количество для допуска к зачету 28 баллов.

86 баллов и более - "отлично" (отл.);

71-85 баллов - "хорошо" (хор.);

55-70 баллов - "удовлетворительно" (удов.);

54 балла и менее - "неудовлетворительно" (неуд.).

4.1 Структура и содержание аудиторной работы по дисциплине/ модулю

Тематический план дисциплины/модуля

N	Раздел Дисциплины/ Модуля	Семестр	Неделя семестра	Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах)			Текущие формы контроля
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
1.	Тема 1. Комплексные числа и действия над ними	4	1-2	2	0	2	домашнее задание
2.	Тема 2. Функции на множестве комплексных чисел	4	3-5	2	0	3	домашнее задание
3.	Тема 3. Элементарные функции и отображения	4	6-7	2	0	2	домашнее задание
4.	Тема 4. Интегральное исчисление функций комплексного переменного	4	8-11	5	0	4	контрольная работа домашнее задание
5.	Тема 5. Представление аналитической функции рядами	4	12-15	4	0	3	домашнее задание

N	Раздел Дисциплины/ Модуля	Семестр	Неделя семестра	Виды и часы аудиторной работы, их трудоемкость (в часах)			Текущие формы контроля
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	
6.	Тема 6. Особые точки	4	16-18	3	0	4	домашнее задание контрольная работа
	Тема . Итоговая форма контроля	4		0	0	0	зачет
	Итого			18	0	18	

4.2 Содержание дисциплины

Тема 1. Комплексные числа и действия над ними

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Различные подходы к определению комплексных чисел, арифметические операции над комплексными числами

лабораторная работа (2 часа(ов)):

алгебраическая форма записи комплексных комплексных чисел, модуль, аргумент, тригонометрическая и показательная формы, арифметические операции над комплексными числами, корень из комплексного числа.

Тема 2. Функции на множестве комплексных чисел

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Комплексные последовательности, предел и непрерывность функций на множестве комплексных чисел, два вида дифференцируемости, условия Коши-Римана

лабораторная работа (3 часа(ов)):

предел, непрерывность и дифференцируемость функций КП, проверка условий Коши-Римана, восстановление аналитической функции.

Тема 3. Элементарные функции и отображения

лекционное занятие (2 часа(ов)):

Элементарные функции: степенная, корень, показательная, логарифмическая, тригонометрические. Определения и свойства.

лабораторная работа (2 часа(ов)):

Вычисление значений элементарных функций, отображения, осуществляемые функциями.

Тема 4. Интегральное исчисление функций комплексного переменного

лекционное занятие (5 часа(ов)):

Интеграл от функции комплексного переменного: определения, свойства. Теорема Коши для многосвязной и односвязной области. Аналитичность функции $F(z)$. Общий вид первообразной. Интегральная формула Коши. Принцип максимума модуля, лемма Шварца. Производные высших порядков. Неравенства Коши. Теоремы Мореры и Лиувилля.

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Интегральное исчисление функций комплексного переменного Вычисление интегралов от функций КП, первообразная, вычисление интегралов с использованием интегральной формулы Коши. Контрольная работа.

Тема 5. Представление аналитической функции рядами

лекционное занятие (4 часа(ов)):

Представление аналитической функции в круге рядом Тейлора. Теорема Вейерштрасса. Теорема единственности аналитической функции. Нули аналитической функции и их свойства. Ряд Лорана, область его сходимости. Разложение аналитической функции в ряд Лорана.

лабораторная работа (3 часа(ов)):

Разложение аналитической функции в ряд Тейлора. Основные разложения. Нахождение порядка нулей аналитических функций с помощью разложения в ряд. Разложение функций в ряд Лорана.

Тема 6. Особые точки

лекционное занятие (3 часа(ов)):

Виды особых точек и их характеристика. Теорема Сохоцкого. Вычеты. Связь вычетов с коэффициентами ряда Лорана. Теорема Коши о вычетах и ее приложения.

лабораторная работа (4 часа(ов)):

Особые точки. Определение характера особых точек. Вычисление вычетов. Применение вычетов к вычислению интегралов: комплексный и действительный случаи. Контрольная работа

4.3 Структура и содержание самостоятельной работы дисциплины (модуля)

N	Раздел Дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды самостоятельной работы студентов	Трудоемкость (в часах)	Формы контроля самостоятельной работы
1.	Тема 1. Комплексные числа и действия над ними	4	1-2	подготовка домашнего задания	6	домашнее задание
2.	Тема 2. Функции на множестве комплексных чисел	4	3-5	подготовка домашнего задания	6	домашнее задание
3.	Тема 3. Элементарные функции и отображения	4	6-7	подготовка домашнего задания	6	домашнее задание
4.	Тема 4. Интегральное исчисление функций комплексного переменного	4	8-11	подготовка домашнего задания	4	домашнее задание
				подготовка к контрольной работе	2	контрольная работа
5.	Тема 5. Представление аналитической функции рядами	4	12-15	подготовка домашнего задания	6	домашнее задание
6.	Тема 6. Особые точки	4	16-18	подготовка домашнего задания	4	домашнее задание
				подготовка к контрольной работе	2	контрольная работа
Итого					36	

5. Образовательные технологии, включая интерактивные формы обучения

В соответствии с требованиями ФГОС удельный вес занятий, проводимых в активных и интерактивных формах, составляет не менее 40% аудиторных занятий. Так, в процессе изучения дисциплины "Комплексный Анализ" 100% практических и до 50% лекционных занятий проходят в форме эвристической беседы, призванной не только сформировать у студентов соответствующие знания, умения и навыки, а также привить культуру научной беседы-спора.

6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов

Тема 1. Комплексные числа и действия над ними

домашнее задание , примерные вопросы:

найти модуль и главное значение аргумента комплексного числа, представить комплексное число в тригонометрической форме, решить уравнение над полем комплексных чисел, возвести комплексное число в степень, найти корень из комплексного числа.

Тема 2. Функции на множестве комплексных чисел

домашнее задание , примерные вопросы:

выделить действительную и мнимую части функции, найти предел функции КП, найти производную в комплексном смысле, проверить на аналитичность, используя условия Коши-Римана, восстановить аналитическую функцию по известной действительной или мнимой части

Тема 3. Элементарные функции и отображения

домашнее задание , примерные вопросы:

вычислить значение показательной, тригонометрических, логарифмической функций в конкретных точках, определить область, в которую данная область с помощью заданного конформного отображения.

Тема 4. Интегральное исчисление функций комплексного переменного

домашнее задание , примерные вопросы:

вычислить интеграл, сведя его к двум криволинейным действительным интегралам, вычислить интеграл, используя понятие первообразной, вычислить интеграл, используя интегральную формулу Коши для самой функции и для производных

контрольная работа , примерные вопросы:

1. Извлечь корень из комплексного числа, представив его предварительно в тригонометрической форме
2. Вычислить значение заданной тригонометрической функции в конкретной точке
3. Восстановить аналитическую функцию по известной действительной части
4. Вычислить интеграл по определению
5. Вычислить интеграл, используя формулу Коши-Римана

Тема 5. Представление аналитической функции рядами

домашнее задание , примерные вопросы:

разложить функцию в степенной или билогарифмический ряд в окрестности точки 0, разложить функцию в ряд Лорана в указанном кольце, с помощью разложения в ряд найти нули функции и их порядок

Тема 6. Особые точки

домашнее задание , примерные вопросы:

определить характер указанной особой точки для заданной функции, найти вычет относительно указанной особой точки, вычислить интеграл, используя вычеты

контрольная работа , примерные вопросы:

1. Разложить функцию в ряд Лорана
2. Определить порядок нуля аналитической функции
3. Определить тип особой точки
4. Найти вычет относительно указанной особой точки
5. Вычислить интеграл.

Тема . Итоговая форма контроля

Примерные вопросы к зачету:

В процессе изучения дисциплины "Комплексный анализ" студенты регулярно выполняют домашние задания, состоящие в решении упражнений соответствующего типа, которые проверяются на следующем практическом занятии (материалами студенты снабжаются своевременно в электронной и печатной форме). Кроме этого предполагается выполнение двух контрольных работ по соответствующим разделам курса.

Примерные вопросы к зачету

Определение комплексных чисел и действия с ними. Комплексные последовательности. Функции на множестве комплексных чисел. Кривые и области. Два вида дифференцируемости, условия Коши-Римана. Элементарные функции: степенная, корень n -ой степени, показательная, логарифмическая, тригонометрические. Интеграл от функции комплексного переменного: определения, свойства. Теорема Коши (для односвязной и многосвязной областей). Аналитичность функции $F(z)$. Общий вид первообразной. Интегральная формула Коши. Принцип максимума модуля. Лемма Шварца. Производные высших порядков. Неравенства Коши. Теорема Лиувилля. Теорема Мореры. Представление аналитической в круге функции рядом Тейлора. Теорема Вейерштрасса. Степенные ряды. Теорема единственности аналитической функции. Нули аналитической функции и их свойства. Область сходимости билотерного ряда. Разложение аналитической в кольце функции в ряд Лорана. Виды особых точек и их характеристики. Теорема Сохоцкого. Вычет относительно изолированной особой точки, правила вычисления вычетов, логарифмический вычет, приложение теории вычетов.

7.1. Основная литература:

1. Дубровин, В. Т. Лекции по математическому анализу: [учебное пособие] / В. Т. Дубровин. [3-е изд., перераб. и доп.]. Казань: Казанский университет, 2009.
2. Привалов И.И. Введение в теорию функций комплексного переменного. - СПб.: Лань, 2009. - 432с
ЭБС "Лань": http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=322
3. Посицельская Л.Н. Теория функций комплексной переменной в задачах и упражнениях. - М.: Физматлит, 2006. - 136с.
ЭБС "Лань": http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=2283
4. Шабунин М.И., Половинкин Е.С., Карлов М.И. Сборник задач по теории функций комплексного переменного. - М.: Бином, 2012. - 362 с.
ЭБС "Лань": http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=4400
5. Турилова Е.А. Элементы теории функций комплексного переменного. - Казань, 2009. URL: http://kpfu.ru/staff_files/F2059620441/KP_Turilova.pdf

7.2. Дополнительная литература:

1. Шабат, Борис Владимирович. Введение в комплексный анализ: учеб. для студентов ун-тов по спец. "Математика", "Механика": [В 2 ч.] / Б.В. Шабат; МГУ им. М.В. Ломоносова. 4-е изд., стер.. Санкт-Петербург: Лань, 2004. 21. (Классический университетский учебник / Ред. совет.: Пред. В.А. Садовничий и др.). ISBN 5-8114-0567-7.
Ч.1: Функции одного переменного. 2004. 336 с.: ил.. Предм. указ.: с. 334-336. ISBN 5-8114-0568-5((1-ая ч.)), 3000.
2. Шабат, Борис Владимирович. Введение в комплексный анализ: учеб. для студентов ун-тов по спец. "Математика", "Механика": [В 2 ч.] / Б.В. Шабат; МГУ им. М.В. Ломоносова. 4-е изд., стер.. Санкт-Петербург: Лань, 2004. 21. (Классический университетский учебник / ред. совет.: пред. В.А. Садовничий и др.). ISBN 5-8114-0567-7.

- Ч. 2: Функции нескольких переменных. ?2004. ?464 с.: ил.. ?Предм. указ.: с. 462-464. ?Библиогр. в подстроч. примеч.. ?ISBN 5-8114-0569-3((2-ая ч.)), 3000.
3. Зверович, Эдмунд Иванович. Вещественный и комплексный анализ: учеб. пособие для студентов мат. спец. учреждений, обеспечивающих получение высш. образования: в 6 ч. / Э.И. Зверович. ?Минск: Вышэйш. шк., 2006. ?ISBN 985-06-1263-0.
- Ч. 1: Введение в анализ и дифференциальное исчисление. ?2006. ?319 с.: ил.. ?Библиогр.: с. 305 (11 назв.). ?Имен. указ.: с. 307. ?Предм. указ.: с. 308-313. ?ISBN 985-06-1262-2((ч. 1)), 2000.
4. Краснов, Михаил Леонтьевич. Функции комплексного переменного. Операционное исчисление. Теория устойчивости / М. Л. Краснов, А. И. Киселев, Г. И. Макаренко. ?Издание 2-е, переработанное и дополненное. ?Москва: Наука, 1981. ?303 с.
5. Комплексный анализ / [С.В. Знаменский и др.; ред. тома И.А. Баталина]; Рос. акад. наук, Всерос. ин-т науч. и техн. информ. (ВИНИТИ).-Москва: [ВИНИТИ], 2006. ?264, [с.: ил.; 22. ?(Итоги науки и техники, Современная математика и ее приложения. Тематические обзоры / науч. ред. сер. акад. РАН Р.В. Гамкрелидзе; Т. 108). ?На обл. и тит. л. только загл. серии. ?Библиогр. в конце тем. ?ISSN 0233-6723, 300.
6. Введение в теорию функций комплексного переменного - примеры и задачи [Текст : электронный ресурс]: (методические указания) / Казан. гос. ун-т, Мех.-мат. фак.; сост.: С. Н. Киясов, Ю. В. Обносков, Л. Г. Салехов. ?Электронные данные (1 файл: 0,41 Мб). ?Б.м.: Б.и., Б.г.. ?Загл. с экрана. ?Режим доступа: открытый.
- Введение в теорию функций комплексного переменного - примеры и задачи: (методические указания) / Казан. гос. ун-т, Мех.-мат. фак.; сост.: С. Н. Киясов, Ю. В. Обносков, Л. Г. Салехов. ?Казань, 2004 . ? <URL:<http://libweb.ksu.ru/ebooks/publicat/0-746576.pdf>>.

7.3. Интернет-ресурсы:

Википедия - <http://ru.wikipedia.org>

Портал математических интернет-ресурсов - <http://www.allmath.com/>

Портал математических интернет-ресурсов - <http://www.math.ru/>

Портал математических интернет-ресурсов - <http://www.exponenta.ru>

Портал ресурсов по математике, алгоритмике и ИТ - <http://algolist.manual.ru/>

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины(модуля)

Освоение дисциплины "Комплексный анализ" предполагает использование следующего материально-технического обеспечения:

Проекционное оборудование, используемое для проведения презентаций.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВПО и учебным планом по направлению 010400.62 "Прикладная математика и информатика" и профилю подготовки Численные методы .

Автор(ы):

Турилова Е.А. _____

"__" _____ 201__ г.

Рецензент(ы):

"__" _____ 201__ г.