

Тема 1. Элементы аналитической геометрии

Расстояние между двумя точками на плоскости определяется формулой

$$— d = \sqrt{(x_2 + x_1)^2 + (y_2 + y_1)^2}$$

$$— d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 - (y_2 - y_1)^2}$$

$$— d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$— d = \sqrt{(x_2 - y_2)^2 + (x_1 - y_1)^2}$$

Абсцисса точки С, разбивающей отрезок АВ в отношении $\lambda = \frac{AC}{CB}$, равна

$$— x_c = \frac{x_A - \lambda x_B}{1 + \lambda}$$

$$— x_c = \frac{x_B + \lambda x_A}{1 + \lambda}$$

$$— x_c = \frac{x_A + \lambda x_B}{1 - \lambda}$$

$$— x_c = \frac{x_A + \lambda x_B}{1 + \lambda}$$

Ордината точки С, разбивающей отрезок АВ в отношении $\lambda = \frac{AC}{CB}$, равна

$$— y_c = \frac{y_B + \lambda y_A}{1 + \lambda}$$

$$— y_c = \frac{y_A + \lambda y_B}{1 + \lambda}$$

$$— y_c = \frac{y_B - \lambda y_A}{1 - \lambda}$$

$$— y_c = \frac{y_B + \lambda y_A}{1 - \lambda}$$

Абсцисса середины отрезка АВ равна

$$— x_c = \frac{x_A + x_B}{2}$$

$$— x_c = \frac{x_A - x_B}{2}$$

$$— x_c = \frac{x_B - x_A}{2}$$

$$— x_c = \frac{x_A + x_B}{0,5}$$

Ордината середины отрезка АВ равна

$$\text{— } y_c = \frac{y_B - y_A}{2}$$

$$\text{— } y_c = \frac{y_A + y_B}{2}$$

$$\text{— } y_c = \frac{y_A - y_B}{2}$$

$$\text{— } y_c = \frac{y_A + y_B}{0,5}$$

В уравнении $y = kx + b$ значение k – это

— координата точки пересечения прямой с осью абсцисс

— координата точки пересечения прямой с осью ординат

— угол, образованный прямой с положительным направлением оси абсцисс

— тангенс угла, образованного прямой с осью абсцисс

В уравнении $y = kx + b$ значение b – это

— координата точки пересечения прямой с осью Ox

— угловой коэффициент прямой

— координата точки пересечения прямой с осью Oy

— угол наклона прямой к оси Ox

Прямая $Ax + C = 0$

— параллельна оси Oy

— параллельна оси Ox

— перпендикулярна оси Oy

— пересекает ось Oy в одной точке

Прямая $Bx + C = 0$

— параллельна оси Oy

— перпендикулярна оси Ox

— параллельна оси Ox

— пересекает ось Ox в одной точке

Прямая $Ax + By = 0$ при $B \neq 0$

— параллельна оси Oy

— проходит через начало координат

— не проходит через начало координат

— перпендикулярна оси Ox

Угол между двумя прямыми определяется формулой

$$\text{— } \operatorname{tg} \varphi = \operatorname{tg} \beta - \operatorname{tg} \alpha$$

$$\text{— } \operatorname{tg} \varphi = \frac{k_2 - k_1}{1 - k_1 k_2}$$

$$\text{— } \operatorname{tg} \varphi = \frac{k_2 + k_1}{1 + k_1 k_2}$$

$$\text{— } \operatorname{tg} \varphi = \frac{k_2 - k_1}{1 + k_1 k_2}$$

Условие параллельности двух прямых имеет вид

$$\text{— } k_1 = -k_2$$

$$\text{— } k_1 = \frac{1}{k_2}$$

$$\text{— } k_1 \cdot k_2 = -1$$

$$\text{— } k_1 = k_2$$

Условие перпендикулярности двух прямых имеет вид

$$\text{— } k_1 = -k_2$$

$$\text{— } k_1 = \frac{1}{k_2}$$

$$\text{— } k_1 \cdot k_2 = -1$$

$$\text{— } k_1 = k_2$$

Углом между двумя прямыми называется

— меньший угол, на который надо повернуть обе прямые до их совпадения с осью Ox

— меньший угол, на который надо повернуть одну прямую до ее совпадения с другой прямой

— меньший угол, на который надо повернуть обе прямые до их совпадения с осью Oy

— разность углов, образованных этими прямыми

Уравнение прямой, проходящей через данную точку в данном направлении, имеет вид

$$\text{— } y = kx + b$$

$$\text{— } (x_2 - x_1)(y - y_1) = (y_2 - y_1)(x - x_1)$$

$$\text{— } \frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$$

$$\text{— } y - y_0 = k_0(x - x_0)$$

В уравнении прямой, проходящей через данную точку в данном направлении, угловой коэффициент k –

— произвольный

— фиксированный

— всегда равен 0

— всегда положительный

В уравнении пучка прямых с центром в точке A угловой коэффициент k –

- фиксированный
- бесконечный
- произвольный
- всегда равен 0

Уравнение пучка прямых с центром в точке $M_0(x_0; y_0)$ имеет вид

- $y = kx + b$
- $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$
- $Ax + By + C = 0$
- $y - y_0 = k(x - x_0)$

Уравнение прямой в отрезках имеет вид

- $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$
- $y = kx + b$
- $Ax + By + C = 0$
- $y - y_0 = k_0(x - x_0)$

Уравнение прямой в отрезках на осях координат справедливо для прямой

- проходящей через начало координат
- не проходящей через начало координат
- параллельной оси Ox
- параллельной оси Oy

Общее уравнение прямой имеет вид

- $Ax + By + C = 0$
- $y = kx + b$
- $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$
- $y - y_0 = k_0(x - x_0)$

Уравнение прямой, проходящей через точки $A(-2;3)$ и $B(4;-3)$, имеет вид

- $y = -\frac{x}{2} + 2$
- $y = -x - 5$
- $y = -x + 1$
- $y = -2x + 1$

Расстояние от точки до прямой определяется формулой

- $d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$

— $d = \frac{Ax_0 + By_0 + C}{\sqrt{A^2 + B^2}}$

— $d = \frac{|Ax_0 + By_0 + C|}{A^2 + B^2}$

— $d = \frac{|Ax_0 + By_0 + C|}{\sqrt{A^2 + B^2}}$

Угловой коэффициент прямой $Ax + By + C = 0$ при $B \neq 0$ равен

— A

— $-A$

— $-\frac{A}{B}$

— $\frac{A}{B}$

Тангенс угла наклона прямой $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$ к оси Ox равен

— $-\frac{b}{a}$

— $\frac{1}{a}$

— $\frac{1}{b}$

— $\frac{b}{a}$

Уравнение прямой, проходящей через точку $A(1;2)$ параллельно прямой $x + y - 1 = 0$, имеет вид

— $y = -x + 3$

— $y = -x - 5$

— $y = -x - 3$

— $y = -x$

Уравнение прямой, проходящей через точку $A(-1;2)$ перпендикулярно прямой $y = 2x + 3$, имеет вид

— $y = -\frac{1}{2}x - 3$

— $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$

— $y = -\frac{1}{2}x + \frac{2}{3}$

— $y = -\frac{1}{2}x - \frac{3}{2}$

В треугольнике с вершинами в точках $A(-1;1)$, $B(1;2)$, $C(3;-2)$ уравнение медианы AM имеет вид

— $y = -\frac{x}{3} - \frac{2}{3}$

— $y = -\frac{x}{3} + \frac{3}{2}$

— $y = -\frac{x}{3}$

— $y = -\frac{x}{3} + \frac{2}{3}$

В треугольнике с вершинами в точках $A(-1;1)$, $B(1;2)$, $C(3;1)$ уравнение прямой AC имеет вид

— $y = x$

— $y = 1$

— $x = 1$

— $y = x + 1$

Прямая $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$, где $a \neq 0$ и $b \neq 0$

— параллельна оси Ox

— параллельна оси Oy

— пересекает ось Ox в точке $(a;0)$

— пересекает ось Oy в точке $(a;0)$

Пучок прямых с центром в точке $A(x_0; y_0)$ – это

— две прямые, проходящие через точку $A(x_0; y_0)$

— три прямые, проходящие через точку $A(x_0; y_0)$

— несколько прямых, проходящих через точку $A(x_0; y_0)$

— бесконечное множество прямых, проходящих через точку $A(x_0; y_0)$

Уравнение прямой, проходящей через точку $A(2;3)$ и образующей с положительным направлением оси Ox угол 45° , имеет вид

— $y = x$

— $y = x + 5$

— $y = x - 2$

— $y = x + 1$

Уравнение прямой, проходящей через точку $B(4;1)$ и образующей с положительным направлением оси угол 135^0 , имеет вид

— $x + y - 5 = 0$

— $x - y - 3 = 0$

— $x + y - 3 = 0$

— $-x + y - 5 = 0$

К прямой $y = -4x + 1$ перпендикулярна прямая

— $y = -\frac{1}{4}x + 2$

— $y = \frac{1}{4}x + 2$

— $y = 4x + 2$

— $y = -4x + 3$

Угол между прямыми $2x + 3y - 4 = 0$ и $3x - 2y + 1 = 0$ равен

— 0^0

— 45^0

— 90^0

— 135^0

Уравнение прямой, проходящей через точки $A(x_1, y_1)$ и $B(x_2, y_2)$, имеет вид

— $\frac{y - y_1}{y_2 - y_1} = \frac{x - x_1}{x_2 - x_1}$

— $\frac{y_2 + y_1}{y - y_1} = \frac{x_2 + x_1}{x - x_1}$

— $\frac{y - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{x - x_1}{y_2 - y_1}$

— $\frac{y - y_2}{y_2 - y_1} = \frac{x - x_2}{x_2 - x_1}$

Расстояние от точки $A(2;-1)$ до прямой $4x - 3y + 9 = 0$ равно

— 2,8

— 4

— 14

— 7

Из прямых

а) $x - 5y - 3 = 0$; б) $5x - y + 4 = 0$; в) $5x + y - 3 = 0$; г) $x + 5y + 3 = 0$ параллельной к прямой $y = 5x - 3$ будет

- а)
- в)
- г)
- б)

Из прямых

а) $2x + y - 3 = 0$; б) $x + 2y - 3 = 0$; в) $2x - y + 5 = 0$; г) $x - 2y + 3 = 0$

перпендикулярной к прямой $y = -2x + 3$ будет

- а)
- б)
- г)
- в)

Точками пересечения прямой $3x - 4y - 12 = 0$ с осями координат Ox и Oy являются соответственно точки

- $A(4;0)$ и $B(0;-3)$
- $A(0;-3)$ и $B(4;0)$
- $A(-4;3)$ и $B(3;-4)$
- $A(-4;0)$ и $B(0;3)$

Уравнение прямой, проходящей через точки $A(2;3)$ и $B(2;-1)$, имеет вид

- $y = 2x$
- $y = 2$
- $x = 2$
- $y = x - 2$

Уравнение прямой, проходящей через точки $A(3;-1)$ и $B(-2;-1)$, имеет вид

- $y = 3x - 2$
- $y = -x$
- $x = -1$
- $y = -1$

Если $x_2 = x_1$, то уравнение прямой, проходящей через точки $A(x_1; y_1)$ и $B(x_2; y_2)$, имеет вид

- $\frac{y - y_1}{y_2 - y_1} = \frac{x - x_1}{x_2 - x_1}$
- $x = x_1$
- $y = x_1$
- $y = k(x - x_1)$

Если $y_2 = y_1$, то уравнение прямой, проходящей через точки $A(x_1; y_1)$ и $B(x_2; y_2)$, имеет вид

$$\frac{y - y_1}{y_2 - y_1} = \frac{x - x_1}{x_2 - x_1}$$

$$— y = y_1$$

$$— y - y_1 = x - x_1$$

$$— x = x_1$$

Прямые $y = \frac{4}{3}x + 1$ и $y = \frac{3}{4}x - 2$

— параллельны

— перпендикулярны

— образуют угол в 45°

— образуют угол, равный $\arctg \frac{7}{24}$

Точка M разбивает отрезок AB , где $A(1;2)$, $B(4;5)$, так, что $AM = 2 \cdot MB$. Координаты точки M равны

$$— (3;4)$$

$$— (2;3)$$

$$— (2;4)$$

$$— (2,5;3,5)$$

Расстояние от точки $M(3;4)$ до прямой $y = 2x - 1$ равно

$$— 1$$

$$— \frac{2}{3}$$

$$— \frac{1}{\sqrt{5}}$$

$$— \sqrt{5}$$

Угловой коэффициент прямой $2x - 3y - 6 = 0$ равен

$$— 2$$

$$— \frac{3}{2}$$

$$— -3$$

$$— \frac{2}{3}$$

Угол наклона прямой $3x + 4y - 1 = 0$ к положительному направлению оси Ox равен

$$— -\arctg \frac{4}{3}$$

$$— -\arctg \frac{3}{4}$$

- $\operatorname{arctg} \frac{4}{3}$
- $\operatorname{arctg} \frac{3}{4}$

В треугольнике с вершинами $A(-3;-2)$, $B(2;3)$, $C(4;-1)$ уравнение стороны BC имеет вид

- $y = -2x + 7$
- $y = \frac{1}{3}x + \frac{7}{3}$
- $y = x + 5$
- $y = 4x - 3$

В треугольнике с вершинами $A(-3;-2)$, $B(2;3)$, $C(4;-1)$ длина медианы AM равна

- $5\sqrt{3}$
- $2\sqrt{5}$
- $3\sqrt{5}$
- $5\sqrt{2}$

Если $A(-2;3)$, $B(6;-3)$, то точка C , делящая отрезок AB в отношении $\frac{AC}{CB} = \frac{1}{3}$, имеет

координаты

- $\left(0; \frac{3}{2}\right)$
- $(-3;3)$
- $(-6;6)$
- $\left(\frac{3}{2}; 0\right)$

Уравнение прямой, проходящей через точки $A(-2;3)$ и $B(2;-1)$, имеет вид

- $x - y + 1 = 0$
- $x + y - 3 = 0$
- $x + y - 1 = 0$
- $x - y - 1 = 0$

В треугольнике с вершинами $A(-3;-2)$, $B(2;3)$, $C(4;-1)$ уравнение высоты CD имеет вид

- $x + y - 3 = 0$
- $x + y + 3 = 0$
- $x + y + 5 = 0$
- $x + y - 5 = 0$

В треугольнике с вершинами в точках $A(2;3)$, $B(-3;-2)$, $C(4;-1)$ длина высоты AD равна

— $\frac{17\sqrt{2}}{5}$

— $3\sqrt{2}$

— $\sqrt{3}$

— 18

ТЕМА 2. Пределы последовательностей и функций

Если $\lim_{x \rightarrow 3} \alpha(x) = 0$, то функция $\alpha(x)$ называется

- бесконечно большой функцией в точке $x=3$
- бесконечно малой функцией в точке $x=3$
- постоянной в точке $x=3$
- убывающей функцией в окрестности $x=3$

Если бесконечная числовая последовательность $\{a_n\}$ имеет предел a , то ε – окрестность точки a содержит

- бесконечное число членов последовательности
- конечное число членов последовательности
- бесконечно малое число членов последовательности
- ровно n членов

Предел $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{2x^2 - x - 3}{3x^2 + 2x - 1}$ равен

- $\frac{5}{4}$
- $-\frac{5}{4}$
- $\frac{4}{5}$
- $-\frac{4}{5}$

Какое из утверждений верно?

- Если последовательность имеет предел, то она монотонна
- Если последовательность монотонна, то она сходится
- Если последовательность монотонна и ограничена, то она имеет предел
- Если последовательность сходится, то она знакопостоянна

Выражение $\infty - \infty$

- равно 0
- равно ∞
- равно $-\infty$
- является неопределенностью

Если $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = \infty$, то функция $f(x)$ называется

- бесконечно малой величиной в точке $x=x_0$
- бесконечно большой величиной в точке $x=x_0$
- непрерывной в точке $x=x_0$
- константой

Предел $\lim_{\alpha \rightarrow 0} \frac{\sin \alpha}{\alpha}$ равен

- 0
- ∞
- 1
- -1

Предел постоянной $C \neq 0$ равен

- 0
- 1
- самой постоянной
- другой постоянной

Предел произведения двух функций равен

- сумме пределов этих функций
- разности пределов этих функций
- произведению пределов этих функций
- отношению пределов этих функций

Для существования предела функции $f(x)$ в точке x_0 , равного числу $a \neq 0$, необходимо и достаточно, чтобы в некоторой окрестности точки x_0 при условии, что $\alpha(x)$ – бесконечно малая функция в точке x_0

- $f(x) = \alpha(x)$
- $f(x) = a + \alpha(x)$
- $f(x) = a \cdot \alpha(x)$
- $f(x) = \frac{a}{\alpha(x)}$

Предел $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n$ равен

- ∞
- 1
- 2
- e

\mathcal{E} – окрестностью точки a называется

- интервал длиной \mathcal{E} с центром в точке a
- интервал длиной $2\mathcal{E}$ с центром в точке a
- интервал длиной $2\mathcal{E}$, содержащий точку 0
- интервал длиной \mathcal{E} с центром в нуле

Если бесконечная числовая последовательность $\{a_n\}$ имеет предел a , то вне \mathcal{E} - окрестности точки a содержится

- конечное число ее членов
- бесконечное число ее членов
- фиксированное число членов
- ровно n членов

Предел $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{2x^2 - 7x + 3}{3x^2 - 10x + 3}$ равен

- $\frac{8}{5}$
- $\frac{5}{8}$
- $-\frac{5}{8}$
- 0

Предел $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{5}{n}\right)^{3n+1}$ равен

- e^{15}
- $e^{\frac{5}{3}}$
- e^{-15}
- $e^{-\frac{5}{3}}$

Если члены последовательностей $\{a_n\}$, $\{b_n\}$, $\{c_n\}$ при любых $n \in \mathbb{N}$ удовлетворяют неравенствам $a_n \leq b_n \leq c_n$ и $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = \lim_{n \rightarrow \infty} c_n = a$, то

- $\lim_{n \rightarrow \infty} b_n \geq a$
- $\lim_{n \rightarrow \infty} b_n = a$
- $\lim_{n \rightarrow \infty} b_n \leq a$
- $\lim_{n \rightarrow \infty} b_n < a$

Если $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$, $\lim_{n \rightarrow \infty} b_n = b$ и для любых $n \in \mathbb{N}$ выполняется неравенство $a_n \leq b_n$, то

- $a = b$
- $a < b$
- $a \leq b$
- $a \geq b$

Предел $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{3n}\right)^{5n}$ равен

— $e^{-\frac{5}{3}}$

— $e^{\frac{5}{3}}$

— e^{15}

— $e^{\frac{3}{5}}$

Предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^3 - x^2 + 3}{3x^2 + x - 2}$ равен

— $\frac{2}{3}$

— 0

— ∞

— $-\frac{3}{2}$

Предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-3x^2 + x - 2}{4x^2 - 11x + 3}$ равен

— 0

— ∞

— $-\frac{2}{3}$

— $-\frac{3}{4}$

Предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 - 5x + 7}{4x^3 + 2x - 5}$ равен

— 0

— ∞

— $-\frac{7}{5}$

— $-\frac{5}{2}$

Предел $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x}{x}$ равен

— 3

— $\frac{1}{3}$

— 1

— 0

Предел $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin \frac{x}{2}}{x}$ равен

- 2
- $\frac{1}{2}$
- 0
- 1

Предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{3}{x}\right)^x$ равен

- $e^{\frac{1}{3}}$
- e
- e^3
- ∞

Предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{3}{2x}\right)^{\frac{x}{2}}$ равен

- $e^{-\frac{3}{4}}$
- $e^{\frac{1}{3}}$
- $e^{\frac{3}{4}}$
- e

Предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3^x - 4}{4^x + 5}$ равен

- ∞
- 0
- $\frac{3}{4}$
- $-\frac{4}{5}$

Предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x^2 - 3x + 2}}{2x + 3}$ равен

- 0
- ∞
- $\frac{1}{2}$

— $\frac{\sqrt{2}}{2}$

Если при $x \rightarrow x_0$ функция $\alpha(x)$ – бесконечно малая величина, то $\frac{1}{\alpha(x)}$ –

- равна бесконечности
- бесконечно большая величина
- постоянная величина
- неопределенная величина

Если при $x \rightarrow x_0$ функция $f(x)$ – бесконечно большая величина, то $\frac{1}{f(x)}$ –

- равна нулю
- постоянная величина
- бесконечно малая величина
- неопределенная величина

Если в окрестности точки x_0 некоторую функцию $f(x)$ можно представить как $f(x) = a + \alpha(x)$, где a – постоянное число, $\alpha(x)$ – бесконечно малая величина при $x \rightarrow x_0$, то $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x)$ равен

- a
- $\alpha(x)$
- $a + \alpha(x)$
- a или $\alpha(x)$ в зависимости от окрестности x_0

Указать выражение, которое не является неопределенностью

- $(\infty - \infty)$
- $\left(\frac{0}{0}\right)$
- (1^∞)
- $(\infty + \infty)$

Указать выражение, которое не является неопределенностью

- $(\infty - \infty)$
- $\left(\frac{0}{0}\right)$
- (2^∞)
- $(0 \cdot \infty)$

$\lim_{x \rightarrow 3-0} \frac{x^2}{x^2 - 9}$ равен

- $-\infty$

- $+\infty$
- 0
- 1

$\lim_{x \rightarrow 3+0} \frac{x^2}{x^2 - 9}$ равен

- $-\infty$
- 0
- 1
- $+\infty$

$\lim_{x \rightarrow 2-0} \frac{3x}{4 - x^2}$ равен

- $-\infty$
- $+\infty$
- 0
- -3

$\lim_{x \rightarrow -2+0} \frac{3x}{4 - x^2}$ равен

- $-\infty$
- $+\infty$
- -3
- 0

$\lim_{x \rightarrow 0} (1 - 3x)^{\frac{2}{x}}$ равен

- e^6
- e^2
- $\frac{1}{e^3}$
- $\frac{1}{e^6}$

Если бесконечно малые в точке x_0 функции $\alpha(x)$ и $\beta(x)$ эквивалентны, то $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{\alpha(x)}{\beta(x)}$

равен

- 0
- 1
- ∞
- $A \neq 0, A \neq 1$

Если $\alpha(x) = e^{x-1} - 1$ и $\beta(x) = x - 1$ — бесконечно малые в точке $x = 1$ величины, то

- $\alpha(x)$ и $\beta(x)$ — эквивалентны

- $\alpha(x)$ – бесконечно малая величина более высокого порядка, чем $\beta(x)$
- $\alpha(x)$ – бесконечно малая величина более низкого порядка, чем $\beta(x)$
- $\alpha(x)$ и $\beta(x)$ – бесконечно малые величины разных порядков

Если $\alpha(x) = \ln(1 + 4x)$ и $\beta(x) = 2x$ – бесконечно малые величины в точке $x = 0$, то

- $\alpha(x)$ и $\beta(x)$ – эквивалентны
- $\alpha(x)$ и $\beta(x)$ – бесконечно малые величины одного порядка
- $\alpha(x)$ – бесконечно малая величина более низкого порядка, чем $\beta(x)$
- $\alpha(x)$ – бесконечно малая величина более высокого порядка, чем $\beta(x)$

Если $\alpha(x) = 1 - \cos 3x$ и $\beta(x) = x^3$ – бесконечно малые в точке $x = 0$ величины, то

- $\alpha(x)$ – бесконечно малая величина более высокого порядка, чем $\beta(x)$
- $\alpha(x)$ и $\beta(x)$ – бесконечно малые величины одного порядка
- $\alpha(x)$ и $\beta(x)$ – эквивалентны
- $\alpha(x)$ – бесконечно малая величина более низкого порядка, чем $\beta(x)$

Если $\alpha(x) = \sin^2 3x$ и $\beta(x) = 3x$ – бесконечно малые в точке $x = 0$ величины, то

- $\alpha(x)$ и $\beta(x)$ – эквивалентны
- $\alpha(x)$ – бесконечно малая величина более низкого порядка, чем $\beta(x)$
- $\alpha(x)$ – бесконечно малая величина более высокого порядка, чем $\beta(x)$
- $\alpha(x)$ и $\beta(x)$ – бесконечно малые величины одного порядка

Если $\alpha(x)$ и $\beta(x)$ – бесконечно малые в точке x_0 функции и $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{\alpha(x)}{\beta(x)} = 0$, то

- $\alpha(x)$ – бесконечно малая величина более высокого порядка, чем $\beta(x)$
- $\alpha(x)$ и $\beta(x)$ – эквивалентны
- $\alpha(x)$ – бесконечно малая величина более низкого порядка, чем $\beta(x)$
- $\alpha(x)$ и $\beta(x)$ – бесконечно малые величины одного порядка

Если $\alpha(x)$ и $\beta(x)$ – бесконечно малые в точке x_0 функции и $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{\alpha(x)}{\beta(x)} = \infty$, то

- $\alpha(x)$ – бесконечно малая величина более высокого порядка, чем $\beta(x)$
- $\alpha(x)$ и $\beta(x)$ – эквивалентны
- $\alpha(x)$ – бесконечно малая величина более низкого порядка, чем $\beta(x)$
- $\alpha(x)$ и $\beta(x)$ – бесконечно малые величины одного порядка

Если $\alpha(x)$ и $\beta(x)$ – бесконечно малые в точке x_0 функции и $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{\alpha(x)}{\beta(x)} = A$, где $A \neq 0$,

$A \neq 1$, то

- $\alpha(x)$ и $\beta(x)$ – эквивалентны
- $\alpha(x)$ и $\beta(x)$ – бесконечно малые величины одного порядка
- $\alpha(x)$ – бесконечно малая величина более высокого порядка, чем $\beta(x)$
- $\alpha(x)$ – бесконечно малая величина более низкого порядка, чем $\beta(x)$

Если $\alpha(x) = \ln \sin x$ и $\beta(x) = 2x - \pi$ — бесконечно малые в точке $x = \frac{\pi}{2}$ величины, то

— $\alpha(x)$ и $\beta(x)$ — эквивалентны

— $\alpha(x)$ — бесконечно малая величина более низкого порядка, чем $\beta(x)$

— $\alpha(x)$ и $\beta(x)$ — бесконечно малые величины одного порядка

— $\alpha(x)$ — бесконечно малая величина более высокого порядка, чем $\beta(x)$

Предел $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos^2 2x}{3x^2}$ равен

— $\frac{32}{3}$

— $\frac{2}{3}$

— $\frac{4}{3}$

— $\frac{8}{3}$

Предел $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x}{\sqrt{x+4} - 2}$ равен

— 0

— 4

— 12

— 18

Предел $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 + x^2 - 2x}{x^2 - 3x + 2}$ равен

— ∞

— 0

— -3

— 3

Предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{5n^2}{3-4n^2} + 3^{\frac{1}{2n-1}} \right)$ равен

— $\frac{7}{4}$

— $-\frac{1}{4}$

— $\frac{9}{4}$

— $\frac{17}{4}$

Предел $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \sin 2x}{1 - \cos^2 x}$ равен

— 2

— 0

— ∞

— 1

Предел $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2 + 2x} - x)$ равен

— $+\infty$

— $-\infty$

— 1

— 0

Предел $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 5x}{e^{4x} - 1}$ равен

— $\frac{5}{4}$

— 1

— 0

— $-\frac{5}{4}$

Предел $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{5x} - 1}{1 - \cos 3x}$ равен

— $\frac{5}{3}$

— $-\frac{5}{3}$

— 0

— ∞

ТЕМА 3. Непрерывность функций. Точки разрыва и асимптоты кривой

Функция $y = f(x)$ называется непрерывной в точке x_0 , если

- она существует в окрестности точки x_0
- существует конечный предел $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x)$
- существует конечный предел $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = f(x_0)$
- она существует в точке x_0 и в ее окрестности

Точка x_0 для функции $f(x)$ является точкой разрыва 1-го рода с конечным скачком, если

- хотя бы один из односторонних пределов $\lim_{x \rightarrow x_0-0} f(x)$ или $\lim_{x \rightarrow x_0+0} f(x)$ равен конечному числу
- конечные односторонние пределы $\lim_{x \rightarrow x_0-0} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow x_0+0} f(x)$
- существуют конечные односторонние пределы $\lim_{x \rightarrow x_0-0} f(x)$ и $\lim_{x \rightarrow x_0+0} f(x)$
- хотя бы один из односторонних пределов в точке x_0 бесконечен

Точка x_0 для функции $f(x)$ является точкой разрыва 2-го рода, если

- хотя бы один из односторонних пределов $\lim_{x \rightarrow x_0-0} f(x)$ и $\lim_{x \rightarrow x_0+0} f(x)$ бесконечен
- хотя бы один из односторонних пределов $\lim_{x \rightarrow x_0-0} f(x)$ и $\lim_{x \rightarrow x_0+0} f(x)$ равен конечному числу
- конечные односторонние пределы $\lim_{x \rightarrow x_0-0} f(x) = \lim_{x \rightarrow x_0+0} f(x)$
- конечные односторонние пределы $\lim_{x \rightarrow x_0-0} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow x_0+0} f(x)$

График функции $y = f(x)$ имеет вертикальную асимптоту $x = x_0$, если

- существует $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x)$
- точка x_0 является устранимой точкой разрыва для $f(x)$
- точка x_0 является точкой разрыва 2-го рода (с бесконечным скачком)
- точка x_0 является точкой разрыва 1-го рода (с конечным скачком)

Если функция $y = f(x)$ непрерывна в точке $x = x_0$, то

- она определена в точке x_0
- она может быть не определена в точке x_0
- определена везде в окрестности точки x_0 , кроме самой точки x_0
- $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = \infty$

Если функция $f(x)$ непрерывна на отрезке $[a;b]$ и на концах этого отрезка принимает значения разных знаков, то

— найдется хотя бы одна точка $c \in (a;b)$, в которой функция обращается в 0

— ни в одной точке интервала $(a;b)$ функция $f(x)$ не обращается в 0

— во всем интервале $(a;b)$ функция $f(x)$ положительна

—

во всем интервале $(a;b)$ функция $f(x)$ отрицательна

Если функция $f(x)$ непрерывна на отрезке $[a;b]$, то она

— может быть неограниченна на одном из концов отрезка $[a;b]$

— может быть неограничена внутри интервала $(a;b)$

— ограничена и сверху, и снизу

— ограничена или сверху, или снизу

Приращение функции $y = f(x)$ на отрезке $[x_0, x_0 + \Delta x]$ находится по формуле

— $f(x_0 - \Delta x) - f(x_0)$

— $f(x_0 + \Delta x) + f(x_0)$

— $f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)$

— $f(x_0 - \Delta x) + f(x_0)$

Функция непрерывна в точке, если

— бесконечно малому приращению аргумента соответствует произвольное приращение функции

— бесконечно малому приращению функции соответствует бесконечно большое приращение аргумента

— бесконечно малому приращению аргумента соответствует бесконечно малое приращение функции

— бесконечно малому приращению аргумента соответствует фиксированное приращение функции

Функция непрерывна в интервале, если она

— непрерывна на его концах

— имеет конечное число точек разрыва I рода на этом интервале

— имеет одну точку разрыва I рода в этом интервале

— непрерывна в каждой его точке

Точка разрыва с конечным скачком – это то же самое, что

— точка разрыва II рода

— точка устранимого разрыва

— точка разрыва I рода

— точка, в которой производная функции конечна

Угловой коэффициент наклонной асимптоты находится по формуле

— $k = \lim_{x \rightarrow \infty} f(x)$

— $k = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x}{f(x)}$

— $k = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x}$

— $k = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x}$

У горизонтальной асимптоты $y = kx + b$

— $k \neq 0, b \neq 0$

— $k \neq 0, b = 0$

— $k = \infty$

— $k = 0$

Если функция $f(x)$ непрерывна в точке x_0 и $f(x_0) \neq 0$, то в бесконечно малой окрестности точки x_0 функция $f(x)$

— обращается в 0

— имеет тот же знак, что и $f(x_0)$

— имеет произвольный знак

— меняет знак с «-» на «+»

Если в точке x_0 существуют не равные между собой конечные левый и правый пределы функции, то

— x_0 – точка разрыва второго рода

— x_0 - точка разрыва первого рода

— x_0 - устранимая точка разрыва

— в точке x_0 существует производная этой функции

Если в точке x_0 хотя бы один из односторонних пределов функции бесконечен, то

— x_0 – точка разрыва первого рода

— x_0 – устранимая точка разрыва

— x_0 – точка разрыва второго рода

— в точке x_0 не существует вертикальная асимптота

Функция $y = \frac{x-3}{x^2-4x+3}$ имеет вертикальную асимптоту

— $x = 1$

— $x = 1, x = 3$

— $x = 3$

— $y = 1$

Функция $y = \frac{x^2}{x^2 - 4x}$ имеет вертикальную асимптоту

- $x = 4$
- $x = 0, x = 4$
- $x = 0$
- $y = x + 2$

Пусть $\lim_{x \rightarrow x_0 - 0} f(x) = -2$, $\lim_{x \rightarrow x_0 + 0} f(x) = 2$, тогда скачок функции $f(x)$ в точке x_0 равен

- -4
- 4
- 0
- 2

Дана функция $y = \frac{2x^2 + 5x + 6}{x - 1}$. Угловый коэффициент наклонной асимптоты равен

- 1
- 2
- ∞
- -1

Дана функция $y = 3x^2 + 2x - 5$. Угловый коэффициент наклонной асимптоты равен

- 3
- 2
- 0
- не существует

Дана функция $y = \frac{x^2 + 2x - 3}{x}$. Уравнение наклонной асимптоты имеет вид

- $y = -3$
- $y = x - 2$
- $y = x + 2$
- $y = 2$

Дана функция $y = \frac{x^2}{x^2 - 4}$. Уравнение наклонной асимптоты имеет вид

- $y = -4$
- $y = 1$
- $x = 1$
- $x = -2$

Функция $f(x) = \frac{x^2 + x}{x^3 - 4x}$ имеет устранимую точку разрыва в точке

- $x = -2$

- $x = 0$
- $x = 2$
- не имеет устранимой точки разрыва

Уравнение наклонной асимптоты для функции $f(x) = \frac{x}{x^2 + 4}$ имеет вид

- $y = 0$
- $x = -2$
- $x = 2$
- $y = x^2 + 4$

Для функции
$$y = \begin{cases} 2, & \text{если } x < -1; \\ x^2 + 1, & \text{если } -1 \leq x \leq 1; \\ x + 2, & \text{если } x > 1 \end{cases}$$

- $x = -1$ – устранимая точка разрыва; $x = 1$ – точка разрыва 1-го рода
- $x = -1$ – точка разрыва 1-го рода; $x = 1$ – точка разрыва 2-го рода
- $x = 1$ – точка разрыва 1-го рода
- точек разрыва нет

Для функции
$$y = \begin{cases} -x - 3, & \text{если } x < -2; \\ 4 - x^2, & \text{если } -2 \leq x \leq 2; \\ x - 2, & \text{если } x > 2 \end{cases}$$

- $x = -2$ – точка разрыва 2-го рода; $x = 2$ – точка разрыва 1-го рода
- $x = -2$ и $x = 2$ – устранимые точки разрыва
- $x = 2$ – точка разрыва 1-го рода
- $x = -2$ – точка разрыва 1-го рода

Для функции
$$y = \begin{cases} x + 6, & \text{если } x < -2; \\ x^2 - 1, & \text{если } -2 \leq x < 2; \\ \frac{6}{x}, & \text{если } x \geq 2 \end{cases}$$

- $x = -2$ – точка разрыва 1-го рода
- $x = -2$ – точка разрыва 2-го рода; $x = 2$ – точка разрыва 1-го рода
- $x = -2$ и $x = 2$ – точки разрыва 1-го рода
- точек разрыва нет

Для функции
$$y = \begin{cases} -x - 5, & \text{если } x \leq -2; \\ 1 - x^2, & \text{если } -2 < x < 2; \\ x - 6, & \text{если } x \geq 2 \end{cases}$$

- $x = -2$ и $x = 2$ – точки разрыва 1-го рода
- $x = 2$ – точка разрыва 1-го рода
- $x = -2$ – точка разрыва 1-го рода; $x = 2$ – точка разрыва 2-го рода

— $x = -2$ – точка разрыва 1-го рода; $x = 2$ – устранимая точка разрыва

Для функции
$$y = \begin{cases} x^2 + 2, & \text{если } x \leq 1; \\ 3x, & \text{если } 1 < x \leq 3; \\ x + 4, & \text{если } x > 3 \end{cases}$$

— $x = 1$ – устранимая точка разрыва; $x = 3$ – точка разрыва 1-го рода

— $x = 1$ – точка разрыва 1-го рода; $x = 3$ – точка разрыва 2-го рода

— $x = 1$ и $x = 3$ – точки разрыва 1-го рода

— $x = 3$ – точка разрыва 1-го рода

Уравнение наклонной асимптоты для функции $y = \frac{x^2 + 2x - 3}{x + 1}$ имеет вид

— $y = x + 1$

— $y = x + 2$

— $y = x - 3$

— $y = x + 3$

Уравнение наклонной асимптоты для функции $y = \frac{3 + 2x - x^2}{x}$ имеет вид

— $y = 3 - x$

— $y = 2x + 3$

— $y = 2 - x$

— $y = -x$

Функция $y = \frac{x + 1}{x^2 - 2x - 3}$ имеет вертикальную асимптоту

— $x = -1$

— $x = 3$

— $x = -1, x = 3$

— $y = 0$

Функция $y = \frac{x^2 - 4x}{x^3 - 3x^2 - 4x}$ имеет устранимые точки разрыва в точках

— $x = -1, x = 0$

— $x = -1, x = 4$

— $x = -4, x = 1$

— $x = 0, x = 4$

Функция $y = \frac{2x - 6}{|x^2 - 3x|}$ имеет точку разрыва 1-го рода в точке

— $x = 0$

— $x = 6$

— $x = 3$

— не имеет точки разрыва 1-го рода

Функция $y = \frac{|x-2|}{x^3-4x}$ имеет устранимые точки разрыва в точках

- $x = -2, x = 2$
- $x = -2, x = 0, x = 2$
- $x = 2$
- не имеет устранимых точек разрыва

Функция $y = \frac{|2x+6|}{x^2-4}$ имеет точки разрыва 1-го рода в точках

- $x = -3$
- не имеет
- $x = -2, x = 2$
- $x = -3, x = -2, x = 2$

Функция $y = \frac{2x-6}{x^2+9}$ в точке $x = 3$ имеет

- точку разрыва 2-го рода
- устранимую точку разрыва
- не имеет точки разрыва
- имеет точку разрыва 1-го рода

Функция $y = \frac{|x+3|}{x^2+x-6}$ имеет вертикальные асимптоты (асимптоту)

- $x = 2$
- $x = -3, x = 2$
- $x = -3$
- не имеет вертикальных асимптот

Уравнение наклонной асимптоты для функции $y = \frac{2x^2+3x-5}{3-x}$ имеет вид

- $y = 2x - 9$
- $y = -2x - 9$
- $y = -2x + 9$
- $y = -2x + 3$

ТЕМА 4. Дифференциальное исчисление функций одной и двух переменных

Если функция $y = f(x)$ в точке x_0 имеет производную $f'(x_0)$, то

— $f'(x_0) = \frac{\Delta y}{\Delta x}$

— $f'(x_0) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{\Delta x}$

— $f'(x_0) = \lim_{\Delta y \rightarrow 0} \frac{\Delta x}{\Delta y}$

— $f'(x_0) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta x}{\Delta y}$

Если производная функции $f(x)$ в точке x_0 равна нулю, т. е. $f'(x_0) = 0$, то касательная к графику функции в этой точке

— параллельна оси OY

— параллельна оси OX

— не существует

— образует острый угол с положительным направлением оси OX

Если функция $y = f(x)$ дифференцируема в точке x_0 , то она

— разрывна в этой точке

— непрерывна в точке x_0

— возрастает

— убывает

Производная функции $y = 3^{\sin x}$ равна

— $\sin x \cdot 3^{\sin x - 1}$

— $3^{\cos x} \ln 3$

— $3^{\sin x} \ln 3 \cdot \cos x$

— $3^{\sin x} \ln \sin x$

Дифференциалом функции в точке x_0 называется

— производная функции в этой точке

— приращение независимой переменной

— главная линейная часть приращения функции в этой точке

— приращение функции в этой точке

Производная функции $y = \sqrt{1 - 3x^2}$ равна

— $-\frac{3x}{\sqrt{1 - 3x^2}}$

— $\sqrt{(1 - 3x^2)^3}$

$$\frac{3x}{\sqrt{1-3x^2}}$$

$$\frac{1}{2\sqrt{1-3x^2}}$$

Дифференциал функции $y = f(x)$ в точке x_0 равен

$$— dy = f'(x_0)dx$$

$$— dy = f'(x_0)$$

$$— dy = \frac{dx}{f'(x_0)}$$

$$— dy = \frac{f'(x_0)}{dx}$$

Дифференциал от произведения функций $u = u(x)$ и $v = v(x)$ равен

$$— d(uv) = udv - vdu$$

$$— d(uv) = vdu + udv$$

$$— d(uv) = vdv + udu$$

$$— d(uv) = udu - vdv$$

Дифференциал второго порядка функции $y = f(x)$ равен

$$— d^2 y = y'' d^2 x$$

$$— d^2 y = y'' dx$$

$$— d^2 y = y'' dx^2$$

$$— d^2 y = y' d^2 x$$

Производная функции $y = \cos x^3$ равна

$$— -\sin x^3$$

$$— -\sin 3x^2$$

$$— -3x^2 \sin x^3$$

$$— -3x^2 \sin x$$

Производная функции $y = \arcsin 2x$ равна

$$\frac{1}{\sqrt{1-4x^2}}$$

$$-\frac{1}{\sqrt{1-4x^2}}$$

$$\frac{2}{\sqrt{1-4x^2}}$$

$$-\frac{2}{1+4x^2}$$

Z'_x функции $Z = x^2 - x\sqrt{y} - y^3 + 5$ равна

- $2x - \sqrt{y}$
- $2x - \sqrt{y} - y^3$
- $2x - \sqrt{y} - 3y^2$
- $2x - \sqrt{y} - 3y^2 + 5$

Производная функции в точке равна

- тангенсу угла наклона к оси OX нормали к кривой в этой точке
- тангенсу угла наклона к оси OX касательной к кривой в этой точке
- углу наклона к оси OX нормали к кривой в этой точке
- углу наклона к оси OX касательной в этой точке

Определение частной производной функции в точке $M_0(x_0, y_0)$ по переменной x возможно, если функция

- определена только в самой точке $M_0(x_0, y_0)$
- определена только в некоторой окрестности точки $M_0(x_0, y_0)$
- не определена в точке $M_0(x_0, y_0)$
- определена в точке $M_0(x_0, y_0)$ и в некоторой ее окрестности

Если функция $Z = f(x, y)$ дважды дифференцируема, то

- $Z''_{xy} \neq Z''_{yx}$
- $Z''_{xy} = Z''_{yx}$
- $Z''_{xy} = Z''_{yy}$
- $Z''_{xx} = Z''_{yy}$

Производная функции $y = f(x)$ в точке x_0 — это

- скорость изменения функции в точке
- относительное изменение функции в точке
- скорость изменения аргумента
- относительное изменение аргумента

Производная сложной функции $y = f(\varphi(x))$ равна

- $f'(\varphi(x))$
- $f(\varphi'(x))$
- $f'(\varphi'(x))$
- $f'(\varphi(x)) \cdot \varphi'(x)$

Производная второго порядка от функции $y = \sin x$ равна

- $\sin^2 x$
- $\cos^2 x$
- $-\cos x$
- $-\sin x$

Z'_y функции $Z = x^2 - x\sqrt{y} - y^3 + 5$ равна

- $x^2 - \frac{x}{2\sqrt{y}} - 3y^2$
- $-\frac{x}{2\sqrt{y}} - 3y^2$
- $-\frac{x\sqrt{y^3}}{2} - 3y^2 + 5$
- $x^2 - x - 3y^2$

Производная обратной функции $x = g(y)$ к функции $y = f(x)$ определяется по формуле

- $g'(y) = -f'(x)$
- $g'(y) = \frac{1}{f(x)}$
- $g'(y) = \frac{1}{f'(x)}$
- $g'(y) = -\frac{1}{f'(x)}$

Производная функции $y = \log_a x$ равна

- $\frac{1}{x \cdot a^x}$
- $\frac{\ln a}{x}$
- $\frac{1}{x \ln a}$
- $\frac{1}{x}$

Производная функции $y = \frac{1}{\operatorname{ctgx}}$ равна

- $-\sin^2 x$
- $\cos^2 x$

— $\frac{1}{\cos^2 x}$
 — $-\frac{1}{\operatorname{ctg}^2 x}$

Полный дифференциал функции $Z = f(x, y)$ определяется по формуле

— $dZ = (Z'_x + Z'_y) dx dy$

— $dZ = \frac{Z'_x dx}{Z'_y dy}$

— $dZ = Z'_x dx - Z'_y dy$

— $dZ = Z'_x dx + Z'_y dy$

Производная второго порядка от функции $y = \cos x$ равна

— $\cos x$

— $\sin^2 x$

— $-\cos x$

— $-\sin x$

Производная функции $y = \frac{1}{\sin x}$ равна

— $\frac{1}{\cos x}$

— $-\frac{1}{\sin^2 x}$

— $-\frac{\operatorname{tg} x}{\sin x}$

— $-\frac{\operatorname{ctg} x}{\sin x}$

Производная второго порядка от функции $y = \ln x$ равна

— $\frac{1}{x^2}$

— $-\frac{1}{x^2}$

— 1

— -1

Z''_{xx} функции $Z = x^2 - x\sqrt{y} - y^3 + 5$ равна

— $2 - \sqrt{y}$

- $2 - \frac{1}{2\sqrt{y}}$
- 2
- 0

Если в некоторой точке x_0 касательная к кривой $y = f(x)$ перпендикулярна к оси Ox , то производная в этой точке

- равна нулю
- равна 1
- не существует
- непрерывна

Z''_{xy} функции $Z = x^2 - x\sqrt{y} - y^3 + 5$ равна

- $-\frac{1}{2\sqrt{y}}$
- $\frac{1}{2\sqrt{y}}$
- $2 - \frac{1}{2\sqrt{y}}$
- $2x - \frac{\sqrt{y^3}}{2}$

Производная функции $y = \frac{1}{\operatorname{tg}x}$ равна

- $\frac{1}{\cos^2 x}$
- $\cos^2 x$
- $\frac{1}{\sin^2 x}$
- $-\frac{1}{\sin^2 x}$

Производная функции $y = \operatorname{arctg}x$ равна

- $\frac{1}{1+x^2}$
- $\operatorname{arctg}x$
- $\operatorname{tg}x$
- $-\frac{1}{\sin^2 x}$

Производная функции $y = a^{-x}$ равна

$$\frac{a^x}{\ln a}$$

$$- a^{-x} \ln a$$

$$- x a^{-x-1}$$

$$- a^{-x} \ln a$$

Полный дифференциал второго порядка функции $Z = f(x, y)$ равен

$$Z''_{xx} dx^2 + Z''_{yy} dy^2$$

$$Z''_{xx} dx^2 - Z''_{yy} dy^2$$

$$(Z'_x dx)^2 + (Z'_y dy)^2$$

$$Z''_{xx} dx^2 + 2Z''_{xy} dx dy + Z''_{yy} dy^2$$

Z''_{xy} функции $Z = x^2 \ln y$ равна

$$2x + \frac{1}{y}$$

$$\frac{2x}{y}$$

$$-\frac{2x}{y^2}$$

$$\frac{x^2}{y}$$

Z''_{xx} функции $Z = x^2 \ln y$ равна

$$2 + \ln y$$

$$\frac{1}{y}$$

$$\ln y$$

$$2 \ln y$$

Равенство $Z''_{xy} = Z''_{yx}$ имеет место для

— интегрируемой функции $Z = f(x, y)$

— четной функции $Z = f(x, y)$

— любой дважды дифференцируемой функции $Z = f(x, y)$

— только однородной функции $Z = f(x, y)$

Дифференциал $d\left(\frac{u}{v}\right)$ равен

— $\frac{du}{dv}$

— $\frac{vdu - u dv}{v^2}$

— $\frac{udv - vdu}{v^2}$

— $\frac{vdu + u dv}{v^2}$

Дифференциал $d(C + f(x))$, где C – постоянная величина, равен

— $C + f'(x)dx$

— $(C + f'(x))dx$

— $f'(x)dx$

— $f'(x)$

Дифференциал dy функции $y = \ln^3 x$ равен

— $\frac{3 \ln^2 x dx}{x}$

— $3 \ln^2 \frac{1}{x} dx$

— $3 \ln^2 x dx$

— $\frac{3 \ln x dx}{x}$

Дифференциал dy функции $y = \sin^2 x$ равен

— $2 \cos dx$

— $-\sin 2x dx$

— $\sin 2x dx$

— $2 \sin x dx$

Значение производной функции $y = \sqrt[3]{3 - 2x^2}$ в точке $x_0 = 1$ равно

— $\frac{4}{3}$

— $\frac{1}{3}$

— $-\frac{4}{3}$

— $-\frac{1}{3}$

Производная функции $y = 3^{\log_3 \sin^3 x}$ равна

— $3 \sin^2 x \cos x | 3 \cos^2 x | 3^{\log_3 \sin^3 x} \ln 3$

— $-3 \sin^2 x \cos x$

Z''_{xy} функции $Z = y^2 \ln x$ равна

— $-\frac{1}{x^2}$

— $2y - \frac{1}{x^2}$

— $2y$

— $\frac{2y}{x}$

Z''_{xx} функции $Z = y^2 \ln x$ равна

— y^2

— $-\frac{y^2}{x^2}$

— $\frac{y^2}{x^2}$

— $-\frac{2y}{x^2}$

Значение производной функции $y = \ln^3 x$ в точке $x_0 = e$ равно

— $\frac{3}{e}$

— 3

— $3e$

— 0

Дифференциал функции $y = e^{\sin 2x}$ в точке $x_0 = \frac{\pi}{2}$ равен

— $-2edx$

— 0

— $-2dx$

— $2edx$

Z''_{xy} функции $Z = x^3 + y\sqrt{x} - y^2 + 7$ равна

— $3x^2 + \frac{1}{2\sqrt{x}}$

— $\frac{1}{2\sqrt{x}}$

$$— \frac{1}{2\sqrt{x}} - 2$$

$$— 6x + \frac{y}{2\sqrt{x}}$$

Значение производной функции $y = \ln(x^2 - 2x)$ в точке $x_0 = 3$ равен

$$— \frac{1}{4}$$

$$— \frac{1}{3}$$

$$— \frac{2}{3}$$

$$— \frac{4}{3}$$

Z''_{yy} функции $Z = x^3 + y\sqrt{x} - y^2 + 7$ равна

$$— -2$$

$$— x^3 + \sqrt{x} - 2$$

$$— 6x + \sqrt{x} - 2$$

$$— 6x + \frac{1}{2\sqrt{x}} - 2$$

Производная второго порядка функции $y = x^2 \ln x$ равна

$$— 3$$

$$— 2 \ln x + 1$$

$$— 2 \ln x + 3$$

$$— 2 \ln x + 2$$

Производная второго порядка функции $y = x \ln x^2$ равна

$$— \frac{2}{x} + 2$$

$$— \frac{2}{x}$$

$$— 2 + \frac{1}{x}$$

$$— \frac{2}{x} - \frac{1}{x^2}$$

Дифференциал dy функции $y = \frac{1}{\operatorname{ctg} x}$ равен

$$— \operatorname{tg} x dx$$

$$\text{--- } \frac{dx}{\cos^2 x}$$

$$\text{--- } \frac{dx}{\sin^2 x}$$

$$\text{--- } -\frac{dx}{\sin^2 x}$$

Производная функции $y = \sin x \cos x$ равна

$$\text{--- } -\cos x \sin x$$

$$\text{--- } \frac{1}{2} \cos 2x$$

$$\text{--- } -\frac{1}{2} \sin 2x$$

$$\text{--- } \cos 2x$$

Дифференциал dy функции $y = \operatorname{tg} x \operatorname{ctg} x$ равен

$$\text{--- } \operatorname{ctg} x \operatorname{tg} x dx$$

$$\text{--- } dx$$

$$\text{--- } 0$$

$$\text{--- } -dx$$

Дифференциал второго порядка функции $y = \cos^2 x$ равен

$$\text{--- } \cos 2x dx^2$$

$$\text{--- } -2 \cos 2x d^2 x$$

$$\text{--- } -\cos 2x d^2 x$$

$$\text{--- } -2 \cos 2x dx^2$$

Полный дифференциал dz функции $Z = x^2 \ln y$ равен

$$\text{--- } 2x \ln y dx + \frac{x^2 dy}{y}$$

$$\text{--- } x^2 dx + \ln y dy$$

$$\text{--- } \frac{2x}{y} dx dy$$

$$\text{--- } \frac{2xy \ln y dx - x^2 dy}{y}$$

Производная функции $y = 3^{\sin^2 x}$ равна

$$\text{--- } 3^{\sin^2 x} \ln 3 \cdot \sin 2x$$

$$\text{--- } \sin^2 x \cdot 3^{\sin^2 x - 1}$$

$$\text{--- } 2 \cdot 3^{\sin^2 x} \ln 3 \cdot \cos x$$

$$\text{--- } 3^{\sin 2x}$$

Дифференциал второго порядка d^2y функции $y = \cos x \sin x$ равен

— $2 \sin 2x dx^2$

— $2 \cos 2x dx^2$

— $-2 \cos 2x dx^2$

— $-2 \sin 2x dx^2$

Дифференциал функции $y = \sec 2x$ равен

— $\frac{2 \operatorname{ctg} 2x dx}{\cos 2x}$

— $-\frac{2 \operatorname{tg} 2x dx}{\cos 2x}$

— $-\frac{2 \operatorname{ctg} 2x dx}{\cos 2x}$

— $\frac{2 \operatorname{tg} 2x dx}{\cos 2x}$

ТЕМА 5. Основные теоремы дифференциального исчисления. Применение производной для исследования функций

Функция $y=f(x)$ имеет в точке x_0 максимум, если

- $f'(x_0) = 0$
- $f'(x_0) = 0, f''(x_0) < 0$
- $f'(x_0) = 0, f''(x_0) < 0$
- $f'(x_0) > 0, f''(x_0) < 0$

Условием выпуклости кривой $y=f(x)$ в интервале (a, b) является

- $f''(x) < 0$
- $f''(x) > 0$
- $f'(x) < 0$
- $f''(x) < 0$

Условием вогнутости кривой $y=f(x)$ в интервале (a, b) является

- $f'(x) < 0$
- $f''(x) > 0$
- $f''(x) < 0$
- $f'(x) > 0$

Функция $y = f(x)$ в точке x_0 имеет минимум, если

- $f'(x_0) = 0, f''(x_0) > 0$
- $f'(x_0) < 0, f''(x_0) > 0$
- $f'(x_0) > 0, f''(x_0) = 0$
- $f'(x_0) = 0, f''(x_0) > 0$

Функция $f(x)$ имеет в точке x_0 максимум, если для всех x из некоторой окрестности точки x_0 выполняется неравенство

- $f(x_0) \geq f(x)$
- $f(x_0) \geq 0$
- $f(x_0) \geq f(x)$
- $f'(x_0) > 0$

Функция $f(x)$ имеет в точке x_0 минимум, если для всех x из некоторой окрестности точки x_0 выполняется неравенство

- $f(x_0) \leq f(x)$
- $f(x_0) \leq 0$
- $f'(x_0) < 0$

$$\text{— } f(x_0) \geq f(x)$$

Если функция $y = f(x)$ во внутренней точке x_0 области определения дифференцируема и достигает в точке x_0 наибольшего и наименьшего значения, то производная функции в этой точке

$$\text{— } f'(x_0) \neq 0$$

— $f'(x_0)$ не существует

$$\text{— } f'(x_0) = 0$$

$$\text{— } f'(x_0) = \infty$$

Критическими точками функции $f(x)$ на экстремум, называются точки, в которых для функции $f(x)$ выполняется условие

$$\text{— } f'(x_0) = 0$$

$$\text{— } f'(x_0) > 0$$

$$\text{— } f'(x_0) < 0$$

$$\text{— } f(x_0) = \infty$$

Если на отрезке $[a; b]$ для функции $f(x)$ выполняются все условия теоремы Ролля, то на дуге АВ найдется точка, в которой касательная к графику

— проходит через начало координат

— параллельна оси ординат

— перпендикулярна оси абсцисс

— параллельна оси абсцисс

Из теоремы Лангранжа следует, что в интервале $(a; b)$ найдется точка c такая, что

$$\text{— } f'(c) = 0$$

$$\text{— } \frac{f(b) - f(a)}{b - a} = f'(c)$$

$$\text{— } \frac{f(b) + f(a)}{b - a} = f'(c)$$

$$\text{— } \frac{f(b) - f(a)}{b + a} = f'(c)$$

К функциям $f(x)$ и $g(x)$ теорема Коши применима, если

— $f(x)$ и $g(x)$ непрерывны на $(a; b)$ и дифференцируемы на $(a; b)$

— $f(x)$ и $g(x)$ непрерывны на $[a; b]$ и $g'(x) \neq 0$ в интервале $(a; b)$

— $f(x)$ и $g(x)$ непрерывны на $[a; b]$, дифференцируемы на $(a; b)$ и $g'(x) \neq 0$ в интервале $(a; b)$

— $f(x)$ и $g(x)$ непрерывны на $(a; b)$, дифференцируемы на $(a; b)$ и $g'(x) \neq 0$ в интервале $(a; b)$

Если функции $f(x)$ и $g(x)$ непрерывны на отрезке $[a; b]$, дифференцируемы в $(a; b)$ и $g'(x) \neq 0$ в интервале $(a; b)$, то, согласно теореме Коши, в интервале $(a; b)$ найдется точка c такая, что

$$\text{— } \frac{f(b) - f(a)}{g(b) - g(a)} = \frac{f'(c)}{g'(c)}$$

$$\text{— } \frac{f(b) + f(a)}{g(b) + g(a)} = \frac{f'(c)}{g'(c)}$$

$$\text{— } \frac{f(b) - f(a)}{g(b) - g(a)} = \frac{f(c)}{g(c)}$$

$$\text{— } \frac{f(b) - f(a)}{g(b) - g(a)} = \frac{g'(c)}{f'(c)}$$

Правило Лопиталя применяется к неопределенности вида

$$\text{— } 0 \cdot \infty$$

$$\text{— } \infty - \infty$$

$$\text{— } 1^\infty$$

$$\text{— } \frac{\infty}{\infty}$$

Правило Лопиталя применяется к неопределенности вида

$$\text{— } 0 \cdot \infty$$

$$\text{— } \frac{0}{0}$$

$$\text{— } \infty - \infty$$

$$\text{— } 1^\infty$$

Пусть функции $f(x)$ и $g(x)$ непрерывны в $(x_0, a]$, дифференцируемы в (x_0, a) , причем $g'(x) \neq 0$, $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = \infty$ и $\lim_{x \rightarrow x_0} g(x) = \infty$; существует конечный или бесконечный

предел $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f'(x)}{g'(x)}$, то

$$\text{— } \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f''(x)}{g''(x)}$$

$$\text{— } \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{g(x)} = \frac{f'(x)}{g'(x)}$$

$$\text{— } \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f'(x)}{g'(x)}$$

$$\text{— } \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{g(x)} = \text{const}$$

Пусть функции $f(x)$ и $g(x)$ непрерывны в $(x_0, a]$, дифференцируемы в (x_0, a) , причем $g'(x) \neq 0$, $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = 0$ и $\lim_{x \rightarrow x_0} g(x) = 0$; существует конечный или бесконечный

предел $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f'(x)}{g'(x)}$, то

— $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f'(x)}{g'(x)}$

— $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{g(x)} = \frac{f'(x)}{g'(x)}$

— $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{g(x)} = c$

— $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f''(x)}{g''(x)}$

Применима ли теорема Ролля к функции $f(x) = 2 + \sqrt[3]{(x-1)^2}$ на отрезке $[1;2]$

— нет, $y=f(x)$ разрывна на отрезке $[1;2]$

— да, $c=1$

— нет, $y=f(x)$ недифференцируема в интервале $(1;2)$

— нет, $f(1) \neq f(2)$

Применима ли теорема Лагранжа к функции $f(x) = x^2 + 2x + 1$ на отрезке $[0;2]$

— нет, функция $f(x)$ разрывна на $[0;2]$

— применима

— нет, функция $f(x)$ недифференцируема в $(0;2)$

— нет, $f(0) \neq f(2)$

Применима ли теорема Коши к функциям $f(x) = 2x + 3$ и $g(x) = \sqrt[3]{x-1}$ на отрезке $[0;2]$

— да, $c = -\frac{15}{16}$

— нет, $f(0) \neq f(2)$

— нет, функция $g(x)$ не определена при $x \in [0;1)$

— нет, функция $g(x)$ недифференцируема на $(0;2)$

Если функция $y=f(x)$ дифференцируема в интервале $(a;b)$, то для возрастания $f(x)$ в $(a;b)$ необходимо и достаточно, чтобы для всех $x \in (a;b)$ выполнялось

— $f'(x) > 0$

— $f'(x) = 0$

— $f'(x) < 0$

— $f''(x) \geq 0$

Если функция $y=f(x)$ дифференцируема в интервале $(a;b)$, то для убывания $f(x)$ в $(a;b)$ необходимо и достаточно, чтобы для всех $x \in (a;b)$ выполнялось

- $f'(x) > 0$
- $f'(x) = 0$
- $f''(x) \leq 0$
- $f'(x) < 0$

Дана функция $f(x) = 2x^4 + x^3 + 1$, тогда

- $x=0$ является точкой минимума функции $f(x)$
- $x = -\frac{3}{8}$ является точкой минимума функции $f(x)$
- функции $f(x)$ не имеет экстремумов
- $x = -\frac{3}{8}$ является точкой максимума функции $f(x)$

Функция $f(x) = \frac{x^3}{3} - 4x$

- возрастает на $(-\infty; +\infty)$
- возрастает на $(-2; 2)$
- возрастает на $(-\infty; -2) \cup (2; +\infty)$
- возрастает на $[-1; 2]$

Функция $f(x) = \frac{x^3}{3} - 4x$

- убывает на $(-2; 2)$
- убывает на $(-\infty; +\infty)$
- убывает на $[-\infty; 2)$
- убывает на $(-\infty; -2) \cup (2; +\infty)$

Функция $f(x) = 2\sqrt[3]{x-3}$

- выпукла на интервале $(-\infty; 3)$
- вогнута на интервале $(3; +\infty)$
- выпукла на интервале $(3; +\infty)$
- вогнута на интервале $(3; 5)$

Пусть функция $y=f(x)$ непрерывна в $(a;b)$, x_0 – внутренняя точка этого промежутка и $f'(x_0) = 0$ (или $f'(x_0)$ не существует), то

- x_0 – обязательно точка минимума
- x_0 – обязательно точка максимума
- x_0 – обязательно точка перегиба
- в точке x_0 экстремум может существовать, а может и не существовать

- К функции $y=f(x)$ на отрезке $[a; b]$ теорема Ролля применима, если
- $f(x)$ непрерывна на $[a; b]$, дифференцируема в $(a; b)$ и $f(a)=f(b)$
 - $f(x)$ непрерывна на $[a; b]$ и $f(a)=f(b)$
 - $f(x)$ дифференцируема в $(a; b)$
 - $f(x)$ непрерывна в $(a; b)$, дифференцируема в $(a; b)$ и $f(a)=f(b)$

Из теоремы Лагранжа следует, что

- любая касательная к графику функции $f(x)$ в $(a; b)$ параллельна хорде, стягивающей концы дуги $f(x)$ на отрезке $[a; b]$
- касательная к графику функции $f(x)$ в $(a; b)$ параллельна любой хорде в этом интервале
- хорда, стягивающая концы дуги $f(x)$ на $[a; b]$, параллельна оси OY
- в интервале $(a; b)$ найдется касательная, параллельная хорде, стягивающей концы дуги $f(x)$ на отрезке $[a; b]$

Если точка x_0 является точкой перегиба графика $f(x)$ с вертикальной касательной, то

- $f''(x_0) = 0$
- $f'(x_0) = \infty$
- $f'(x_0) = 0$ и $f''(x_0) = 0$
- $f(x_0) = \infty$

Если точка x_0 является точкой перегиба графика $f(x)$ с наклонной касательной, то

- $f'(x_0) = \infty$
- $f''(x_0) = 0$ и $f'(x_0) = 0$
- $f''(x_0) = 0$
- $f(x_0) = \infty$

Точка x_0 называется точкой перегиба графика $f(x)$ с горизонтальной касательной, если

- $f'(x_0) = 0$ и $f''(x_0) = 0$
- $f(x_0) = \infty$
- $f'(x_0) = \infty$
- $f''(x_0) = 0$

Применима ли теорема Ролля к функции $f(x) = 3 + \sqrt{2-x}$ на отрезке $[0; 2]$

- да, $c=2$
- нет, функция $f(x)$ не определена при $x \in [0; 2]$
- нет, функция $f(x)$ не дифференцируема в $(0; 2)$
- нет, $f(0) \neq f(2)$

Применима ли теорема Лагранжа к функции $f(x) = 2 - \sqrt{1+x}$ на отрезке $[-1; 0]$

- нет, функция $f(x)$ разрывна на $[-1; 0]$

- применима
- нет, функция $f(x)$ не дифференцируема в $(-1;0)$
- нет, $f(-1) \neq f(0)$

Точками перегиба функции $y = \frac{x^4}{4} - 6x^2$ являются

- точки $x_1 = 2\sqrt{3}$ и $x_2 = -2\sqrt{3}$
- только точка $x=0$
- точки $x_1 = -2$ и $x_2 = 2$
- у функции $y = \frac{x^4}{4} - 6x^2$ нет точек перегиба

Применима ли теорема Коши к функциям $f(x) = 2x + 1$ и $g(x) = \sqrt[3]{x-2}$ на отрезке $[0;3]$

- нет, функция $g(x)$ не дифференцируема в $(0;3)$ и $g'(x) = 0$ в $(0;3)$
- да, $c=3$
- нет, функция $g(x)$ разрывна на $[0;3]$
- нет, $g(x)$ не дифференцируема в $(0;3)$

Функция $y = \frac{x^4}{4} - x^3$ имеет точку перегиба с горизонтальной касательной в точке

- $(2;-2)$
- $(0;-3)$
- $\left(1; -\frac{3}{4}\right)$
- $(0;0)$

По правилу Лопиталья предел $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 3x}{5x^2}$ равен

- 0
- $\frac{3}{5}$
- $\frac{9}{10}$
- $\frac{9}{10}$

Функция $y = x^3 + 2x$ возрастает только при

- $x \in (0; +\infty)$
- $x \in (-3; 2)$
- $x \in (-\infty; +\infty)$
- $x \in (-\infty; 0)$

Кривая $y = x^4 + 3x^2 - 5$ вогнута при

— $x \in (-\infty; +\infty)$

— $x \in \left(-\infty; \frac{\sqrt{3}}{3}\right) \cup \left(\frac{\sqrt{3}}{3}; +\infty\right)$

— $x \in \left(-\frac{\sqrt{3}}{3}; \frac{\sqrt{3}}{3}\right)$

— $x \in (-\sqrt{3}; \sqrt{3})$

Функция $y = \frac{1}{x} - x$ убывает при

— $x \in (-1; 1)$

— $x \in (-1; 0) \cup (0; 1)$

— $x \in (-\infty; -1) \cup (1; +\infty)$

— $x \in (-\infty; 0) \cup (0; +\infty)$

При неопределенностях $\left(\frac{0}{0}\right)$ или $\left(\frac{\infty}{\infty}\right)$

— $\lim_{x \rightarrow x_0} (f(x) - g(x)) = \lim_{x \rightarrow x_0} (f'(x) - g'(x))$

— $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f'(x)}{g'(x)}$

— $\lim_{x \rightarrow x_0} (f(x) \cdot g(x)) = \lim_{x \rightarrow x_0} (f'(x) \cdot g'(x))$

— $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f'(x)g(x) - f(x)g'(x)}{g^2(x)}$

По правилу Лопиталья $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{4x} - 1}{\ln(1 - 5x)}$ равен

— $\frac{1}{5}$

— $-\frac{1}{5}$

— $\frac{4}{5}$

— $-\frac{4}{5}$

Функция $y = f(x)$ называется возрастающей в интервале $(a; b)$, если для любых $x_1 \in (a; b)$ и $x_2 \in (a; b)$

— из $x_1 > x_2$ следует $f(x_1) < f(x_2)$

- из $x_1 < x_2$ следует $f(x_1) > f(x_2)$
- из $x_1 < x_2$ следует $f(x_1) < f(x_2)$
- из $x_1 = x_2$ следует $f(x_1) > f(x_2)$

По правилу Лопиталья $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{\cos 3x}{2x - \pi}$ равен

- $-\frac{3}{2}$
- $\frac{3}{2}$
- $-\frac{3}{\pi}$
- $\frac{3}{\pi}$

Функция $y = f(x)$ называется убывающей в интервале $(a; b)$, если для любых $x_1 \in (a; b)$ и $x_2 \in (a; b)$

- из $x_1 < x_2$ следует $f(x_1) < f(x_2)$
- из $x_1 > x_2$ следует $f(x_1) > f(x_2)$
- из $x_1 = x_2$ следует $f(x_1) < f(x_2)$
- из $x_1 < x_2$ следует $f(x_1) > f(x_2)$

По правилу Лопиталья $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\operatorname{ctg} 2x}{\operatorname{tg} 4x}$ равен

- $-\frac{1}{2}$
- $\frac{1}{2}$
- -1
- 0

Применима ли теорема Роля к функции $f(x) = \frac{1}{x^2 - 1}$ на отрезке $[-2; 2]$

- да, так как $f(-2) = f(2)$
- да, так как $f(x)$ непрерывна на отрезке $[-2; 2]$ и $f(-2) = f(2)$
- да, так как $f(x)$ непрерывна на отрезке $[-2; 2]$, дифференцируема в $(-2; 2)$ и $f(-2) = f(2)$
- нет, не выполняется условие непрерывности

Абсциссы точек перегиба функции $f(x) = 2x^4 - 4x^2 + 3$ равны

- ± 1

— ± 1 и 0

— $\pm \frac{1}{3}$

— $\pm \frac{1}{\sqrt{3}}$

Применима ли теорема Лагранжа к функции $f(x) = \sqrt[3]{x^2}$ на отрезке $[-1;1]$

— нет, функция недифференцируема в $(-1;1)$

— да, так как $f(-1) = f(1)$

— да, функция непрерывна на $[-1;1]$ и $f(-1) = f(1)$

— да, функция непрерывна на $[-1;1]$, дифференцируема в $(-1;1)$ и $f(-1) = f(1)$

Условие $f'(x_0) = 0$, $f''(x_0) < 0$ является условием

— минимума

— вогнутости

— максимума

— убывания

Условие $f'(x_0) = 0$, $f''(x_0) > 0$ является условием

— максимума

— выпуклости

— возрастания

— минимума

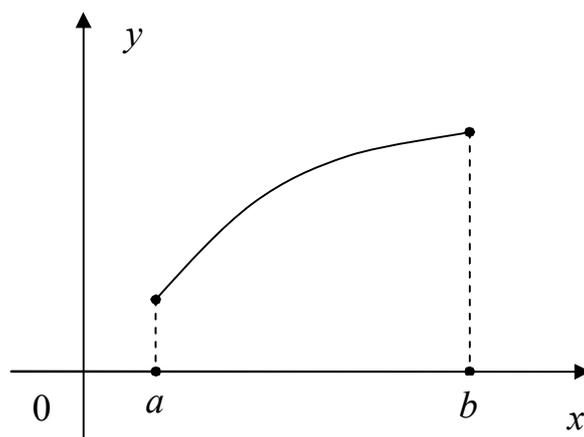
Для графика функции на отрезке $[a;b]$ одновременно выполняются 3 условия

$$y > 0, \quad y' < 0, \quad y'' > 0$$

$$y > 0, \quad y' > 0, \quad y'' > 0$$

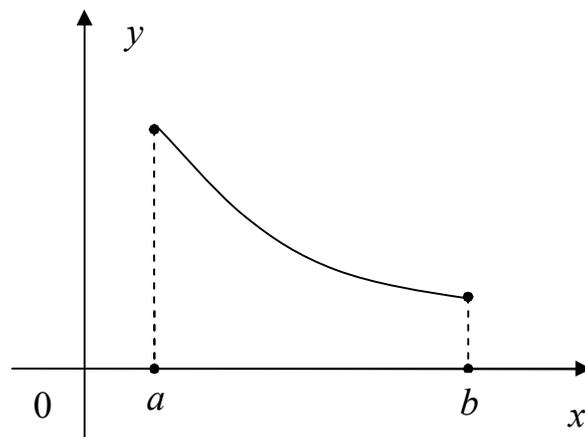
$$y < 0, \quad y' > 0, \quad y'' < 0$$

$$y > 0, \quad y' > 0, \quad y'' < 0$$



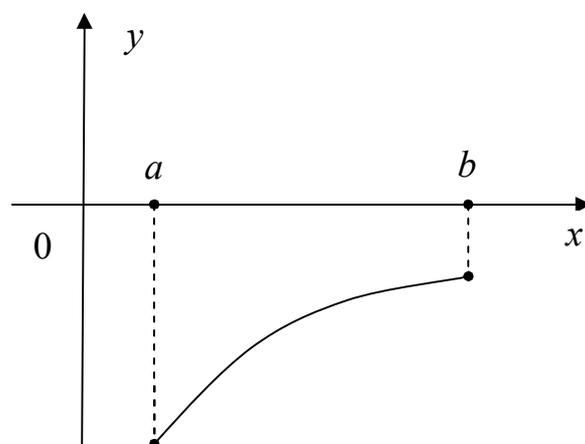
Для графика функции на отрезке $[a;b]$ одновременно выполняются 3 условия

- $y < 0, y' > 0, y'' < 0$
- $y > 0, y' > 0, y'' > 0$
- $y > 0, y' < 0, y'' > 0$
- $y > 0, y' < 0, y'' < 0$



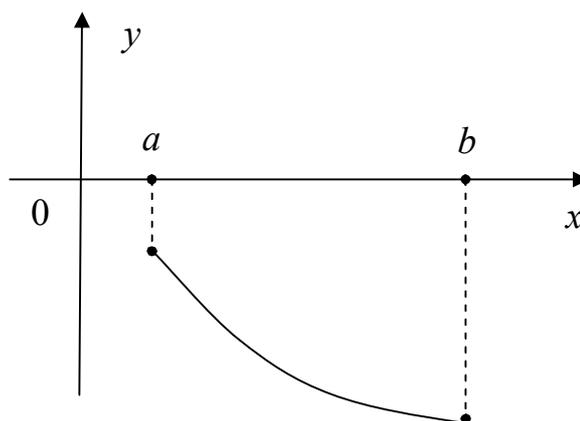
Для графика функции на отрезке $[a; b]$ одновременно выполняются 3 условия

- $y < 0, y' > 0, y'' < 0$
- $y < 0, y' < 0, y'' < 0$
- $y < 0, y' > 0, y'' > 0$
- $y < 0, y' < 0, y'' > 0$



Для графика функции на отрезке $[a; b]$ одновременно выполняются 3 условия

- $y < 0, y' > 0, y'' > 0$
- $y < 0, y' < 0, y'' < 0$
- $y < 0, y' < 0, y'' > 0$
- $y < 0, y' > 0, y'' < 0$



ТЕМА 6. Применение дифференциального исчисления в экономических исследованиях

Функция $f(x)$ в интервале (a, b) убывает все быстрее, если

- $f'(x) < 0, f''(x) < 0$
- $f'(x) < 0, f''(x) > 0$
- $f'(x) < 0, f(x) > 0$
- $f'(x) < 0, f(x) < 0$

Функция $f(x)$ в интервале (a, b) возрастает все медленнее, если

- $f'(x) > 0, f''(x) > 0$
- $f(x) > 0, f'(x) > 0$
- $f'(x) > 0, f''(x) < 0$
- $f(x) < 0, f'(x) > 0$

Эластичность функции $y=f(x)$ определяется по формуле

- $E_x(y) = \frac{y}{x} \cdot y'$
- $E_x(y) = \frac{x}{y \cdot y'}$
- $E_x(y) = \frac{y'}{y}$
- $E_x(y) = \frac{x}{y} \cdot y'$

Чтобы функция $y = f(x)$ была эластичной в точке, показатель эластичности должен быть

- больше нуля
- меньше единицы
- равен единице
- больше единицы

Чтобы функция $y = f(x)$ была неэластичной в точке, показатель эластичности должен быть

- меньше нуля
- меньше единицы
- больше единицы
- равен единице

Эластичность функции экономически означает

- относительное изменение аргумента при относительном изменении функции
- относительное изменение функции на 1% при относительном изменении аргумента
- относительное изменение функции при относительном изменении аргумента
- относительное изменение функции при относительном изменении аргумента на 1%

Эластичность произведения двух функций $E_x(uv)$ равна

- $vE_x(u) + u \cdot E_x(v)$
- $E_x(u) \cdot E_x(v)$
- $E_x(u) + E_x(v)$
- $E_v(u) + E_u(v)$

Эластичность частного двух функций $E_x\left(\frac{u}{v}\right)$ равна

- $\frac{E_x(u)}{E_x(v)}$
- $\frac{E_x(v)}{E_x(u)}$
- $\frac{E_x(u) - E_x(v)}{x^2}$
- $E_x(u) - E_x(v)$

Для получения максимальной прибыли необходимо, чтобы при данном объеме производства x_0

- предельная выручка была больше предельных издержек
- предельная выручка была меньше предельных издержек
- предельная выручка равнялась предельным издержкам
- предельная выручка была наибольшей

Функция $y = f(x)$ в интервале $(a;b)$ возрастает, если

- $f'(x) < 0$
- $f'(x) > 0$
- $f''(x) > 0$
- $f''(x) < 0$

Функция $y = f(x)$ в интервале $(a;b)$ убывает, если

- $f''(x) < 0$
- $f'(x) > 0$
- $f'(x) < 0$
- $f''(x) > 0$

Функция $y = f(x)$ в интервале $(a; b)$ возрастает все быстрее, если

- $f'(x) > 0, f''(x) < 0$
- $f'(x) > 0, f''(x) > 0$
- $f(x) > 0, f'(x) > 0$
- $f'(x) > 0, f''(x) = 0$

Функция $y = f(x)$ в интервале (a, b) убывает все медленнее

- $f'(x) < 0, f''(x) > 0$
- $f'(x) < 0, f''(x) < 0$
- $f(x) < 0, f'(x) < 0$
- $f(x) > 0, f'(x) < 0$

Эластичность спроса $S(p)$ относительно цены p определяется по формуле

- $E_p(S) = -\frac{S}{p} \cdot S'(p)$
- $E_p(S) = -\frac{p}{S \cdot S'(p)}$
- $E_p(S) = -\frac{p}{S} \cdot S'(p)$
- $E_p(S) = -\frac{S'(p)}{S}$

Если $K(x)$ – полные издержки, $V(x)$ – полная выручка, то прибыль $Z(x)$ определяется по формуле

- $Z(x) = K(x) - V(x)$
- $Z(x) = K(x) + V(x)$
- $Z(x) = K(x) \cdot V(x)$
- $Z(x) = V(x) - K(x)$

Если $K(x)$ – полные издержки, то предельные издержки определяются как

- $K'(x)$
- $\lim_{x \rightarrow x_0} K(x)$
- $\lim_{x \rightarrow 0} K(x)$
- $\int K(x) dx$

Эластичность постоянной величины равна

- постоянной величине
- нулю
- единице
- двум

Если $K(x)$ – полные издержки, то средние издержки определяются как

— $xK(x)$

— $\sqrt{K(x)}$

— $\frac{K(x)}{x}$

— $K'(x)$

Для получения максимальной прибыли достаточно, чтобы при данном объеме производства x_0

— $V''(x_0) = K''(x_0)$

— $V''(x_0) > K''(x_0)$

— $V''(x_0) < K''(x_0)$

— $V''(x_0) + K''(x_0) = 0$

Экономически обусловленной областью определения функции полных издержек $K(x)$ является

— $x \geq 0$

— $x \neq 0$

— $\begin{cases} x \geq 0, \\ K(x) \neq 0 \end{cases}$

— $\begin{cases} x \geq 0, \\ K(x) > 0 \end{cases}$

Функция полных издержек $K(x)$ в интервале $(a;b)$ возрастает, если

— $K'(x) < 0$

— $K''(x) > 0$

— $K''(x) < 0$

— $K'(x) > 0$

Функция полной выручки $V(x)$ убывает в интервале $(a;b)$, если

— $V''(x) > 0$

— $V''(x) < 0$

— $V'(x) < 0$

— $V'(x) = 0$

Функция полных издержек $K(x)$ в интервале $(a;b)$ возрастает все медленнее, если

— $K'(x) > 0, K''(x) > 0$

— $K(x) > 0, K'(x) > 0$

— $K(x) = 0, K'(x) > 0$

— $K'(x) > 0, K''(x) < 0$

Функция полных издержек $K(x)$ в интервале $(a;b)$ возрастает все быстрее, если

- $K'(x) > 0, K''(x) = 0$
- $K'(x) > 0, K(x) > 0$
- $K'(x) > 0, K''(x) > 0$
- $K'(x) > 0, K''(x) < 0$

Полная выручка $V(x)$ при x_0 будет максимальной, если

- $V(x_0) = 0, V'(x_0) < 0$
- $V'(x_0) = 0, V''(x_0) > 0$
- $V'(x_0) = 0, V''(x_0) = 0$
- $V'(x_0) = 0, V''(x_0) < 0$

Спрос $S(p)$ будет эластичным при цене p_0 , если показатель эластичности

- больше нуля
- меньше единицы
- больше единицы
- равен единицы

Спрос $S(p)$ будет неэластичным при цене p_0 , если показатель эластичности

- меньше нуля
- больше единицы
- меньше единицы
- равен единице

Эластичность функции спроса $S(p) = 4 - p$ относительно цены p определяется как

- $E_p(S) = \frac{4}{4-p}$
- $E_p(S) = \frac{p}{4-p}$
- $E_p(S) = \frac{1}{4-p}$
- $E_p(S) = \frac{4-p}{p}$

Эластичностью функции $f(x)$ относительно аргумента x называется

- предел относительного приращения функции при $\Delta x \rightarrow 0$
- предел отношения относительного приращения аргумента к относительному приращению функции при $\Delta x \rightarrow 0$
- предел функции при $\Delta x \rightarrow 0$
- предел отношения относительного приращения функции к относительному приращению аргумента при $\Delta x \rightarrow 0$

Экономически обусловленной областью для функции спроса $S(p) = 8 - 2p$ будет

- $p \geq 0$
- $p \leq 4$
- $p \geq 4$
- $0 \leq p \leq 4$

Средние издержки $K_{cp}(x)$ при x_0 будут минимальны, если

- $K_{cp}(x_0) = 0$
- $K'_{cp}(x_0) < 0$
- $K'_{cp}(x_0) = 0, K''_{cp}(x_0) < 0$
- $K'_{cp}(x_0) = 0, K''_{cp}(x_0) > 0$

Полная выручка $V(p)$ в интервале $(a;b)$ возрастает все медленнее, если

- $V'(p) > 0, V''(p) < 0$
- $V'(p) > 0, V''(p) = 0$
- $V'(p) > 0, V''(p) < 0$
- $V'(p) > 0, V''(p) > 0$

Полная выручка $V(p)$ в интервале $(a;b)$ убывает все быстрее, если

- $V'(p) < 0, V''(p) > 0$
- $V'(p) < 0, V''(p) < 0$
- $V'(p) < 0, V''(p) > 0$
- $V'(p) < 0, V''(p) = 0$

Экономически обусловленной областью для функции полной выручки

$V(p) = 12p - p^2$ будет

- $(-\infty; +\infty)$
- $(0; +\infty)$
- $[0; 12]$
- $(12; +\infty)$

Эластичность функции спроса $S(p) = \frac{1}{p+2}$ относительно цены p определяется как

- $E_p(S) = \frac{p}{(p+2)^3}$
- $E_p(S) = \frac{p+2}{p}$
- $E_p(S) = \frac{p}{p+2}$

— $E_p(S) = \frac{1}{(p+2)^2}$

Показатель эластичности функции $y = x^3 + x$ при $x = 1$ равен

- 8
- 2
- $\frac{1}{8}$
- 1

Показатель эластичности функции $y = x^3 - 2$ при $x = 2$ равен

- 4
- 36
- $\frac{1}{72}$
- $\frac{1}{3}$

Если показатель эластичности функции $f(x)$ в точке x_0 больше единицы, то функция в точке x_0

- неэластична
- нейтральна
- эластична
- положительна

Если показатель эластичности функции $f(x)$ в точке x_0 меньше единицы, то функция в точке x_0

- эластична
- неэластична
- отрицательна
- нейтральна

Показатель эластичности спроса $S = 8 - 2p$ при цене $p = 3$ равен

- $\frac{1}{6}$
- 2
- 4
- 3

Показатель эластичности функции $y = \ln(x^2 + 1)$ при $x=1$ равен

- $\frac{1}{\ln 2}$
- $\ln 2$

— $\frac{\ln 2}{2}$
— $\frac{1}{2 \ln 2}$

Спрос $S(p) = 6 - p$ относительно цены p будет эластичным при

- $p \in (3; +\infty)$
- $p \in (0; 3)$
- $p \in (3; 6)$
- $p \in (-\infty; 3)$

Полная выручка $V(p)$ при заданном спросе $S(p) = 16 - 2p$ будет наибольшей при цене p , равной

- 4
- 8
- 2
- 6

Спрос $S(p) = 8 - p$ относительно цены p будет неэластичным при

- $p \in (4; 8)$
- $p \in (0; 4)$
- $p \in (4; +\infty)$
- $p \in (-\infty; 4)$

Показатель эластичности полной выручки $V(p)$ при заданном спросе $S(p) = 16 - 4p$ при цене $p = 1$ равен

- $\frac{2}{3}$
- $-\frac{1}{3}$
- $\frac{1}{3}$
- $-\frac{2}{3}$

Функция полных издержек $K(x) = 2x^3 - 24x^2 + 100x + 36$, где x – объем производства, возрастает все медленнее в интервале

- $(4; +\infty)$
- $(0; 4)$
- $(-\infty; 4)$
- $(0; +\infty)$

Полные издержки $K(x) = \frac{x^3}{3} - 6x^2 + 39x + 13$, где x – объем производства, возрастают все быстрее в интервале

- $(0;6)$
- $(-\infty;6)$
- $(6;+\infty)$
- $(-\infty;+\infty)$

Полные издержки $K(x) = 2x^3 - 24x^2 + 120x + 40$, где x – объем производства, возрастают все быстрее в интервале

- $(4;+\infty)$
- $(0;4)$
- $(-\infty;4)$
- $(0;+\infty)$

Спрос $S(p) = 24 - 4p$ относительно цены p будет неэластичным при

- $p \in (3;6)$
- $p \in (3;+\infty)$
- $p \in (0;3)$
- $p \in (-\infty;3)$

Показатель эластичности функции $y = \frac{x}{x^2 + 9}$ при $x = 2$ равен

- $\frac{5}{13}$
- 1
- $-\frac{5}{13}$
- $\frac{13}{5}$

Если полные издержки и выручка соответственно составляют

$K(x) = \frac{x^3}{3} - 3x^2 + 12x + 20$; $V(x) = \frac{x^3}{3} - 4x^2 + 22x + 11$, то прибыль $Z(x)$ будет

максимальной при объеме производства x , равном

- 2
- 8
- 4
- 5

Если $E_{x_0}(Y) = -3$ и $Y = f(x) > 0$, то функция

- неэластична

- абсолютно неэластична
- убывающая
- возрастающая

Если полные выручка и издержки соответственно составляют

$$V(x) = \frac{x^3}{2} - 7x^2 + 30x + 27, K(x) = \frac{x^3}{2} - 6x^2 + 26x + 30, \text{ то прибыль } Z(x) \text{ максимальна}$$

при объеме производства x , равном

- 2
- 3
- 1
- 4

Если полные выручка и издержки соответственно составляют

$$V(x) = \frac{x^3}{3} - 6x^2 + 36x + 4, K(x) = \frac{x^3}{3} - 5x^2 + 28x + 11, \text{ то наибольшая прибыль равна}$$

- -9
- 10
- 9
- 4

Показатель эластичности функции $y = \frac{x^2}{x-3}$ при $x = 2$ равен

- -4
- 4
- -2
- 2

Показатель эластичности спроса $S = \frac{1}{p+3}$ при цене $p = 2$ равен

- $-\frac{2}{5}$
- $\frac{2}{125}$
- $\frac{2}{5}$
- $-\frac{2}{125}$

ТЕМА 7. Неопределенные интегралы

Функция $F(x)$ является первообразной для функции $f(x)$ в некотором промежутке, если в любой точке этого промежутка выполняется

— $f'(x) = F'(x) \mid F(x) = f(x)dx$

— $F'(x) = f(x)$

— $dF(x) = f(x)$

Если $\int f(x)dx = F(x) + C$, то выполняется

— $F(x) = f'(x)$

— $F(x) = f(x)dx$

— $d(F(x) + C) = f(x)dx$

— $F'(x) = f'(x)$

$\int dF(x)$ равен

— $f'(x)$

— $f(x) + C$

— $F(x) + C$

— $f(x)$

Если неопределенный интеграл имеет вид $\int f(x)dx$, то дифференциал этого интеграла равен

— $F(x)dx$

— $f'(x)$

— $f'(x)dx$

— $f(x)dx$

Производная от неопределенного интеграла $\int f(x)dx$ равна

— $F(x)$

— $F(x) + C$

— $f(x)$

— $f'(x)$

Интегрирование по частям в неопределенных интегралах выполняется по формуле

— $uv - \int vdu$

— $uv + \int vdu$

— $uv - \int udv$

— $uv + \int udv$

Выберите верное утверждение

— $\int uvdx = \int udx \cdot \int vdx$

— $\int uvdx = \int udx + \int vdx$

$$\text{--- } \int uv' dx = uv - \int v du$$

$$\text{--- } \int \frac{u}{v} dx = \frac{\int u dx}{\int v dx}$$

Интеграл $\int kf(x) dx$ равен

$$\text{--- } k + \int f(x) dx$$

$$\text{--- } k \int f(x) dx$$

$$\text{--- } k^2 \int f(x) dx$$

$$\text{--- } k - \int f(x) dx$$

Интеграл $\int (f(x) + \varphi(x)) dx$ равен

$$\text{--- } \int f(x) \varphi(x) dx - f(x)$$

$$\text{--- } \int f(x) \varphi(x) - \int \varphi(x) dx$$

$$\text{--- } \int f(x) dx + \int \varphi(x) dx$$

$$\text{--- } \int f(x) dx \int \varphi(x) dx$$

Выберите правильное утверждение

$$\text{--- } \int \frac{dx}{\sqrt[3]{x^2}} = \frac{3}{4} x^{\frac{4}{3}} + c$$

$$\text{--- } \int \frac{dx}{\sqrt[3]{x^2}} = 3x^{\frac{1}{3}}$$

$$\text{--- } \int \frac{dx}{\sqrt[3]{x^2}} = 3x^{\frac{1}{3}} + c$$

$$\text{--- } \int \frac{dx}{\sqrt[3]{x^2}} = \frac{3}{\sqrt[3]{x}} + c$$

Выберите правильное утверждение

$$\text{--- } \int \sqrt[5]{x^3} dx = \frac{5}{8} \sqrt[5]{x^3}$$

$$\text{--- } \int \sqrt[5]{x^3} dx = \frac{3}{5} \frac{1}{\sqrt[5]{x^3}} + c$$

$$\text{--- } \int \sqrt[5]{x^3} dx = \frac{5}{8} \sqrt[5]{x^8} + c$$

$$\text{--- } \int \sqrt[5]{x^3} dx = \frac{2}{5} \sqrt[5]{x^3} + c$$

Непрерывная функция имеет

--- только одну первообразную

--- бесконечное множество первообразных

- две первообразных
- конечное число первообразных

Две различные первообразные одной и той же функции

- равны между собой
- отличаются на константу
- отличаются на некоторую функцию
- отличаются на переменную интегрирования

Дифференциал от неопределенного интеграла равен

- подынтегральному выражению
- подынтегральной функции
- нулю
- бесконечности

К интегрируемым функциям относятся все

- постоянные
- непрерывные
- прерывные
- непостоянные функции

Интеграл $\int \frac{dx}{2x+1}$ равен

- $\frac{1}{(2x+1)^2} + C$
- $\frac{1}{2} \ln|2x+1| + C$
- $\ln|2x+1| + C$
- $\frac{1}{2(2x+1)^2} + C$

Интеграл $\int \operatorname{tg} x dx$ равен

- $-\ln|\cos x| + C$
- $\ln|\sin x| + C$
- $-\ln|\sin x| + C$
- $\frac{\operatorname{tg}^2 x}{2} + C$

Интеграл $\int \frac{dx}{2-3x}$ равен

$$— \ln|2 - 3x| + C$$

$$— \frac{1}{3} \ln|2 - 3x| + C$$

$$— -\frac{1}{3} \ln|2 - 3x| + C$$

$$— \frac{1}{(2 - 3x)^2} + C$$

Интеграл $\int \operatorname{ctg} x dx$ равен

$$— -\ln|\cos x| + C$$

$$— -\ln|\sin x| + C$$

$$— \frac{\operatorname{ctg}^2 x}{2} + C$$

$$— \ln|\sin x| + C$$

Интеграл $\int \frac{dx}{(2 - x)^2}$ равен

$$— \frac{1}{2 - x} + C$$

$$— \frac{1}{x - 2} + C$$

$$— \frac{1}{2(2 - x)} + C$$

$$— \frac{1}{2(x - 2)} + C$$

Интеграл $\int \frac{\varphi'(x) dx}{\varphi(x)}$ равен

$$— \frac{\varphi(x)}{\varphi'(x)} + C$$

$$— \varphi(x) + C$$

$$— \frac{\varphi'(x)}{\varphi(x)} + C$$

$$— \ln|\varphi(x)| + C$$

Интеграл $\int \frac{\ln x dx}{x}$ равен

$$— \frac{\ln x}{x} + C$$

- $\ln^2 x + C$
- $\ln|\ln x| + C$
- $\frac{1}{2}\ln^2 x + C$

Интеграл $\int e^{3x-2} dx$

- $\frac{1}{3}e^{3x-2} + C$
- $e^{3x-2} + C$
- $-\frac{1}{2}e^{3x-2} + C$
- $\frac{1}{3}e^{3x} + C$

Интеграл $\int \frac{dx}{a^2 + x^2}$ равен

- $\arcsin \frac{x}{a} + C$
- $\frac{1}{a} \arcsin \frac{x}{a} + C$
- $\frac{1}{a} \operatorname{arctg} \frac{x}{a} + C$
- $\operatorname{arctg} \frac{x}{a} + C$

Интеграл $\int \frac{dx}{\sqrt{a^2 - x^2}}$ равен

- $\frac{1}{a} \arcsin \frac{x}{a} + C$
- $-\frac{1}{a} \arcsin \frac{x}{a} + C$
- $\frac{1}{a} \operatorname{arctg} \frac{x}{a} + C$
- $\arcsin \frac{x}{a} + C$

Интеграл $\int (\kappa + f(x)) dx$ равен

- $\int f(x) dx$
- $\kappa + \int f(x) dx$
- $\kappa x + \int f(x) dx$

$$— \int kf(x)dx$$

Интеграл $\int \frac{\arctg x dx}{1+x^2}$ равен

$$— \frac{1}{2} \arctg^2 x + C$$

$$— \arctg x + C$$

$$— \arctg^2 x + C$$

$$— 2 \arctg^2 x + C$$

Интеграл $\int \frac{dx}{x \ln x}$ равен

$$— \frac{1}{\ln x} + C$$

$$— \frac{1}{\ln^2 x} + C$$

$$— \frac{1}{2 \ln^2 x} + C$$

$$— \ln|\ln x| + C$$

Интеграл $\int \cos 3x dx$ равен

$$— \frac{1}{3} \sin 3x + C$$

$$— \sin 3x + C$$

$$— \frac{1}{2} \cos^2 3x + C$$

$$— 3 \sin 3x + C$$

Интеграл $\int \operatorname{ctg} 2x dx$ равен

$$— \ln|\sin 2x| + C$$

$$— \frac{1}{2} \ln|\sin 2x| + C$$

$$— -\frac{1}{2} \ln|\sin 2x| + C$$

$$— 2 \ln|\sin 2x| + C$$

Интеграл $\int \frac{dx}{a-x}$ равен

$$— \ln|a-x| + C$$

$$— -\ln|a-x| + C$$

$$— \frac{1}{(a-x)^2} + C$$

$$— -\frac{1}{2(a-x)^2} + C$$

Интеграл $\int \frac{dx}{x-a}$ равен

$$— \ln|x-a| + C$$

$$— \frac{1}{(x-a)^2} + C$$

$$— -\ln|x-a| + C$$

$$— -\frac{1}{2(x-a)^2} + C$$

Интеграл $\int \frac{xdx}{x^2+4}$ равен

$$— \ln(x^2+4) + C$$

$$— \frac{1}{(x^2+4)^2} + C$$

$$— \frac{1}{2}\ln(x^2+4) + C$$

$$— \ln\left|x + \frac{4}{x}\right| + C$$

Если $F'(x) = f(x)$, то неопределенным интегралом $\int f(x)dx$ называется совокупность функций вида

$$— f(x) + C$$

$$— F(x) + C$$

$$— F'(x) + C$$

$$— f'(x) + C$$

Интеграл $\int \cos^2 \frac{x}{2} dx$ равен

$$— \frac{\cos^3 \frac{x}{2}}{3} + C$$

$$— \frac{2}{3} \cos^3 \frac{x}{2} + C$$

$$— \frac{1}{2}(x + \sin x) + C$$

$$— \frac{1}{2}(x - \sin x) + C$$

—

Интеграл $\int tg^2 x dx$ равен

$$— tgx - x + C$$

$$— -ctgx - x + C$$

$$— \frac{tg^3 x}{3} + C$$

$$— ctg^2 x + C$$

Интеграл $\int e^{\sin x} \cos x dx$ равен

$$— e^{\cos x} \sin x + C$$

$$— -e^{\sin x} + C$$

$$— e^{\sin x} + C$$

$$— e^{\sin x} \sin x + C$$

Интеграл $\int e^{-3x} dx$ равен

$$— -\frac{1}{3}e^{-3x} + C$$

$$— \frac{1}{3}e^{-3x} + C$$

$$— e^{-3x} + C$$

$$— 3e^{-3x} + C$$

Интеграл $\int \sin^2 x dx$ равен

$$— \frac{1}{2}(x + \sin 2x) + C$$

$$— \frac{1}{2}(x - \frac{1}{2}\sin 2x) + C$$

$$— \frac{\sin^3 x}{3} + C$$

$$— \frac{\cos^3 x}{3} + C$$

Интеграл $\int \frac{xdx}{4-x^2}$ равен

$$— \frac{1}{2(4-x^2)^2} + C$$

$$— \frac{1}{2}\ln|4-x^2| + C$$

$$\text{--- } -\frac{1}{2} \ln|4 - x^2| + C$$

$$\text{--- } 2 \ln|4 - x^2| + C$$

Интеграл $\int \frac{2x + 3}{x^2 + 3x + 5} dx$ равен

$$\text{--- } \ln|x^2 + 3x + 5| + C$$

$$\text{--- } \frac{1}{2} \ln|x^2 + 3x + 5| + C$$

$$\text{--- } \ln|x^2 + 3x| + \frac{x^2}{5} + x + C$$

$$\text{--- } \frac{1}{2(x^2 + 3x + 5)^2} + C$$

Интеграл $\int \frac{dx}{\operatorname{tg} x}$ равен

$$\text{--- } \ln|\operatorname{tg} x| + C$$

$$\text{--- } \operatorname{ctg} x + C$$

$$\text{--- } -\ln|\sin x| + C$$

$$\text{--- } \ln|\sin x| + C$$

Интеграл $\int \frac{dx}{\operatorname{ctg} x}$ равен

$$\text{--- } \ln|\operatorname{ctg} x| + C$$

$$\text{--- } \operatorname{tg} x + C$$

$$\text{--- } -\ln|\cos x| + C$$

$$\text{--- } \ln|\cos x| + C$$

Интеграл $\int \frac{dx}{\operatorname{tg}^2 x}$ равен

$$\text{--- } \operatorname{tg} x - x + C$$

$$\text{--- } -\operatorname{ctg} x - x + C$$

$$\text{--- } -\frac{1}{\operatorname{tg} x} + C$$

$$\text{--- } -\operatorname{tg} x - x + C$$

Интеграл $\int \frac{dx}{(3x - 2)^3}$ равен

$$- \frac{1}{2(3x-2)^2} + C$$

$$- \ln|3x-2|^3 + C$$

$$- \frac{1}{6(3x-2)^2} + C$$

$$- \frac{1}{12(3x-2)^4} + C$$

Интеграл $\int \frac{dx}{\sqrt{5-4x}}$ равен

$$- \frac{\sqrt{5-4x}}{2} + C$$

$$- \frac{1}{2} \ln(5-4x) + C$$

$$- \frac{1}{6\sqrt{(5-4x)^3}} + C$$

$$- 2\sqrt{5-4x} + C$$

Интеграл $\int \frac{xdx}{\sqrt{9-x^2}}$ равен

$$- \arcsin \frac{x}{3} + C$$

$$- \sqrt{9-x^2} + C$$

$$- \frac{\sqrt{9-x^2}}{4} + C$$

$$- -\sqrt{9-x^2} + C$$

Интеграл $\int \frac{\cos \frac{1}{x}}{x^2} dx$ равен

$$- \frac{1}{2} \cos^2 \frac{1}{x} + C$$

$$- \sin \frac{1}{x} + C$$

$$- 2 \cos^2 \frac{1}{x} + C$$

$$- -\sin \frac{1}{x} + C$$

Интеграл $\int \sec^2 x dx$ равен

— $\frac{1}{3} \sec^3 x + C$

— $-\operatorname{ctgx} + C$

— $-\operatorname{tgx} + C$

— $\operatorname{tgx} + C$

Интеграл $\int \frac{\sin \frac{1}{x}}{x^2} dx$ равен

— $\cos \frac{1}{x} + C$

— $-\cos \frac{1}{x} + C$

— $\frac{1}{2} \sin^2 \frac{1}{x} + C$

— $-\cos \frac{1}{x^2} + C$

Множество первообразных функции $f(x) = \frac{x+7}{x+3}$ имеет вид

— $x + 4 \ln|x+3| + C$

— $x - \frac{2}{(x+3)^2} + C$

— $\frac{x^2}{2} + 7x + C$

— $x + 7 \ln|x+3| + C$

Множество первообразных функции $f(x) = \frac{x-6}{x-2}$ имеет вид

— $x - 6 \ln|x-2| + C$

— $x - 4 \ln|x-2| + C$

— $x + \frac{2}{(x-2)^2} + C$

— $x + 4 \ln|x-2| + C$

Интеграл $\int e^{\cos x} \sin x dx$ равен

— $-e^{\sin x} \cos x + C$

— $e^{\cos x} + C$

— $-e^{\cos x} + C$

$$- e^{\cos x} \cos x + C$$

ТЕМА 8. Определенные и несобственные интегралы

В выражении $\int_a^b f(x)dx$ функция $f(x)$ называется

- подынтегральным выражением
- интегральной суммой
- подынтегральной функцией
- переменной интегрирования

Если на отрезке $[a; b]$, где $a < b$, $\int_a^b f(x)dx \leq \int_a^b g(x)dx$, то

- $f(x) > g(x)$
- $f(x) < g(x)$
- $f(x) \leq g(x)$
- $f(x) \geq g(x)$

Если функция интегрируема на отрезке $[a; b]$, где $a < b$, и m и M — соответственно наименьшее и наибольшее значения на отрезке $[a; b]$, то

- $m(b-a) \leq \int_a^b f(x)dx \leq M(b-a)$
- $m(a-b) \leq \int_a^b f(x)dx \leq M(a-b)$
- $m(b-a) \leq \int_b^a f(x)dx \leq M(b-a)$
- $M(b-a) \leq \int_a^b f(x)dx \leq m(b-a)$

Функция $y = f(x)$ интегрируема на отрезке $[a; b]$, если она

- непрерывна на этом отрезке
- монотонна на этом отрезке
- неотрицательна на этом отрезке
- положительна на этом отрезке

В формуле интегрирования по частям для определенного интеграла

$\int_a^b u dv = uv \Big|_a^b - \int_a^b v du$ функции $u = u(x)$ и $v = v(x)$

- непрерывны и дифференцируемы на отрезке $[a; b]$
- неположительны на отрезке $[a; b]$
- постоянны на отрезке $[a; b]$
- неотрицательны на отрезке $[a; b]$

Значение определенного интеграла зависит

- только от отрезка $[a; b]$
- только от подынтегральной функции $f(x)$
- от отрезка интегрирования $[a; b]$ и от подынтегральной функции $f(x)$
- от способа вычисления определенного интеграла

Если функция $f(x)$ интегрируема и неотрицательна на $[a; b]$, где $a < b$, то значение определенного интеграла будет

- положительным
- неотрицательным
- отрицательным
- любым

Теорема о среднем значении определенного интеграла выполняется, если функция

- имеет конечное число точек разрыва первого рода
- ограничена на отрезке $[a; b]$
- неотрицательна на $[a; b]$
- непрерывна на отрезке $[a; b]$

Если функция $f(x)$ интегрируема и отрицательна на $[a; b]$, где $b < a$, то значение определенного интеграла будет

- отрицательным
- положительным
- равно 0
- неположительным

Несобственный интеграл $\int_a^{\infty} f(x) dx$ сходится, если

- $\lim_{b \rightarrow \infty} \int_a^b f(x) dx = \infty$
- $\lim_{b \rightarrow \infty} \int_a^b f(x) dx$ — конечное число
- $\lim_{b \rightarrow \infty} \int_a^b f(x) dx = -\infty$
- $\lim_{b \rightarrow \infty} \int_a^b f(x) dx$ не существует

Если $F(x)$ — первообразная к функции $f(x)$ на $[a, b]$, то значение определенного

интеграла $\int_a^b f(x) dx$ равно

- $F(a) - F(b)$
- $F(x) + C$
- $F(b) - F(a)$
- $F(x) - C$

Функция $f(x)$ интегрируема на отрезке $[1;8]$, $\int_1^8 f(x)dx = 13$ и $\int_1^3 f(x)dx = 4$. Тогда

интеграл $\int_3^8 f(x)dx$ равен

- 9
- -9
- 17
- -17

Интеграл $\int_a^a f(x)dx$ равен

- 0
- $2f(a)$
- $2a$
- 1

Если функция $f(x)$ интегрируема на $[a, b]$, то $f(x)$ интегрируема и на $[b, a]$ и выполняется

$$\int_a^b f(x)dx = -\int_b^a f(x)dx$$

$$\int_a^b f(x)dx = \int_b^a f(-x)dx$$

$$\int_a^b f(x)dx = -\int_b^a f(-x)dx$$

$$\int_a^b f(x)dx = \int_{-b}^{-a} f(x)dx$$

Несобственный интеграл $\int_a^\infty f(x)dx$ расходится, если

$$\lim_{b \rightarrow \infty} \int_a^b f(x)dx \text{ – конечное число}$$

$$\lim_{b \rightarrow \infty} \int_a^b f(x)dx = \infty$$

$$\lim_{b \rightarrow \infty} \int_a^b f(x)dx = 0$$

$$\lim_{b \rightarrow \infty} \int_a^b f(x)dx \text{ – конечное отрицательное число}$$

Если фигура образуется кривыми $y = f_1(x)$ и $y = f_2(x)$ и на отрезке $[a, b]$, где $a = x_1$ и $b = x_2$ ($x_1 < x_2$) – абсциссы точек пересечения двух кривых, $f_2(x) \geq f_1(x)$, то площадь этой фигуры определяется по формуле

$$— S = \int_a^b (f_2(x) - f_1(x)) dx$$

$$— S = \int_a^b (f_2(x) + f_1(x)) dx$$

$$— S = \int_a^b (f_1(x) f_2(x)) dx$$

$$— S = \int_a^b (f_1(x) - f_2(x)) dx$$

Если сходятся интегралы: $\int_a^{+\infty} f(x) dx$ и $\int_a^{+\infty} g(x) dx$, то интеграл $\int_a^{+\infty} (f(x) + g(x)) dx$

— расходится

— равен нулю

— равен ∞

— сходится

Определенный интеграл по частям вычисляется по формуле

$$— (uv) \Big|_a^b + \int_a^b v du$$

$$— (uv) \Big|_a^b + \int_a^b u dv$$

$$— (uv) \Big|_a^b - \int_a^b v du$$

$$— (uv) \Big|_a^b - \int_a^b d(uv)$$

Выберите верное утверждение

$$— \int_a^b f(x) dx = \int_a^c f(x) dx - \int_c^b f(x) dx$$

$$— \int_a^b f(x) dx = \int_a^c f(x) dx + \int_c^b f(x) dx$$

$$— \int_a^b f(x) dx = \int_a^c f(x) dx + \int_c^b f(x) dx$$

$$— \int_a^b f(x) dx = \int_c^a f(x) dx - \int_c^b f(x) dx$$

Для непрерывной на отрезке $[a; b]$, где $a < b$, функции $f(x)$ найдется хотя бы одна точка t такая, что

$$— \int_a^b f(x) dx = f(t)(b - a)$$

$$— \int_a^b f(x) dx = \frac{f(t)}{b - a}$$

$$— \int_a^b f(x) dx = f(t)(a + b)$$

$$— \int_a^b f(x) dx = f(t)(b - a)$$

$\int_a^b f(x) dx$ численно равен площади фигуры, образованной кривой $y = f(x)$, прямыми

$x = a$, $x = b$, $y = 0$ ($a < b$), если

$$— f(x) < 0$$

$$— f(x) \leq 0$$

— $f(x)$ – возрастающая функция

$$— f(x) \geq 0$$

Если фигура образована кривой $y = f(x)$ ($f(x) \leq 0$), прямыми $x = a$, $x = b$ ($a < b$), $y = 0$, то площадь этой фигуры равна

$$— \int_a^b f(x) dx$$

$$— - \int_b^a f(x) dx$$

$$— - \int_a^b f(x) dx$$

$$— \int_a^b (1 - f(x)) dx$$

Если фигура образуется кривыми $y = f_1(x)$ и $y = f_2(x)$ и на отрезке $[a, b]$, где $a = x_1$ и $b = x_2$ ($x_1 < x_2$) – абсциссы точек пересечения двух кривых, $f_1(x) \geq f_2(x)$, то площадь этой фигуры определяется по формуле

$$— S = \int_a^b (f_2(x) - f_1(x)) dx$$

$$— S = \int_a^b (f_2(x) + f_1(x)) dx$$

$$— S = \int_a^b (f_1(x) f_2(x)) dx$$

$$— S = \int_a^b (f_1(x) - f_2(x)) dx$$

Если $\int_1^4 f(x) dx = 5$, а $\int_4^6 f(x) dx = 3$, то $\int_1^6 f(x) dx$ равен

- 2
- -2
- 15
- 8

Если $\int_0^5 f(x) dx = 10$, а $\int_0^2 f(x) dx = 4$, то $\int_2^5 f(x) dx$ равен

- 14
- -6
- 6
- 3

Если $\int_1^3 f(x) dx = 4$, то $\int_1^3 (f(x) - 1) dx$ равен

- 4
- 6
- 32

Если $\int_2^6 f(x) dx = 5$, то $\int_2^6 (1 - f(x)) dx$ равен

- 4
- -4
- -1
- 1

Если $\int_1^6 f(x) dx = 12$, а $\int_3^6 f(x) dx = 7$, то $\int_1^3 f(x) dx$ равен

- -5
- 19
- 3
- 5

Интеграл $\int_a^b (k + f(x)) dx$ равен

— $k + \int_a^b f(x) dx$

$$\text{— } \int_a^b f(x) dx$$

$$\text{— } b - a + k \int_a^b f(x) dx$$

$$\text{— } k(b - a) + \int_a^b f(x) dx$$

Несобственным интегралом $\int_a^{+\infty} f(x) dx$ непрерывной на $[a; +\infty)$ функции

$f(x)$ называется

— интеграл, который не дифференцируется

— интеграл, который не вычисляется

— конечный или бесконечный предел $\lim_{b \rightarrow +\infty} \int_a^b f(x) dx$

— интеграл, не имеющий первообразную

Интеграл $\int_0^{\pi} \sin^2 \frac{x}{2} dx$ равен

$$\text{— } \frac{\pi}{2}$$

$$\text{— } \frac{1}{2}$$

$$\text{— } 0$$

$$\text{— } \frac{\pi + 1}{2}$$

Интеграл $\int_0^{+\infty} e^{-3x} dx$ равен

$$\text{— } -\infty$$

$$\text{— } -\frac{1}{3}$$

$$\text{— } 0$$

$$\text{— } \frac{1}{3}$$

Интеграл $\int_0^{+\infty} \frac{dx}{1+x^2}$ равен

$$\text{— } \frac{\pi}{2}$$

- $\frac{\pi}{4}$
- $+\infty$
- $-\infty$

Интеграл $\int_{\frac{\pi}{2}}^{\pi} \cos 2x dx$ равен

- -1
- 1
- $\frac{1}{2}$
- 0

Несобственным интегралом $\int_{-\infty}^b f(x) dx$ непрерывной на $(-\infty; b]$ функции

$f(x)$ называется

- интеграл, не имеющий первообразную
- интеграл, от которой не существует дифференциал
- интеграл от возрастающей функции

— конечный или бесконечный предел $\lim_{a \rightarrow -\infty} \int_a^b f(x) dx$

Интеграл $\int_2^{+\infty} \frac{dx}{4+x^2}$ равен

- $\frac{\pi}{4}$
- $+\infty$
- $-\frac{\pi}{8}$
- $\frac{\pi}{8}$

Интеграл $\int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{4-x^2}}$ равен

- $\frac{\pi}{12}$
- $\frac{\pi}{6}$
- $\frac{\pi}{3}$

— $\frac{\pi}{4}$

Интеграл $\int_1^{+\infty} \frac{x^2 dx}{4+x^3}$ равен

— $-\frac{1}{3} \ln 5$

— ∞

— $-\infty$

— $\frac{1}{3} \ln \frac{4}{5}$

Интеграл $\int_0^1 e^{x^2} x dx$ равен

— $\frac{e-1}{2}$

— $e-1$

— $\frac{1-e}{2}$

— $1-e$

Если $\int_2^4 f(x) dx = 7$, то $\int_2^4 (f(x) - 2) dx$ равен

— 2

— 5

— 3

— 10

Интеграл $\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{3}} \frac{\operatorname{tg} x dx}{\cos^2 x}$ равен

— $-\frac{1}{3}$

— 2

— 4

— 1

Интеграл $\int_0^1 \frac{\operatorname{arctg} x dx}{1+x^2}$ равен

— $\frac{\pi^2}{32}$

$$\begin{aligned} & \text{--- } \frac{\pi^2}{16} \\ & \text{--- } \frac{\pi^2}{8} \\ & \text{--- } \frac{\pi^2}{4} \end{aligned}$$

Интеграл $\int_0^1 e^{-x^2} x dx$ равен

$$\begin{aligned} & \text{--- } \frac{1-e}{2e} \\ & \text{--- } \frac{1-e}{e} \\ & \text{--- } \frac{e-1}{2e} \\ & \text{--- } \frac{e-1}{e} \end{aligned}$$

Интеграл $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \operatorname{tg}^2 x dx$ равен

$$\begin{aligned} & \text{--- } \frac{4-\pi}{4} \\ & \text{--- } \frac{\pi-4}{4} \\ & \text{--- } \frac{1}{3} \\ & \text{--- } -\frac{1}{3} \end{aligned}$$

Интеграл $\int_0^2 \frac{x dx}{\sqrt{4+x^2}}$ равен

$$\begin{aligned} & \text{--- } 2(1-\sqrt{2}) \\ & \text{--- } \frac{1}{2} \ln 4 \\ & \text{--- } \frac{1}{2} \ln \frac{1}{4} \\ & \text{--- } 2(\sqrt{2}-1) \end{aligned}$$

Интеграл $\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \operatorname{ctg}^2 x dx$ равен

— $\frac{\pi - 4}{4}$

— $-\frac{1}{3}$

— $\frac{1}{3}$

— $\frac{4 - \pi}{4}$

Интеграл $\int_0^{\frac{\pi}{2}} (x + \cos 2x) dx$ равен

— $\frac{\pi^2}{8}$

— $\frac{\pi^2}{2}$

— $-\frac{\pi^2}{8}$

— $\frac{\pi^2 - 4}{8}$

Интеграл $\int_0^{\frac{\pi}{4}} (2x - \sin 2x) dx$ равен

— $\frac{8 - \pi^2}{16}$

— $\frac{\pi^2 - 8}{8}$

— $\frac{\pi^2 - 8}{16}$

— $\frac{8 - \pi^2}{8}$

Интеграл $\int_1^e \frac{\ln^2 x dx}{x}$ равен

— $\frac{1}{3}$

— 0

— 1

— 3

Интеграл $\int_0^1 \frac{x dx}{\sqrt{5-x^2}}$ равен

— $\frac{\sqrt{5}-2}{4}$

— $2-\sqrt{5}$

— $\frac{2-\sqrt{5}}{4}$

— $\sqrt{5}-2$

Интеграл $\int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cos x dx$ равен

— $\frac{2-\pi}{2}$

— $\frac{\pi+2}{2}$

— $\frac{\pi-2}{2}$

— $\frac{\pi}{2}$

Интеграл $\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \sin^2 x dx$ равен

— $\frac{2-\sqrt{2}}{6}$

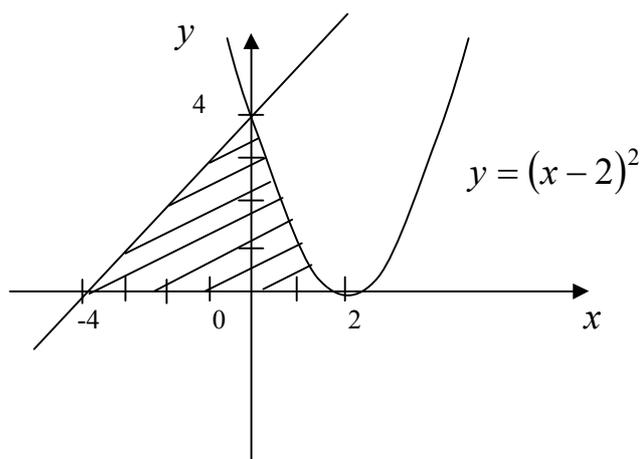
— $\frac{\pi+2}{8}$

— $\frac{\pi-2}{8}$

— $\frac{2-\pi}{8}$

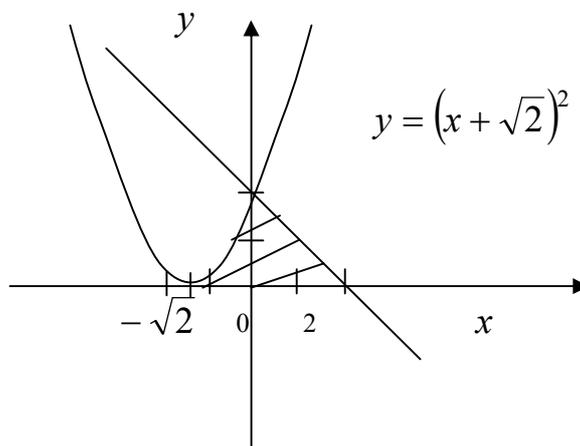
Площадь заштрихованной части фигуры определяется интегралом

$$\begin{aligned} & \text{--- } \int_{-4}^2 ((x-2)^2 - (x+4)) dx \\ & \text{--- } \int_{-4}^0 (x+4) dx - \int_0^2 (x-2)^2 dx \\ & \text{--- } \int_{-4}^0 ((x-4) - (x-2)^2) dx \\ & \text{--- } \int_{-4}^0 (x+4) dx + \int_0^2 (x-2)^2 dx \end{aligned}$$



Площадь заштрихованной части фигуры определяется интегралом

$$\begin{aligned} & \text{--- } \int_{-\sqrt{2}}^0 (x + \sqrt{2})^2 dx + \int_0^2 (2-x) dx \\ & \text{--- } \int_{-\sqrt{2}}^2 (x + \sqrt{2})^2 dx \\ & \text{--- } \int_{-\sqrt{2}}^2 (2-x) dx \\ & \text{--- } - \int_{-\sqrt{2}}^2 (x + \sqrt{2})^2 dx + \int_0^2 (2-x) dx \end{aligned}$$



Интеграл $\int_{\pi/4}^{\pi/3} \frac{\operatorname{ctg} x dx}{\sin^2 x}$ равен

$$\begin{aligned} & \text{--- } \frac{1}{3} \\ & \text{--- } -\frac{1}{3} \\ & \text{--- } \frac{4}{3} \\ & \text{--- } -1 \end{aligned}$$

Интеграл $\int_{1/\sqrt{3}}^{1/\sqrt{2}} \frac{dx}{x \sqrt{\frac{1}{x^2} - 1}}$ равен

$$\begin{aligned} & \text{--- } \arcsin \sqrt{2} - \arcsin \sqrt{3} \\ & \text{--- } \arcsin \frac{1}{\sqrt{3}} - \arcsin \frac{1}{\sqrt{2}} \end{aligned}$$

$$\text{--- arcsin } \frac{1}{\sqrt{2}} - \text{arcsin } \frac{1}{\sqrt{3}}$$

$$\text{--- arcsin } \sqrt{3} - \text{arcsin } \sqrt{2}$$

ТЕМА 9. Числовые ряды

Числовой ряд сходится, если

- предел его общего члена равен нулю
- последовательность его частичных сумм ограничена
- последовательность его частичных сумм имеет конечный предел
- члены ряда монотонно убывают по абсолютной величине

Числовой ряд с положительными членами сходится, если

- сходится ряд, члены которого меньше членов данного ряда
- сходится ряд, члены которого больше членов данного ряда
- предел его общего члена равен нулю
- этот ряд является гармоническим

Согласно интегральному признаку сходимости, числовой ряд с положительными

членами $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ расходится, если несобственный интеграл $\int_1^{\infty} f(x)dx$, где $f(n)=a_n$

- больше 1
- равен 1
- равен конечному числу
- является бесконечно большим

Согласно признаку сравнения числовой ряд с положительными членами расходится, если

- расходится гармонический ряд
- расходится ряд, члены которого больше членов данного ряда
- расходится ряд, члены которого меньше членов данного ряда
- расходится ряд, составленный из членов геометрической прогрессии

По признаку Даламбера, если $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = \ell > 1$, то ряд с положительными членами

- сходится
- расходится
- сходится условно
- может как сходиться, так и расходиться

Если числовой ряд сходится, то предел общего члена ряда равен

- 1
- -1
- 0
- $-\infty$

Числовой ряд $1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{n} + \dots$ называется

- натуральным

- гармоническим
- сходящимся
- рациональным

В числовом ряде $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n}{3n-1}$ предел общего члена равен

- 0
- ∞
- 1
- $\frac{2}{3}$

Общим членом ряда $\frac{2}{1} + \frac{4}{3} + \frac{6}{5} + \frac{8}{7} + \dots +$ будет

- $\frac{2^n}{2n+1}$
- $2n$
- $\frac{1}{2n-1}$
- $\frac{2n}{2n-1}$

Гармонический ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n}$ является

- сходящимся
- расходящимся
- условно сходящимся
- абсолютно сходящимся

В числовом ряде $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n}{3n^2-1}$ предел общего члена равен

- $\frac{2}{3}$
- ∞
- 0
- 1

Если числовой ряд $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ сходится, а C – постоянное число, то ряд $\sum_{n=1}^{\infty} Ca_n$

- расходится
- сходится или расходится
- сходится только условно
- сходится

Если ряды $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ и $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$ сходятся, то

— ряд $\sum_{n=1}^{\infty} (a_n + b_n)$ сходится, а $\sum_{n=1}^{\infty} (a_n - b_n)$ расходится

— ряд $\sum_{n=1}^{\infty} (a_n \pm b_n)$ сходится

— ряд $\sum_{n=1}^{\infty} (a_n \pm b_n)$ расходится

— ряд $\sum_{n=1}^{\infty} (a_n \pm b_n)$ сходится условно

Необходимым признаком сходимости числовых рядов является

— $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$

— $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = \infty$

— $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 1$

— $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 2$

Числовой ряд расходится, если

— предел его общего члена равен нулю

— последовательность его частичных сумм имеет конечный предел

— предел последовательности его частичных сумм бесконечен

— число членов бесконечно

Сумма членов бесконечной убывающей геометрической прогрессии определяется по формуле

— $b_1 q^n$

— $\frac{b_1}{1 - q}$

— $\frac{b_1 + b_n}{2} \cdot n$

— $b_1 + q(n - 1)$

Выражение $a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_n + \dots$ называется

— последовательностью

— числовым рядом

— арифметической прогрессией

— геометрической прогрессией

Суммой ряда S называется

— сумма первых n членов

— конечный предел последовательности частичных сумм

— предел общего члена ряда

— остаток ряда

Если в числовом ряде предел общего члена равен нулю, то ряд

- обязательно расходится
- обязательно сходится
- может сходиться, а может расходиться
- сходится абсолютно

Если в числовом ряде предел общего члена не равен нулю, то ряд

- сходится
- расходится
- может сходиться, а может расходиться
- сходится условно

Если несобственный интеграл $\int_1^{\infty} f(x)dx$ равен конечному числу, то согласно

интегральному признаку сходимости числовой ряд с положительными членами $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$,

где $a_n = f(n)$

- сходится условно
- расходится
- сходится
- может сходиться, а может расходиться

Согласно признаку сравнения числовой ряд с положительными членами сходится, если

- сходится ряд, составленный из членов геометрической прогрессии
- сходится ряд, члены которого меньше членов данного ряда
- члены данного ряда меньше членов другого ряда
- сходится ряд, члены которого больше членов данного ряда

Чтобы знакочередующийся числовой ряд сходиллся абсолютно, он должен

- сходиться условно
- расходиться
- сходиться
- расходиться условно

Для исследования сходимости знакочередующихся рядов применяется

- интегральный признак Коши
- признак сравнения
- признак Даламбера
- признак Лейбница

Признак Даламбера является достаточным признаком сходимости

- знакочередующихся рядов
- степенных рядов

- рядов с положительными членами
- гармонического ряда

Интегральный признак Коши применяется для исследования сходимости

- знакопередающихся рядов
- числовых рядов с положительными, монотонно убывающими членами
- степенных рядов
- сходящихся рядов

Если $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n \neq 0$, то ряд $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$

- сходится
- сходится условно
- расходится
- сходится абсолютно

Знакопередающийся ряд $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} a_n$ сходится условно, если

- он расходится
- ряд расходится, а ряд, составленный из абсолютных величин членов данного ряда, сходится
- ряд сходится, и сходится ряд, составленный из абсолютных величин членов данного ряда
- ряд сходится, а ряд, составленный из абсолютных величин членов данного ряда, расходится

Знакопередающийся числовой ряд сходится абсолютно, если

- сходится ряд, составленный из абсолютных величин членов данного ряда
- предел его общего члена по абсолютной величине равен нулю
- члены ряда по абсолютной величине монотонно убывают
- выполняется признак Лейбница

Признак Лейбница является

- необходимым признаком сходимости знакопередающихся рядов
- достаточным признаком абсолютной сходимости знакопередающихся рядов
- достаточным признаком расходимости рядов
- достаточным признаком сходимости знакопередающихся рядов

По признаку Даламбера, если $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = \ell < 1$, то ряд с положительными членами

- расходится
- может как сходиться, так и расходиться
- сходится
- сходится условно

В числовом ряде $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2}{3n-2}$ предел общего члена равен

- 0
- $\frac{1}{3}$
- ∞
- $\frac{2}{3}$

Сумма числового ряда существует, если ряд

- сходится
- расходится
- содержит бесконечное число членов
- содержит только положительные члены

Если числовой ряд сходится, то его n-й остаток

- стремится к бесконечности
- равен нулю
- стремится к нулю
- стремится к единице

Согласно признаку сравнения, числовой ряд $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ сходится, если

- $a_n < \frac{1}{n}$
- $a_n > \frac{1}{n}$
- $a_n < \frac{1}{n^2}$
- $a_n > \frac{1}{n^2}$

Одним из условий признака Лейбница сходимости знакочередующихся рядов является

- $a_{n+1} < a_n$
- $a_{n+1} > a_n$
- $a_{n+1} = a_n$
- $a_{n+1} \geq a_n$

Числовой ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{2n+1}$

- сходится по необходимому признаку сходимости
- сходится по интегральному признаку

- расходится
- условно сходится

Числовой ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{3n}$

- сходится
- условно сходится
- сходится абсолютно
- расходится

Числовой ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n-1}{2n+1}$

- сходится условно
- сходится абсолютно
- сходится по необходимому признаку сходимости
- расходится

Числовой ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n^3}}$

- расходится
- сходится по признаку Даламбера
- сходится по необходимому признаку
- сходится по признаку сравнения

Числовой ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{3n-2}$

- расходится
- сходится по признаку Даламбера
- сходится по признаку Лейбница
- абсолютно сходится

Числовой ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1} \cdot n}{2n-1}$

- расходится
- сходится по признаку Даламбера
- сходится по признаку Лейбница
- абсолютно сходится

Ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n \cdot n}{5^n}$

- расходится
- сходится условно
- сходится абсолютно
- может как сходить, так и расходиться

Ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{2n^2 + 1}$

- расходится
- сходится по признаку Лейбница
- сходится по признаку Даламбера
- сходится по интегральному признаку

Числовой ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{n^2 + 1}$

- расходится
- сходится абсолютно
- сходится условно
- может как сходиться, так и расходиться

Сумма числового ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2 + 3}$

- равна конечному числу
- не существует
- бесконечна
- равна нулю

Сумма числового ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n + 1}$

- равна конечному числу
- бесконечна
- равна нулю
- равна 1

Сумма числового ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{n}$

- не существует
- бесконечна
- равна конечному числу
- равна 2

Общим членом ряда $1 - \frac{1}{3} + \frac{1}{5} - \frac{1}{7} + \dots$ будет

- $\frac{1}{2n + 1}$
- $\frac{(-1)^{n+1}}{2n - 1}$
- $\frac{(-1)^{n+1}}{2n + 1}$

$$-\frac{1}{2n-1}$$

ТЕМА 10. Функциональные ряды

Областью сходимости ряда Маклорена для функции $f(x) = e^x$ является

- $(0; +\infty)$
- $(-\infty; +\infty)$
- $(-\infty; 0)$
- $(-\infty; 0) \cup (0; +\infty)$

Областью сходимости ряда Маклорена для функции $f(x) = \sin x$ является

- $(-\infty; +\infty)$
- $[-1; 1]$
- $(-1; 1)$
- $[0; +\infty)$

Областью сходимости ряда Маклорена для функции $f(x) = \cos 2x$ является

- $[-1; 1]$
- $\left[-\frac{1}{2}; \frac{1}{2}\right]$
- $(-\infty; +\infty)$
- $[-2; 2]$

Теорема Абеля позволяет определить в степенных рядах

- интервал сходимости
- область сходимости
- область определения
- множество значений

Областью сходимости ряда Маклорена для функции $f(x) = \frac{1}{1+x}$ является

- $(-\infty; +\infty)$
- $(-1; +\infty)$
- $(-\infty; -1)$
- $(-1; 1)$

Областью сходимости ряда Маклорена для функции $f(x) = \sqrt[5]{1+x}$ является

- $(-1; +\infty)$
- $[-1; +\infty)$
- $(-1; 1)$
- $[-1; 1]$

Коэффициент c_5 в разложении функции $f(x) = 3x^4 - 2$ в ряд Тейлора по степеням $(x - 1)$ равен

- 1
- 0,6
- 0
- 3

Первые три члена разложения функции $y = e^{\frac{x}{2}}$ в ряд по степеням x равны

— $1 + x + \frac{x^2}{2}$

— $\frac{x}{2} + \frac{x^2}{8}$

— $1 + \frac{x}{2} + \frac{x^2}{8}$

— $x + \frac{x^2}{2}$

Коэффициент c_3 в разложении функции $f(x) = x^4 - 3x$ в ряд Тейлора в окрестности точки $x = 2$ равен

— 24

— 1

— 8

— 0

Первые три члена разложения функции $f(x) = e^{\sin x}$ в ряд по степеням x равны

— $1 + x + \frac{x^2}{2}$

— $e - \frac{ex^2}{2} + \frac{ex^4}{6}$

— $e - x + \frac{x^2}{2}$

— $1 - x + \frac{x^2}{2}$

Если ограничиться тремя членами разложения в ряд Маклорена функции

$f(x) = (1+x)^m$, то приближенное значение $\sqrt{0,964}$ равно

— 0,982162

— 0,981838

— 0,982324

— 0,964648

Коэффициент c_4 в разложении функции $f(x) = \frac{x^4}{4} - 2x^3$ в ряд Тейлора по степеням $x + 2$ равен

— 4

— $-\frac{1}{4}$

— $\frac{1}{4}$

$$— \frac{3}{2}$$

Первые четыре члена разложения функции $f(x) = e^{-2x}$ в ряд по степеням x имеют вид

$$— 1 - 2x + 2x^2 - \frac{4}{3}x^3$$

$$— 1 + 2x - 2x^2 - \frac{8}{3}x^3$$

$$— 1 - 2x - 2x^2 + \frac{4}{3}x^3$$

$$— 1 - 2x + 4x^2 - 8x^3$$

Коэффициенты c_n , где $n = 0, 1, 2, 3, \dots$, разложения функции $f(x)$ в ряд по степеням x имеют вид

$$— c_n = \frac{f^{(n)}(1)}{n!}$$

$$— c_n = \frac{f^{(n)}(2)}{n!}$$

$$— c_n = \frac{f^{(n)}(3)}{n!}$$

$$— c_n = \frac{f^{(n)}(0)}{n!}$$

Первые три члена разложения функции $f(x) = e^{x^2}$ в ряд по степеням x имеют вид

$$— 1 + x + x^2$$

$$— 1 + x + \frac{e}{2!}x^2$$

$$— 1 + x^2 + \frac{1}{2}x^4$$

$$— 1 + 2x^2 + 12x^4$$

Областью сходимости степенного ряда является

— множество всех действительных значений неизвестного, при которых степенной ряд сходится

— интервал сходимости

— множество всех неотрицательных значений переменной

— множество всех действительных значений переменной

Коэффициенты c_n , где $n = 0, 1, 2, 3, \dots$, разложения функции $f(x)$ в ряд по степеням $(x - x_0)$ имеют вид

$$— \frac{f^{(n)}(x - x_0)}{n!}$$

$$\frac{f^{(n)}(x_0)}{n!}$$

$$\frac{f^{(n)}(-x_0)}{n!}$$

$$\frac{f^{(n)}(0)}{n!}$$

Если взять четыре члена разложения в ряд Маклорена функции $f(x) = (1+x)^m$, то приближенное значение $\sqrt[3]{1,027}$ равно

- 1,00892
- 1,00900
- 1,00908
- 1,00895

Первые три члена разложения функции $f(x) = \cos \frac{x}{2}$ в ряд по степеням x имеют вид

$$1 + \frac{x^2}{8} - \frac{x^4}{384}$$

$$1 - \frac{x^2}{2} + \frac{x^4}{24}$$

$$1 + \frac{x^2}{2} - \frac{x^4}{24}$$

$$1 - \frac{x^2}{8} + \frac{x^4}{384}$$

На границах области сходимости степенной ряд

- сходится
- расходится
- может сходиться и может расходиться
- сходится абсолютно

Первые три члена разложения функции $f(x) = \ln(1-2x)$ в ряд по степеням x имеют вид

$$2x + 2x^2 - \frac{8}{3}x^3$$

$$x - x^2 + x^3$$

$$-2x - 2x^2 - \frac{8}{3}x^3$$

$$-x + x^2 - x^3$$

Коэффициент c_5 в разложении функции $f(x) = 1 + 3x^2 - 4x^5$ в ряд Тейлора по степеням $(x+1)$ равен

- 480
- 20
- -480
- -4
-

Для нахождения радиуса сходимости степенного ряда применяется

- признак сравнения
- признак Лейбница
- интегральный признак Коши
- признак Даламбера

Интервалом сходимости степенного ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n x^n}{\sqrt{n}}$ является

- $(-3;3)$
- $(-\infty;+\infty)$
- $(-\frac{1}{5};\frac{1}{5})$
- $(1;+\infty)$

Интервалом сходимости степенного ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{2^n \sqrt{n}}$ является

- $(-2;2)$
- $(-\infty;+\infty)$
- $(-\frac{1}{2};\frac{1}{2})$
- $(0;+\infty)$

Радиус сходимости степенного ряда $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{4^n x^n}{3^n}$ равен

- $\frac{4}{3}$
- $\frac{3}{4}$
- 4
- 3

Радиус сходимости степенного ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n x^n}{n!}$ равен

- ∞
- 0
- 2
- $\frac{1}{2}$

Областью сходимости разложения в ряд Маклорена функции $f(x) = \frac{1}{(1+x)^3}$ является

- $(-\infty; -1) \cup (-1; +\infty)$
- $(-\infty; +\infty)$
- $(-1; 1)$
- $(-1; 1]$

Интервалом сходимости степенного ряда $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{3^n x^n}{\sqrt{n+1}}$ является

- $(-3; 3)$
- $(-\frac{1}{3}; \frac{1}{3})$
- $(-\infty; +\infty)$
- $(-1; +\infty)$

Радиус сходимости степенного ряда $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{n! x^n}{4^n}$ равен

- 4
- $\frac{1}{4}$
- ∞
- 0

В интервале сходимости степенной ряд $\sum_{n=0}^{\infty} a_n x^n$

- сходится условно
- сходится абсолютно
- предел отношения $(n+1)$ -го члена к n -му члену больше единицы
- предел отношения $(n+1)$ -го члена к n -му члену равен единице